重力式擁壁に作用する振動土圧について

丹羽 新*

An Experimental Study of Oscillating Earth Pressure acting on a Gravity Wall

By

Shin NIWA

Abstract

This report presents many considerations about measured oscillating earth pressures acting on a test wall of gravity type which is shaken by artificial earthquakes caused by a large vibration generator, or which is shaken by a small vibration exciter fixed on the top of the wall. The earth pressures on the back and bottom surfaces of the wall were measured by a number of specially developed pressure cells, and also the vibration of the wall by vibration pick-ups.

The measured oscillating earth pressures acting on the back of the wall, and displacements of it can be represented by rotating vectors which are arranged horizontally around a vertical axis of rotation. A curve generated by connecting the points of pressure vectors is generally a spatial curve. When the spatial curve rotates, the orthogonal projection of it on a vertical plane shows the vertical distribution of oscillating earth pressure acting on the back of the wall. In order to express the spatial curve of pressure mathematically, two projections on xz-and yz-planes are formulated as follow.

$$p_x = A_x(z-z_x)^n + B_x(z-z_x) + \bar{p}_x$$
$$p_y = A_y(z-z_y)^n + B_y(z-z_y) + \bar{p}_y$$

where n = 3, 5, 7.

By these equations, the vertical distributions of oscillating earth pressure have been fully revealed. Now, we can satisfy the equations of motion of the wall assuming that the vertical oscillating earth pressures acting on the bottom distribute parabolically in the longitudinal direction of the wall.

The fact that the measured pressures and displacements fulfil the equations of motion of the wall makes the investigation of the mechanical model of the wall during vibration possible. Many qualitative considerations between forces and displacements are described, which may be useful in the investigation of the mechanical model of a gravity wall.

		H		次		
1.	まえ	がき・・・・・	4	2.3	試験壁体	7
2.	実験	续置	6	2.4	計測の基本方針	8
	2.1	人工地震発生装置	6	2.5	振動土圧測定装置	ę
	2.2	壁頂起振機	7	2.6	振動測定器	ę
-						

* 海洋開発工学部 原稿受付 昭和46年4月17日

	2.7	裏込め砂の性状9
3.	実験	食とその結果 9
	3.1	実験の方法9
	3.2	実験結果の一例10
	3.3	回転ベクトルを用いた実験結果の表示法一
		立体表示法13
4.	媒体	*を Voigt 体と考えたときの力学モデルの解
	析…	
	4.1	力学モデルと運動方程式16
	4.2	運動方程式の解17
	4.3	解の立体表示とそれによる解析18
5.	振重	カ土圧の分布形状の決定---実験式化21
	5.1	xz, yz 平面への投影曲線を放物線で表わし
		た場合の <i>L_p</i> の特性
	5.2	さらに高次にした場合
	5.3	係数の決定
6.	分存	6土圧の積分
	6.1	側方分布土圧の積分

	6.2	底面に作用する振動土圧24
7.	力の	D釣合い26
	7.1	変位の分解
	7.2	力と変位に関する定性的考察26
	7.3	力の釣合い
	7.4	底面に作用する振動土圧の分布の決定30
8.	裏i	ひめがない場合の壁体の振動特性32
9.	壁匠	底面のモデル化についての試み36
	9.1	モデル化についての基本方針36
	9.2	底面モデル化の条件式36
	9.3	Eq. (49) についての考察38
	9.4	Eq. (52) についての考察38
	9.5	壁底面のモデル化39
	9.6	本章のまとめ
10	. 結て	バとあとがき40
	参考	考文献41
	付	録 A42
	付	録 B ······ 108

Ex, Ez 放物線の係数

記号の一覧表

a	壁体の並進変位の振幅	
a_0	地盤の水平変位の振幅	
a_r	壁体の相対並進変位の振幅	
A_x, A_y	実験式の係数	
A'_x	A_x の概略値	
b	他を置換した数	F
b_x, b_y	直線の切片	
B_x, B_y	実験式の係数	g
B'_x	B_x の概略値	
с	他を置換した数	
c_0	Voigt 体の分布減衰係数	
c_1	壁底面の水平分布減衰係数	$G_1(x,$
<i>C</i> ₂	壁底面の鉛直分布減衰係数	
c_x	$=c_1dl$	
c_{φ}	$=c_2J_3$	
NC _{\varphi}	壁体の回転減衰係数	
CφE	壁底面の土塊の回転減衰係数	
C_x, C_y	実験式の係数	
d	壁体の底幅	
2D	散逸関数	
D_1	壁頂の変位振幅	
D_2	振動計 H-2 の位置における壁体の	
	変位振幅	
e	他を置換した数	

f 振動数 f1 第1次連成固有振動数 fn 第2次連成固有振動数 $f_1(z), f_2(z) z の関数$ $F_1(x, z), F_2(y, z)$ (x, z), (y, z) の関数 g 重力加速度 y1(q),g2(q),g3(q) q の関数 G 壁体の重心の位置 G' 壁体の重心直下の点 GE 壁底面の土塊の重心の位置 $(y,z), G_2(x,y,z)$ (x, y, z) の関数 h 壁体の高さ $h=z_0+H$ H 壁体の重心と底面の間の鉛直距 離 H' 壁体の重心から壁頂起振機の回 転軸までの鉛直距離 $H_Z \sim \mu \gamma$ i 他を置換した数

- I 壁体の重心に関する慣性能率
- 1'E 壁底面の土塊の重心に関する慣 性能率
- I_E 壁底面の土塊の慣性能率 $I_E = I'_E + m_E s_3^2$

(230)

