PS-9 非線形モデル予測制御による波力発電装置の

# 高効率化と実装試験

海洋先端技術系 \*谷口 友基,二村 正,藤原 敏文

# 1. はじめに

波力発電装置の1種である Point Absorber 型 WEC (以下, PAWEC と略記) は、波長に比べて小さい直径の可動浮体を持 ち、海洋波から効率よくエネルギーを取り出すため、可動浮 体の運動制御が行われる.これまで様々な制御法が提案され、 近年では、制御対象の制約条件も考慮すると同時に、発電電 力最大化を行うモデル予測制御を適用することで、従来制御 法よりも波力発電装置の高効率化<sup>11</sup>を実現することが報告さ れている.但し、モデル予測制御を PAWEC に適用する場合、 制御周期内(先行研究では 50~100 ms 程度)に2 点境界値問 題を解き、実時間制御が可能であることも検証する必要があ るが、一般的に、モデル予測制御は計算負荷が大きく、実時 間制御は難しい.

本研究では、PAWEC に働く外力及び制御力を2台のリニア シャフトモータを用いて発生させ、制御法を実装した状態の PAWEC の波浪中の運動を再現する陸上試験装置を開発し、非 線形モデル予測制御(以下,NMPCと略記)を採用した PAWEC の実時間制御を検証した結果について報告する.

# 2. 陸上試験装置

陸上試験装置(以下,本装置と略記)は、リニアシャフト モータ2台(日本パルスモーター株式会社製S250X及び SLP35),サーボアンプ2台,及び制御器1台で構成される. シャフトの永久磁石によって生じる磁束とコイルに流れる電 流との電磁気的作用によって推力を生み出す.図-1に本装 置の写真を示し、表-1にリニアシャフトモータの諸元を示 す.2台のリニアシャフトモータは接続治具を介して接続さ れており、S250Xは約1/20程度のPAWEC水槽試験模型に搭載 可能な大きさである.S250XはPAWECの制御力を発生させる. 一方、SLP35はPAWECに働く波浪強制力、復原力、及びラデ ィエイション流体力を発生させるとともに、SLP35の可動部 とレール間に働く摩擦力を打ち消す力(以下,摩擦補正力と いう)を発生させる.摩擦補正力は、一定速度でSLP35を運 転させて計測した摩擦力を基に摩擦力モデルを構築し、本装 置の運転速度に応じた摩擦力推定結果を加えた.

実験では、S250X の可動部,接続治具,及び SLP35 の可動 部の合計質量を PAWEC の可動浮体の質量と一致させて本装置 を運転させることで,PAWEC の波浪中運動を模擬させる.な お,PAWEC の可動浮体に働く造渦減衰力等,流体の粘性に起 因する力はモデル化していない.



図-1 陸上試験装置

## 表-1 リニアシャフトモータの諸元

Item	Unit	S250X	SLP35
Length	m	0.80	1.72
Stroke	m	0.31	1.40
Pole pitch	mm	90	120
Weight of moving part	kg	4.15	4.4
Rated force	Ν	140	185
Thrust coefficient	N/A	58	68
Armature winding	0	3.75	3.6
resistance per phase	22		

#### 3. 波力発電装置の制御モデル

#### 3.1 波力発電装置モデル

本論文では、1 自由度系のリニア式発電機構(以下,リニ ア式 PTO と略記)を搭載した PAWEC を想定する. PAWEC 模型 は想定実機の約 1/20 縮尺とする. 可動浮体は、表-2 に示し た諸元を持つ中空円筒体であり、ラディエイション流体力及 び波浪強制力は WAMIT® version 7.0<sup>2</sup>を用いて計算した.

表-2 PAWEC 可動浮体の諸元

Item	Symbol	Model scale
Mass	$M_{f}$	18.8 kg
Outer diameter	$D_{out}$	0.40 m
Inner diameter	$D_{in}$	0.20 m
Height	$H_{float}$	0.40 m
Draft	$d_{f}$	0.20 m
Restoring coefficient	C33	924.5 N/m
Heave natural period	$T_n$	1.07 s

規則波中における可動浮体の運動方程式を(3.1)式に示す. なお,(3.1)式中の *z*, *F*<sub>s</sub>, *F*<sub>s</sub>, *F*<sub>s</sub>, 及び *F*<sub>s</sub>は, それぞれ可動 浮体の変位,波浪強制力,リニア式 PTO の制御力, ラディエ イション流体力,及び復原力を示す.また,上付きドットは 時間微分を示す.