- *b'*_T **p'**_T の振幅
 - $p_x = p \cos \gamma$
 - $p_y = p \sin \gamma$
 - \bar{p}_x, \bar{p}_y 実験式が表わす曲線の対称点の構座 標
 - \bar{p}'_x \bar{p}_x の概略値
 - *px* 特別の時刻における *px*の値
 - ▶min 2直線間の最短距離
 - **P** 側方振動土圧の合力
 - $P = P \cos(\omega t + \Theta_P)$
 - P' 壁体の底面に作用する水平合力 $\boldsymbol{P'} = P' \cos\left(\omega t + \Theta'_P\right)$
 - P 側方振動土圧の合力の振幅
 - P' 壁体の底面に作用する水平合力の振 幅
 - $P_x = P \cos \Theta_P$
 - $P_y = P \sin \Theta_P$
 - q 媒介変数
 - q_K 一般座標
 - qx,qy 直線の方向係数
 - Q 土圧の回転成分の振幅
 - Q_{K} 一般力
 - r 壁体の回転半径 I=mr²
 - r' 壁体の重心から土圧計 No.6 までの 水平距離
 - ro 壁頂起振機の不平衡質量の Arm
 - R 土圧の並進成分の振幅
 - $s_1 = \frac{a_r}{c}$ φ_r
 - $s_2 = \frac{a_0}{a_0}$
 - ss 壁底面の土塊の重心とバネ間の鉛直 距離
 - t 時間
 - 27 運動エネルギー
 - u 他を置換した数
 - v 他を置換した数
 - 2V 位置エネルギー
 - x 座標 壁体の並進変位 $x = a \cos(\omega t + \alpha)$
 - x_0 地盤の水平変位 $x_0 = a_0 \cos(\omega t + \alpha_0)$
 - *x*r 壁体の相対並進変位 $x_r = a_r \cos(\omega t + \alpha_r)$
 - x_E 壁底面の土塊がうける水平強制変位

(231)

J1 鉛直壁面の1次モーメント J₂ 鉛直壁面の2次モーメント J3 壁底面の2次モーメント k 他を置換した数 ko Voigt 体の分布バネ定数 k1 壁底面の水平分布バネ定数 k2 壁底面の鉛直分布バネ定数 $k_x = k_1 dl$ $k_{\varphi} = k_2 J_3$ **N**k_∞ 壁体の回転バネ定数 k_{@E} 壁底面の土塊の回転バネ定数 K 直線の方向係数 K_h 水平震度 Kv 鉛直震度 1 壁体の長さ L 直線の切片 Lp 立体表示法において変位ベクトルの 先端を結んだ空間直線 Lp 立体表示法において土圧ベクトルの 先端を結んでできる空間曲線 xL_p L_p の xz 平面への投影曲線 $_{v}L_{v}$ L_{p} の yz 平面への投影曲線 m 壁体の質量 mo 壁頂起振機の不平衡質量 *m*_E 壁底面の土塊の質量 M 側方振動土圧による合モーメント $M = M \cos(\omega t + \Theta_M)$ M_b 底面振動土圧による合モーメント M 側方振動土圧による合モーメントの 振幅 $M_x = M \cos \Theta_M$ $M_y = M \sin \Theta_M$ n 実験式のベキ数 Nx, Nz 放物線の頂点の縦座標 **P** 側方の分布振動土圧 $p = p \cos(\omega t + \gamma)$ **P**b 底面の分布振動土圧 **P**T 土圧計 No.6 の位置における振動土

i 他を置換した数

- $\mathbf{p}'_T \mathbf{p}_T$ の理論値 $\mathbf{p}'_T = p'_T \cos(\omega t + \tilde{\tau}'_T)$
 - ▶ 側方の分布振動土圧の振幅
- *p*_T 土圧計 No.6 の位置における振動土 圧の振幅

- - $E_T = p_T \cos(\omega t + \tilde{\tau}_T)$

4

- X x 方向の座標
- X₀ 壁体の Heel から重心までの水平距 離
- y 座標
- z 座標 壁頂から測った壁体の深さ
- z' 壁体の重心から振動計 H-2 までの
 鉛直距離
- z z 座標の移動量
- \tilde{z} 直線とz軸の交点の座標 $\tilde{z} = -\frac{L}{R}$
- 20 壁頂から重心までの鉛直距離
- *2x*, *2y* 実験式が表わす曲線の対称点の *z* 座 標
 - $z'_x z_x$ の概略値
 - Z z の新座標
 - α 壁体の並進変位の位相角
 - αω 地盤の水平変位の位相角
 - αr 壁体の相対並進変位の位相角
 - β 壁体の回転変位の位相角
 - βo 地盤の回転変位の位相角
 - βr 壁体の相対回転変位の位相角
 - 7 側方の分布振動土圧の位相角
 - *ア* 土圧計 No.6の位置における振動土圧の位相角
 - γ'_T p'_T の位相角
 - **Γ Γ** の新座標
 - δ 土圧の回転成分の位相角
 - δ' 土圧の並進成分の位相角
 - $\varepsilon = \tilde{r}'_T \tilde{r}_T$

1. まえがき

重力式擁壁とは,壁体の自重によって背後に作用す る土圧に対抗して,常時においても地震時においても, 滑り出し,沈下や傾き,転倒を生ぜず,常にその安定 を保つ型式の壁体を言う。Fig.1 にその最も一般的な 断面を示すが,目的に応じてさまざまな形が採用され ている。この重力式擁壁は土木構造物の基本的な一要 素であって,鉄道,道路,建築物などの盛土や切り取 り部の土留壁として,また,水路,河川,港湾,埋立 地の護岸としても,さらには,橋台,ドライドックの 側壁などとして広く用いられている。

重力式擁壁の安定性は,常時および地震時を含めて, 大別して次の各項目によって論ぜられる。

1) 壁体の背後(側方)および底面に作用する土圧 (232)

- *ξ,η,ζ* 直角座標
- θ,θ',θω 座標の回転角
 - Θ_M 側方振動土圧による合モーメントの 位相角
 - **Θ**_P 側方振動土圧の合力の位相角
 - Θ'Ρ 壁底面に作用する水平合力の位相角
 - $\kappa = \frac{H}{r}$
 - λ1 壁頂の変位の位相角
 - λ₂ 振動計 H-2 の位置における壁体の 変位の位相角

$$\nu = \frac{p' q}{p \pi}$$

- π 円周率
- φ 壁体の回転変位の振幅
- φ₀ 地盤の回転変位の振幅
- *φr* 壁体の相対回転変位の振幅
- Φ 壁体の回転変位 $\Phi = \varphi \cos(\omega t + \beta)$

- ω 角振動数 $\omega = 2\pi f$
- ωι 第1次連成固有角振動数
- ωΠ 第2次連成固有角振動数

$$\omega_{x^{2}} = \frac{k_{x}}{m}$$
$$\omega_{\varphi^{2}} = \frac{k_{\varphi} + H^{2}k_{x}}{r}$$



Fig. 1 Gravity wall

- 2) 擁壁が水ぎわに造られる場合や、地下水の影響 が無視できない場合には、それぞれの面に作用す る水圧
- 3) 裏込めを含めた基礎地盤の剪断抵抗



Fig. 2 Resultant acceleration

この中で擁壁に作用する地震時の土圧として,従来 から設計に主として用いられてきたのは,一般の構造 物に対する震度法と同じ考え方にもとずく方法であ る(ここに震度とは,地震の最大加速度と重力加速度 との比を言う)。Fig. 2 において水平震度を K_h ,鉛直 震度を K_v とし,水平方向加速度 K_h ・g と鉛直方向加 速度 $(1-K_v)$ ・g とを合成すると,この合成加速度は鉛 直線に対して角 θ_0 だけかたむいて作用する。ここで 座標を θ_0 だけ回転し,合成加速度の方向を鉛直方向 と一致させ,その後はクーロン,またはランキンの式 を用いて,常時土圧に準じて地震時土圧を導くのであ る。このようにこの計算法には振動論的な考察が払わ れておらず,あくまで直観的な仮定にもとずく静的な 取り扱いであって,自然現象を正しく把握した結果で はない。

いっぽう振動台を用いて,実験的に振動土圧の性質 を明らかにするための研究も行われてきた。これらの 多くは振動砂槽の一面を固定壁または可動 壁とする か,あるいは振動台の上に模型壁体をのせるかして, **背後をゆるい乾燥砂でみたし、振動中に壁体に作用す** る土圧を観測するものである。しかしながら Fig.1か ら明らかなように,現実の擁壁は地盤上に弾性的に支 持されており、裏込めを掘り取った状態では、壁体は 明瞭に固有振動を持っている (Photo 11 参照)。さら に背面に作用する土圧と底面に作用する土圧との間に は密接な関係があり, 裏込めは密に突き固められた状 態で自然に放置され、地震に際しては進行性の波動に よって強制振動を受けている。したがって上述の振動 台による実験は,壁体の支持の条件,裏込めの状態, および強制振動の受け方などの点で、現実に起こって いる現象とかなりへだたったものを対象としているよ うに考えられる。

著者らは地震時に重力式擁壁に作用する土圧と,壁 体の運動を正しく理解するために,より一層現実に近 く、しかも現象の本質をそこなわないようにこれを単純化した実験方式を確立し、現象そのものを正しく観察することから手をつけることとした。具体的には、i)自然地震を待たずに実験できるように人工地震発生装置をつくること、ii)自然の情報を素直に与えてくれる測定法を確立し、これをRoutineに駆使できるように具体化すること、の2点から着手した。

昭和28年の初め,まず人工地震発生装置の試運転に 成功し,その後振動土圧測定装置の試作に専念し,昭 和32年9月頃から振動土圧の測定がたやすく行いう るようになった。このときから振動土圧に関する実験 を組織的に行い,昭和34年から新しい型の振動の測定 器を備えて,ここに力と運動の観測が完全な姿で行い うるようになったのである。引き続く昭和37年まで が本研究の第1期とも言うべき期間であって,この間 にえられた成果についてはすでに報告した。^{D-8)}

人工地震発生装置は自然地盤に定常振動を起こす装 置であって、この装置を運転すると半径およそ 600 m 以内は有感地震帯となる。したがって当初からこの実 験について付近からの苦情があったが、幸い隣接地帯 にはわずかの住居しかなかった。年が経つにつれて付 近に建てられる建物の数も次第に増え,第1期の終り 頃になると、実験の回数が増えたこともあって、振動 障害についての苦情がますます激しくなり、はなはだ しいときには 10 分程度運転して 数ケ所から 苦情が持 ち込まれたこともあった。ちょうどこの時期は当研 究所の組織替えの時期で,一時は実験の継続が危ぶま れたこともあった。しかし第1期においてえたデータ の数が比較的少なかったのと,装置を運転しさえすれ ば新しいデータが次々と生れる状態にあったので、強 く実験の継続を願った。隣接地帯と数回にわたる折衝 の結果,昭和38年8月から同40年9月まで, 毎週1 回,1回10分以内と言う条件で人工地震発生装置の 運転が認められた。 このようにして 昭和 38 年に始ま る第2期の研究に進んだのであるが、本報告中の実験 はすべてこの期間(後に述べる Ⅱ-5 および Ⅱ-6 の実 験は昭和40年12月)に行われたものである。

振動土圧に関して著者らが確立した実験法は,第1 報が発表されてから今日まで,世界のどこにおいても 遂に採用されなかったが,その実験法と計測法は18年 の歳月を経てもいささかも陳腐性を感じさせないばか りか,ここに掲げるデータに比肩するものはこの間に 発表されなかったように思う。データがユニークなも のであると言うことと,都市近郊で再びこの実験を行 うことは現状では不可能であると言う事実が,データの羅列であると言う非難を顧みず,あえて全データを 収録した理由である。

本研究の最終目標は、地震時に重力式擁壁に作用す る土圧と壁体の運動との関係を、力学モデルで表現す ることである。本報告書では、まず測定した運動と分 布力を直観的に把握しうる形で表現し、これから力の 分布形状を実験式で表わしてこれを積分し、壁体に作 用する合力と合モーメントを求めた。次にこのように して求めた合力と合モーメントがどのようにして運動 方程式を満足するかを考察し、満足された運動方程式 の形から力学モデルを組み立てようと試みた。すなわ ち、組み立てた力学モデルの中に含まれる力学定数全 部が、実測値を用いて合理的に決定しうるかどうかを 検討した。しかし現段階では完全に満足すべき結果は えられず,力学モデル完成にいたる道は遠くてけわし い。

2. 実験装置

2.1 人工地震発生装置

Fig. 3 に人工地震発生装置および試験壁体の配置を 示す。人工地震発生装置によって地盤に定常振動を起 こし、このとき試験壁体の背後および底面に作用する 土圧と、壁体の運動を観測するのである。これらの装 置や,振動および振動土圧測定装置についての詳細は、 すでに報告したもの^{10~89}を参照されたい。

人工的に地震を起こすために,従来から種々の方法 が採られてきたが,そのいずれの方法も地盤そのもの を大きく永続してゆすぶることはできなかった。著者 らが完成した人工地震発生装置は,Fig. 3, Photo 1 に



Fig. 3 General arrangement of the experimental equipments

(234)