PAWEC への機械入力 ( $P_{moct}$ ) , リニア式 PTO で制御力を加え た時に生じる銅損 ( $P_{loss}$ ) , 機械入力と銅損の差分として得 られる電力 ( $P_{out}$ ) を(3.2)~(3.4)式で定義する. (3.3)式中 の  $R_{s}$ ,  $K_t$ は, それぞれリニア式 PTO の巻線抵抗と推力係数で ある.また,時間平均値として平均発電電力を(3.5)で定義す る.

$$m_f \ddot{z} = F_e(t) + F_g(t) + F_r(t) + F_S(t)$$
(3.1)

$$P_{mech}(t) = -P_g(t)z \qquad (3.2)$$

$$P_{loss}(t) = R_s \left(\frac{F_g(t)}{K_t}\right)^2 \qquad (3.3)$$

$$P_{out}(t) = P_{mech}(t) - P_{loss}(t)$$
(3.4)

$$P_{out \ ave} = \frac{1}{T} \int P_{out}(t) dt \tag{3.5}$$

## 3.2 制御モデル

状態ベクトルを(3.6)式、ダミー入力( $u_s$ , $u_s$ ) も含めた制 御入力を(3.7)式とする.本論文で構築した NMPC の制御周期 は 50 ms とした.NMPC に対して、可動浮体の変位(z)及び 制御力( $F_s$ )に(3.8)式の不等式制約条件を設ける.不等式制 約条件は、ダミー入力を用いて等式制約条件( $C_{eq}$ )に変換す る.不等式制約条件を等式制約条件に変換した結果を(3.9) 式に示す.評価関数(J)は、 $P_{out}$ を含む(3.10)式とする.(3.10) 式中のQ, R は対角行列、 $t_f$ は評価区間長を示し、本論文では 0.5 s としている.NMPC の詳細は参考文献1)に記載した.

$$\boldsymbol{x} = [x_1 \ x_2]^T = [z \ \dot{z}]^T \tag{3.6}$$

$$\boldsymbol{u} = [u_1 \, u_2 \, u_3]^T = \begin{bmatrix} F_q \, u_2 \, u_3 \end{bmatrix}^T \tag{3.7}$$

$$\begin{cases} -0.15 \le x_1 \le 0.15 \\ -140 \le u_1 \le 140 \end{cases}$$
(3.8)

$$\boldsymbol{C}_{eq} = \begin{bmatrix} x_1^2 + u_2^2 - 0.15^2 \\ u_1^2 + u_3^2 - 140^2 \end{bmatrix} = \boldsymbol{0}$$
(3.9)

$$J = \int_{t}^{t+t_{f}} L(\boldsymbol{x}(\tau), \boldsymbol{u}(\tau)) d\tau$$

where

$$L = -\left(-u_1 x_2 - R_s \left(\frac{u_1}{K_t}\right)^2\right) + \mathbf{x}^{\mathrm{T}} \mathbf{Q} \mathbf{x} + \mathbf{u}^{\mathrm{T}} \mathbf{R} \mathbf{u}$$
  
+  $r_{d_1} u_2 + r_{d_2} u_3$  (3.10)

### 4. 実装試験結果

図-2 に本装置による可動浮体の規則波中運動の模擬結果 と数値計算の比較を示す.図-2 には、制御がない状態(No control),抵抗制御(RL)を実装した結果も参考のため示し ている.数値計算では WAMIT により求めた PAWAC の可動浮体 のラディエイション流体力及び波浪強制力を用いた.試行し た全ての制御状態において、本装置の計測結果は数値計算結 果とよく一致していることから、本装置により可動浮体の制 御状態を含めた規則波中の運動が模擬できている.なお、制 御を非線形モデル予測制御(NMPC)とした全ての試験条件に おいて、最適化演算は50 ms 以内で完了した.

図-3 に(3.5)式で定義した平均発電電力(Pout are)の計測 結果と数値計算結果の比較を示す.NMPCの計測結果及び数値 計算結果は、入射波の波周期が可動浮体の上下揺れ固有周期 よりも長い条件において抵抗制御の結果よりも大きく、NMPC を採用することで波力発電装置の高効率化が実現されている ことが分かる.



### 5. まとめ

Point Absorber 型波力発電装置を対象とした陸上試験装置 を開発した.本装置を用いて,波力発電装置の制御状態にお ける規則波中の運動を再現し,平均発電電力を推定できるこ とを確認すると伴に,非線形モデル予測制御の実時間制御を 検証した.

## 謝辞

本研究は JSPS 科研費 19K15223 の助成を受けたものです. 関係各位に深く感謝申し上げます.

# 参考文献

- 谷口友基,藤原敏文,井上俊司,大塚敏之:モデル予測制 御による波力発電装置の高効率化,日本船舶海洋工学会論 文集,第29号 (2019), pp. 171-179.
- 2) WAMIT, Inc. : Wamit® User Manual (version 7.0).