Photo 1 General view of earthquake generator

示すように,地表面下に築造した,水平断面が長円形 (6m×4.4m×深さ3m)の鉄筋コンクリート椀形構造 物の中で不平衡質量を回転させるものである。この装 置の特色は自然地盤そのものに定常地震動を起こしう る点である。言うまでもなく自然地震は典型的な過渡 振動であるが,最初からこのような非定常現象と取り 組むことは,いたずらに問題を錯綜させるおそれがあ ると考え,複雑な天然の地震動を簡単な定常振動に置 きかえて,現象の理解を容易ならしめようとした。

上述の鉄筋コンクリート椀形構造物の中に固定され ている起振機は、不平衡質量を増強した蒸気機関車の 動輪2個を1軸とし、この合成車輪が同一水平面上に 2軸平行に配置されている。そして2軸が同一方向, あるいは反対方向に回転するとき、不平衡質量に基づ く遠心力が、椀形構造物を、したがってその周囲の地 盤を振動させるのである。その際振動の伝達面積を増 加させるために、椀形構造物の長径にそって、つば状 の突起が側方および下方をめぐって構造物を一周して いる。水平振動の方向は短径方向で、不平衡モーメン トは2軸合計 24.5 kg・sec²、最大回転数 6 r.p.s., こ のときの最大遠心力は約 35 ton である。本文に述べる 振動土圧実験では、起振機の2軸は常に同一方向へ3 ~6 r.p.s. で回転したときのものである。振動数の可 変範囲が狭いのが欠点である。

2.2 壁頂起振機

壁体を中心に考えてみたとき、人工地震発生装置に よって地盤に振動が起こされ、その地盤から壁体が振 動を受ける場合と、壁体が振動源となって振動を地盤 に与える場合とが考えられる。これら二つの場合に関 する実験を相たずさえて行うことが、地震時土圧の性 質を明らかにする上に必要であると考えた。後者に関 する実験を行うため壁頂中央に起振機を取り付け、こ



Photo 2 Vibration exciter fixed on the top of the wall

の部分に水平加振力を作用させ,壁体の背後および底 面に作用する土圧と,壁体の運動を観測した。

これに用いた起振機は Photo 2 に示すように,水平 軸のまわりに互いに逆方向に回転する動輪2個をも ち,この動輪に鉛の偏心質量が取り付けられている。 この動輪は位相可変式になっていて,独立に水平およ び上下加振を行いうる。偏心質量は2軸合計 30 kg, 10 kg, 2 kg にかえられ,その時の不平衡モーメントは それぞれ 0.563, 0.168, 0.040 kg・sec² である。本文 に述べる振動土圧実験は,偏心質量 30 kg,回転数 4~ 14 r.p.s. で水平加振を行ったときのものである。なお Photo 2 の左側台上にあるのは,振動土圧記録装置の ドラムを回転するためのシンクロ(セルシン)発信機, 位相記録用ロータリースイッチ,オシロスコープ掃引 用回転摺動抵抗,回転計ビックアップなどである。

2.3 試験壁体

Fig.3に示したように、人工地震発生装置から10.6m 離れた地盤中に、長さ5m,高さ3m,底幅1.5mの 試験壁体をつくり、この鉛直壁面に Goldbeck 型振動 土圧計9台 (No. 13, 14, 15, 16, 17, 18, 1, 2, 3),底面 に3台 (No. 4, 5, 6)を取り付け、振動前後および振 動中の土圧を測定した。Fig. 4 に試験壁体の標準断面 と、裏込め側から見た鉛直壁面上の土圧計の位置を示 す。また Photo 3 は裏込めを投入する直前の試験壁体 を裏込め側から見たもので、壁頂に見えるのは前述の 起振機である。なお第1期の実験では裏込め側の2m より深い部分は、割り栗石および原地盤となっていた が、第2期の実験ではこの部分を壁底まで掘り取り、 新たに No. 1, 2, 3,の3台の土圧計を壁面から突出し て取り付けた。壁体に関係して、後述の取り扱いに必 要な定数を Table 1 に表示する。



Fig. 4 Details of the model wall and the arrangement of pressure cells



Photo 3 Pressure cells fixed on the vertical surface of the wall, backfill sand being removed

2.4 計測の基本方針

すでに述べたように、人工地震発生装置および壁頂 起振機は,地盤あるいは壁体に定常振動を起こすから, ある一連の振動がくり返えしくり返えし続いて起こ る。したがって測定の最初から最後まで同じ振動を忠 実に記録するのは意味がなく、その単位となる一つの 波形だけを時間的にひろげて記録するのが賢明であ る。われわれはこの観点に立って振動土圧(力)の測 定も地震動(振動)の測定も、定常振動に対して特に 有効な計測方式を確立した。

振動土圧の測定器として,時間的に変化する土圧を 計測するのはもちろんであるが,振動中の平均土圧 (振動中に変化しないいわば直流部分に相当する土圧) も,また純粋に static な土圧も同時に計測しうるもの

Table 1 Constants in relation to the model wall

Length of the wall	l	5.0 m		
Height of the wall	h	3.0 m		
Base width of the wall	d	1.5 m		
Mass of the wall	m	$2500 \text{ kg} \cdot \text{sec}^2/\text{m}$		
Moment of inertia of the mass with respect to the axis pas- sing through the center of gravity	I	2245 kg • m • sec²		
Vertical distance from the top to the c.g.	<i>z</i> 0	1.78 m		
Horizontal distance from the heel to the c.g.	X_0	0.60 m		
Horizontal distance from the position of the cell No. 6 to the c.g.	r'	0.65 m		
Vertical distance from the position of the pick-up H-2 to the c.g.	z'	0.38 m		
Vertical distance from the base to the c.g.	Η	1.22 m		
Vertical distance from the revolving axis of the exciter to the c.g.	H'	2.09 m		

でなければならない。さらに土中に数年間埋め込まれ たままで,温度,湿気などの苛酷な外部条件のもとで も,その特性が変化しないと言う保障を原理的に持っ

(236)

2.5 振動土圧測定装置

振動土圧測定装置は,静土圧測定用の Goldbeck 型 土圧計に, Farnboro の高速指圧器の方式および Dummy weight を導入することによって、振動土圧をも測 定できるように発展させたものである。Farnboroの 高速指圧器は多サイクル系インジケータに属するもの であって、これは受圧板に加わる振動の各瞬時値に対 して応答を与えるものではなく,振動圧力のある一つ のサイクルのある位相に応ずる圧力が、標準圧力より も高いか低いかのみを記録し、順次各位相についてこ の操作をくりかえし、これを結んで振動圧力の1サイ クルをえがくものである。この方式は地震動が定常振 動である今の場合,はなはだ適切なものであると考え られる。またこの土圧計は、受圧側の機構と全く同一 の機構を中心支点に対して点対称の位置に配置し、振 動を受けたとき一方が他方の Dummy weight として 働き、いかなる方向の加速度が加わっても、受圧板に 作用する慣性力は常に左右で打ち消される。こうする ことによってあらゆる受圧器が宿命的に持つ、測定上 有害な受圧板の慣性質量の影響から完全にのがれるこ とができた。

振動土圧計の構造,記録装置,記録原理,接点 onoff 判別回路などの詳細は前報にゆずり, Photo 4 に 記録の1例を示そう。



Photo 4 Records of oscillating earth pressure on a facsimile paper

2.6 振動測定器

振動の換振器として可動コイル型のビックアップを 用い,この出力を適当に処理して陰極線オシロスコー プの Y 軸に加える。いっぽう起振機の動輪軸に, endless の回転摺動抵抗をつないで掃引用の鋸歯状波 電圧をつくり、これによって X 軸(時間軸)の全長 が振動波形の周期,あるいはその2倍の時間になるよ うに時間掃引を行って,波形をとろうとするものであ る。すなわちブラウン管のスクリーン全面をつかっ て,単位波形あるいはそれが二つつながった振動波形 をえがかせるので,地震動の細かい点まで非常にはっ きりあらわれてくる。なおブラウン管には電子銃2個 を持つ2現象用のものを採用したので,異なった二つ の波形の位相差もきわめて明瞭になる。換振器からの 出力は,そのまま,あるいは積分回路,または微分回 路を通して Y 軸に加えられるので,それぞれの場合, 振動の速度,変位,加速度の波形がえられる。

なお時間の原点は、人工地震発生装置あるいは壁頂 起振機の強制水平力の最大値が、壁体の Face 側 (Fig. 3、4 で右側) に向った瞬間としている。すなわちこの 瞬間に、土圧記録では記録紙上に phase mark を記録 し、(Photo 4 参照) 振動記録では掃引が開始される。

2.7 裏込め砂の性状

試験壁体の裏込めは多摩川砂で,その粒径加積曲線 を Fig.5 に示す。この砂を注水しながら充分踏み固め て埋めもどし,その後約1ヶ月間放置してから振動実



Fig. 5 Grain-size-accumulation curve of the backfill sand

験を開始した。裏込めのある実験は約21ケ月続き,こ の間裏込めの入れ替えは行わなかった。最後に裏込め を掘り取った際,裏込めの各部15ケ所からサンプルを 採り土質試験を行った。その結果,湿潤単位体積重量 1.69 g/cm³,含水比6.94%,内部摩擦角29°であった。 なおこの砂の真比重は2.69であり,突固め試験の結 果,最適含水比12.5%,最大乾燥密度は1.89 g/cm³で ある。

3. 実験とその結果

3.1 実験の方法

人工地震発生装置あるいは壁頂起振機を種々の回転

(237)

数で定常回転させ,そのとき壁体の背面に取り付けた 土圧計 No. 13, 14, 15, 16, 17, 18, 1, 2, 3, および底面の 土圧計 No. 4, 5, 6, によって振動前,振動中,振動後 の土圧を測り,同時に壁体の振動を2個の振動計, H-1 と H-2 で測定した(Fig. 4 参照)。底面の土圧計 No. 5 は設置後まもなく(昭和 30 年頃)故障し, No. 4 も 完全な記録を示さない。したがって底面で完全なのは Toe 側の No. 6, 1 点だけである。

また壁体の中央部で,壁面から0.8m離れた裏込め 中に4個の土圧計を鉛直方向に配置して,土中の土圧 も上と同様に測ったが,充分な解析を行っていないの で本文ではすべて割愛した。さらに必要に応じて,壁 体や付近の地盤の振動のみを測定する実験も行った。

ここで人工地震発生装置で加振した実験をⅠ群と し,壁頂起振機を用いた実験をⅡ群の実験と名付ける こととする。

裏込め側の状態は次の六つの場合について実験を行った。

1. 載荷重を加える前の裏込めのみの場合



Photo 5 Surcharge, mass of sand $5 \text{ m} \times 2 \text{ m} \times 2 \text{ m}$ in a steel frame



Photo 6 Filled water, instead of backfill sand

- Fig. 4 の右図のように,壁体に接して全長5m, 高さ2m,幅2mの鋼製フレームの中に砂をみた して,裏込め上に載荷重を加えた場合。Photo 5 にその状態を示す。
- 3. 上記の載荷重の高さを1mにした場合。
- 4. 載荷重を取り除いた場合
- 5. 裏込めの砂を掘り取って,代りに水を満たした 場合。Photo 6 にその時の状態を示す。
- 6. 裏込めがからの場合

Table 2 にこれらの組み合わせを示す。以下ではこ の表に示された分類番号によって実験番号を表わすこ ととする。例えば I-2-5.44 は、人工地震発生装置に よって加振し、裏込め上に高さ 2mの載荷重を加えた 場合の実験で、そのときの加振振動数が 5.44 Hz であ ることを示す。

Table	2	Classification	of	experiments	
Numbers	in	brackets show	kind	ts of frequency	v

Source of vibra	tion	Farthquake	Exciter on
No. of	generator	the wall	
classificat Conditions of backfilling	I	П	
Backfill before surcharged	1	I -1 (10)	∏-1 (3)
Surcharged by 2m height	2	I -2 (12)	Ⅲ -2 (6)
Surcharged by 1 m height	3	I-3 (9)	∏-3 (5)
Backfill after surcharged	4	I-4 (3)	II-4 (4)
Filled with water	5	I-5 (6)	II-5 (7)
Without backfill (empty)	6	I-6 (4)	Ⅱ -6 (3)

3.2 実験結果の一例

Photo 7 に I-2-5.40 の実験記録を示す。上 2 枚の オシログラムは,振動計 H-1, H-2 の変位および加 速度記録で,下の 9 枚は Facsimile paper に記録され た振動中の土圧である。

壁体背後に作用する振動土圧記録,すなわち土圧計 No. 13, 14, 15, 16, 17, 18, 1, 2, 3の記録で波形の位相 を無視し,振動中の土圧の最大値と最小値を,深さ *z* に対してプロットしたものが Fig. 6 ①中の陰影を施 した部分で,振動中の土圧の変化量の絶対値を表わし ている。さらにこの図の中には振動前の土圧(実線) および振動後の土圧(破線)も同時にプロットしてあ る。

(238)



Photo 7 Oscillograms of vibration and records of oscillating earth pressure





Fig. 6 Vertical distributions of earth pressures o : Observed values —: Empirical formula

12

(240)

本報告書では座標は右手系とし、z 軸を鉛直下向き にとることとする。また定常振動現象は変位であろう が力であろうが $a\cos(\omega t + \alpha)$ の形で表現し、位相角 は"度"で表わすことに決めておく。位相角の負値は "遅れ"を意味し、位相角一振動数曲線を書くときは、 遅れ角を縦軸の上向きにとることにする。

さて次に記録紙上にえがかれた振動土圧波形の1周 期を12分割して波形分析を行い,基本波の振幅 p(g/cm²),位相角 r (deg)を求めてこれらを深さに対 してプロットすれば Fig. 6 ②および③となる。さらに $p \sin r$ および $p \cos r$ を深さに対してプロットしたも のが,④および⑤である。図中〇印は実測値であり, 実線は5.3 で述べるようにこれらの値を実験式化した 結果である。④および⑤については改めて次節で述べ る。なお Fig. 6 の右肩に側方および底面(土圧計 No. 6)土圧の $p \geq r$,および壁体の上下 2 ケ所 (z=0 $\geq z$ =2.16m)で測定した変位の基本波振幅 D_1 , D_2 (mm),その位相角 λ_1, λ_2 (deg)を表示した。

Fig. 6 と全く同形式で表現した一連の実験結果を付 録Aに Fig. 39-(1)~(65) として示す。これらの実験 結果の中で振動数の低い実験に不完全なものが含まれ ているが,全体の傾向を見る上で有用であると考えた のであえて割愛しなかった。振動数の低い方で記録が 不完全になる理由は,振動源の加振力が回転数の2乗 に比例して大きくなるため,振動数の低い方では急激 に加振力が小さくなる。そのため各部に作用する土圧 も一般的に急激に小さくなり,記録が直線に近いカー ブになる。したがって特に位相角の読み取りが困難に なりそれだけ精度も悪くなるからである。

最後に波形分析の結果についてひとこと触れておこ う。Photo 7 から明らかなように変位波形,土圧波形 ともに,一見して正弦波形からのずれが余り大きくな いことがわかる。事実,波形分析を行っても大半のも のは基本波が卓越している。2次または3次調波の振 幅が基本波振幅の 20% を超えるものは総数の約 1/5 程度である。特別の例として振動数の高い I-2 の実 験において,載荷重の底面の砂の中に,受圧面を下に して置いた土圧計の記録の中には,2次調波成分が卓 越しているものがある。すなわち,この部分の底面反 力は加振振動数の2倍の振動数で変化していることに なる。そのメカニズムは難かしいに違いないがはなは だ興味深い。

3.3 回転ベクトルを用いた 実験結果の 表示法 ---- 立体表示法

記録された一つの振動土圧波形は, i) 振幅, ii) 位 相, iii) 時間, iv) 測定された位置,の四つの情報を持 っている。この四つを1枚の紙の上に同時にアナログ 量で表現するのは不可能であり,波形分析を行って基 本波振動のみを問題としている今,いちいち正弦波形 を書いて上記の i), ii), iii) を表わすのは大して意味が なく,また直観的に把握しにくい。壁体のどの部分に, どれだけの振幅の力が,どんな位相で,時間的に全体 がどんな具合に変化して行くのか,と言うことを直視 的に,かつすぐそのイメージが頭に浮かぶような表現 法はないであろうか? 著者はひとつひとつの振動を







Fig. 8 Representation of oscillating earth pressure employing rotating vectors

(241)





(3) $\omega t = 180^{\circ}$



14

(242)

回転ベクトルで表現し、これを立体的に配置した表現 法を考えた。

いま壁面上のある1点に作用する振動土圧を $p \cos (\omega t + \tau)$ で表わすと

 $p\cos(\omega t+\tilde{\tau}) = p\cos\tilde{\tau}\cdot\cos\omega t - p\sin\tilde{\tau}\cdot\sin\omega t$

$$= p_x \cdot \cos \omega t - p_y \cdot \sin \omega t$$
$$= \sqrt{p_x^2 + p_y^2} \cdot \cos \left(\omega t + \tan^{-1} \frac{p_y}{p_2} \right)$$

ここで

$$\begin{array}{c} p_x = p \cos \gamma \\ p_y = p \sin \gamma \end{array} \right\}$$
 (1)

であり、これは力のベクトル p が位相角 r を持って、 角速度 ω で回転している回転ベクトルで表わされるこ とは周知のとおりである。ここで $\omega t = 0$ の瞬間を考え ると Fig. 7 のようになり (ベクトルの回転方向は x軸の正方向が y 軸の正方向と一致する方向にとる), p_x および p_y はベクトルの絶対値 (振幅) p の, x およ び y 軸上への投影となる。p と r は深さ (測定点) z の関数であり、Fig. 7 の p と r を、各実測値に置 きかえつつ z 方向へ配置して行くと Fig. 8 のように なる。p の先端を結んでできる曲線を L_p , L_p の xz 平 面への投影曲線を xL_p , yz 平面への投影曲線を yL_p で



(1) $\omega t = 0^{\circ}$

表わすことにする。z 軸を回転軸として L_p が角速度 ω で回転するとき, ${}_{x}L_p$ は時々刻々その形を変えて行 くが、このときの ${}_{x}L_p$ の横座標の変化は、まさに Photo 7 にかかげた振動土圧記録そのものである。 L_p は一 般的に空間曲線であり、これが回転軸(z 軸)に剛結 されて回転するとき、その投影曲線が各点に作用する 土圧を表わすのである。したがって空間曲線 L_p を定 めることができれば、振動土圧の性質をあます所なく 知りえたことになる。

さきに例示した I-2-5.40 の実験結果をこの方法で 表現したのが Photo 8 (1)~(4) である。(1) は ωt =0°, (2) は ωt =90°, (3) は ωt =180°, (4) は ωt =270° の位置のものである。(1) と (3), (2) と (4) が z 軸に対して左右対称の関係にある。また写真中の 白黒の線 L_D は,壁体の変位を同様の方法で表わした ものである。いま Fig. 8 において直線 oz に沿って切 断し,z 軸を中心にして yz および xz 平面を左右に開 くと, z 軸の左側に曲線 $_{yLp}$,右側に $_{xLp}$ がえがかれ た 2枚のデータをえる。これがさきにかかげた Fig. 6 の④および⑤の意味である。すなわち Fig. 6 の④は 曲線 L_p oyz 平面への投影曲線 $_{yLp}$ を、⑤は同じく $_{xLp}$ を表わしている。



Photo 9 Representation of oscillating water pressure employing rotating vectors Data No. II-5-12.1

16

裏込め砂の代りに水を満たしたときの動水圧の分布 形状を示す1例として、Photo9にⅡ-5-12.1の実験 結果を表示したものを示す。前掲のものとはベクトル の縮尺率は違うが、一見して非常に異なっている様子 が良くわかると思う。

前述のように空間曲線 *L_p* を定めることが当面の目標となるが,数学的に空間曲線を表示するのに次の三つの方法が知られている。

1) *xz*, *yz* 平面への投影曲線に沿った筒面の交り として表わすと

2) 2曲面の交りとして表わすと

$$G_{1}(x, y, z) = 0 \\ G_{2}(x, y, z) = 0$$
(3)

3) 解析的表示。媒介変数を q として

$$\left.\begin{array}{c}x=g_1(q)\\y=g_2(q)\\z=g_3(q)\end{array}\right\}$$
(4)

次章では、重力式擁壁が地震を受けたときの最も基本的な力学モデルについて考え、その解から背後に作用する振動土圧を求める。これを立体表示して Eq. (2) および Eq. (3) の形式で表現し、 L_p の持つ幾何学的な特性を調べ、実測データの表現と解析の準備としよう。

4. 媒体を Voigt 体と考えたときの力学 モデルの解析

4.1 力学モデルと運動方程式

Fig. 9 に示すように、固体の力学的挙動がバネとダ ッシュポットの並列要素から成り立っていると考える





とき,この媒体を Voigt (フォークト)体と名付けて いる。これは粘弾性体の最も基本的な力学モデルの一 つで,Voigt 体が歪を受けたとき生じる力は,歪に比 例する力と歪速度に比例する力の和から成ることは明 らかである。土の力学的性質ははなはだ複雑で,とう ていこのような簡単なモデルで表現することはできな いが,これに関する定説がない今,簡単で最も基礎的 なモデルを考え,これが現実とどう違うのかと言う点 から出発することとした。

Fig. 10 に Voigt 体で囲まれた重力式擁壁の力学モ デルを示す。このモデルが図のように水平強制変位 x_0 (m)を受けたときの壁体の運動方程式を求めよう。



Fig. 10 Mechanical model of gravity wall surrounded by Voigt solid

壁体の *x* 軸方向の並進変位 (Translational displacement) を *x* (m), 重心まわりの回転変位 (Rotational displacement) を $\boldsymbol{\varphi}$ (rad), Heel から測った底面上の距離を *X* (m), Voigt 体の分布減衰係数を $c_0\left(\left(\frac{\text{kg·sec}}{m}\right)/\text{m}^2\right)$, 同じく分布バネ定数を $k_0\left(\left(\frac{\text{kg}}{m}\right)/\text{m}^2\right)$ とし, 他の記号は図および Table 1 に示したとおりである。運動方程式をたてるに当って,次の三つの仮定を設けた。

- i) 媒体は鉛直,水平両方向ともに等しい定数を持 つ Voigt 体と考える。
- ii) 壁体の転倒モーメントは、回転復元モーメント
 に比べて圧倒的に小さい(後述の計算例では 1%
 程度)のでこれを無視する。
- iii) 底面の水平拘束力も上と同じ定数を持つ Voigt 体として考える。

運動エネルギー 2T=m $\dot{x}^2 + I\dot{\psi}^2$

(244)

位置エネルギー 2V=k₀l
$$\int_{0}^{h} \{x - x_{0} + (z_{0} - z)\Phi\}^{2} dz$$

+ $k_{0}l\int_{0}^{d} \{(X - X_{0})\Phi\}^{2} dX$
+ $k_{0}l\int_{0}^{d} (x - x_{0} - H\Phi)^{2} dX$
散逸関数 2D= $c_{0}l\int_{0}^{h} \{\dot{x} - \dot{x}_{0} + (z_{0} - z)\dot{\Phi}\}^{2} dz$
+ $c_{0}l\int_{0}^{d} \{(X - X_{0})\dot{\Phi}\}^{2} dX$
+ $c_{0}l\int_{0}^{d} (\dot{x} - \dot{x}_{0} - H\dot{\Phi})^{2} dX$

ここで

鉛直壁面の1次モーメント

$$J_1 = hl\left(z_0 - \frac{h}{2}\right)$$
鉛直壁面の2次モーメント

$$J_2 = hl\left(z_0^2 - z_0h + \frac{h^2}{3}\right)$$
底面の2次モーメント

$$J_3 = dl\left(X_0^2 - X_0d + \frac{d^2}{3}\right)$$
(5)

と置いて書きなおすと

$$2V = k_0(hl+dl)(x-x_0)^2 + 2k_0(J_1-dlH)(x-x_0)\Phi + k_0(J_2+J_3+dlH^2)\Phi^2$$

全く同様にして

$$2D = c_0(hl+dl)(\dot{x}-\dot{x}_0)^2 + 2c_0(J_1-dlH)(\dot{x}-\dot{x}_0)\dot{\phi} + c_0(J_2+J_3+dlH^2)\dot{\phi}^2$$

これらをラグランヂュの運動方程式 (q_{K} を一般座標, Q_{K} を一般力とする)

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{\partial T}{\partial \dot{q}_{\kappa}} \right) - \frac{\partial T}{\partial q_{\kappa}} + \frac{\partial D}{\partial \dot{q}_{\kappa}} + \frac{\partial V}{\partial q_{\kappa}} = Q_{\kappa}$$

に代入すると求める運動方程式がえられる。すなわ ち,

$$\begin{array}{c} m\ddot{x} + c_{0}(hl+dl)\dot{x} + c_{0}(J_{1}-dlH)\dot{\phi} \\ + k_{0}(hl+dl)x + k_{0}(J_{1}-dlH)\Phi \\ = c_{0}(hl+dl)\dot{x}_{0} + k_{0}(hl+dl)x_{0} \\ I\ddot{\phi} + c_{0}(J_{1}-dlH)\dot{x} + c_{0}(J_{2}+J_{3}+dlH^{2})\dot{\phi} \\ + k_{0}(J_{1}-dlH)x + k_{0}(J_{2}+J_{3}+dlH^{2})\Phi \\ = c_{0}(J_{1}-dlH)\dot{x}_{0} + k_{0}(J_{1}-dlH)x_{0} \end{array} \right\}$$
(6)

ここで

$$\frac{c_0(hl+dl)}{m} = e \qquad \frac{c_0(J_1-dlH)}{m} = b$$

$$\frac{k_0(hl+dl)}{m} = k \qquad \frac{k_0(J_1-dlH)}{m} = i$$

$$\left\{ \begin{array}{c} (7) \end{array} \right\}$$

$$\frac{c_0(J_2+J_3+dlH^2)}{m} = c \quad \frac{k_0(J_2+J_3+dlH^2)}{m} = j$$

$$\frac{I}{m} = r^2$$

と置くと運動方程式は次のように見易い形となる。

$$\left. \begin{array}{c} \ddot{x} + e \cdot \dot{x} + b \cdot \dot{\phi} + k \cdot x + i \cdot \Phi = e \cdot \dot{x}_{0} + k \cdot x_{0} \\ r^{2} \ddot{\phi} + b \cdot \dot{x} + c \cdot \dot{\phi} + i \cdot x + j \cdot \Phi = b \cdot \dot{x}_{0} + i \cdot x_{0} \end{array} \right\}$$
(8)

4.2 運動方程式の解

i

Eq. (8) を用いて,減衰のない場合の系の連成固有 振動数 *f*₁, *f*₁₁ を求めると

$$\begin{cases} (k - \omega^2)(j - r^2 \omega^2) - i^2 = 0 & (\omega = 2\pi f) \notin \Re^2 \vee \mathbb{C} \\ \omega_1^2 \cdot \Pi = \frac{1}{2r^2} \{ (kr^2 + j) \mp \sqrt{(kr^2 - j)^2 + 4r^2 i^2} \} \\ f_1 = \frac{\omega_1}{2\pi} \\ f_{\Pi} = \frac{\omega_{\Pi}}{2\pi} \end{cases}$$

$$\begin{cases} (9) \\ \end{pmatrix}$$

ここで c_0 =700, k_0 =120000 と定め, Table 1 の数 値を用いて Eq. (5), (7) を計算すると, Eq. (8) の係 数は次のように定まる。

$$e=6.3$$
 $b=-1.4$ $c=7.0$
 $k=1080$ $i=-240$ $i=1200$ $r^{2}=0.9$





Fig. 11 Frequency responses of the motions of the model shown in Fig. 10

17

(245)



Fig. 12 Vertical distributions of oscillating earth pressure acting on the back surface of the model shown in Fig. 10

Eq. (9) を用いて第1次および第2次連成固有振動数 を計算すると

$$f_{I} = 4.85$$
 Hz
 $f_{II} = 6.15$ Hz

となる。

Eq. (8) において

$$\begin{array}{c} x_0 = a_0 \cos \omega t \\ x = a \cos (\omega t + \alpha) \\ \phi = \varphi \cos (\omega t + \beta) \end{array} \right\}$$
(10)

と置き, さらに $a_0=1$ としてこれを解いた結果を Fig. 11 に示す。

次にこの解を使って鉛直壁面に作用する振動土圧を 求めよう。これを $p\cos(\omega t+7)$ で表わすと

$$p \cos(\omega t + \tilde{\tau}) = -k_0 \{x - x_0 + (z_0 - z)\phi\} - c_0 \{\dot{x} - \dot{x}_0 + (z_0 - z)\dot{\phi}\}$$
(11)

Eq. (10) で $a_0=0.1$ (mm) とし, Eq. (11) の z に各 土圧計の取付位置 (Fig. 4 参照) の値を代入し,右辺 のベクトルを合成すれば壁体背後の各点に作用する振 動土圧をえる。これを Fig. 12 に示す。また壁頂 (H-1 の位置) における水平変位振幅を D_1 (mm),位相角 を λ_1 (deg) とし,H-2 の位置におけるそれを D_2 (mm), λ_2 (deg) とすると $D_1 \cos (\omega t + \lambda_1) = x + z_0 \Phi$ $D_2 \cos (\omega t + \lambda_2) = x - z' \Phi$) (12) から壁体の 2 点における水平変位が求められる。

4.3 解の立体表示とそれによる解析

Eq. (11) および (12) の結果を立体表示したものを Photo 10 に示す。いずれも $\omega t=90^{\circ}$ における位置で, 右は第1次連成固有振動数 f_{I} における結果を,左は第 2次連成固有振動数 f_{I} における結果を示している。

Lp は一見して空間直線と見えるが、これが直線で



Photo 10 Representation of oscillating earth pressure acting on the back surface of the model shown in Fig. 10 The right is at $f=f_{II}$, left $f=f_{II}$

18

(246)

あることは次のようにして簡単に証明できる。いま Eq. (11) を書き改め、土圧の並進(Translational)成 分と回転(Rotational)成分に分け、これをそれぞれ $R\cos(\omega t+\delta')$ 、および $Q\cos(\omega t+\delta)$ で表わすと $p\cos(\omega t+7)$ $= \{-k_0(x-x_0)-c_0(\dot{x}-\dot{x}_0)\}+(z-z_0)(k_0 \theta+c_0 \dot{\theta})$ $= R\cos(\omega t+\delta')+(z-z_0)Q\cos(\omega t+\delta)$ これと Eq. (1)を比較して次式をえる $p_x=Q\cos\delta \cdot z+(R\cos\delta'-z_0Q\cos\delta)$ $p_y=Q\sin\delta \cdot z+(R\sin\delta'-z_0Q\sin\delta)$ ここで

$$\left. \begin{array}{l} q_x = Q \cos \delta \\ q_y = Q \sin \delta \\ b_x = R \cos \delta' - z_0 Q \cos \delta \\ b_y = R \sin \delta' - z_0 Q \sin \delta \end{array} \right\}$$
(13)

$$\begin{array}{c}
p_x = q_x \cdot z + b_x \\
p_y = q_y \cdot z + b_y
\end{array}$$
(14)

となり, xz および yz 平面への投影が直線で表わされ る。すなわち L_p は空間直線である。Fig. 13 に Eq. (14) の各係数の振動数特性を示す。Eq. (14) が Eq. (2) の形式で L_p を表現した結果である。以下 Eq.



Fig. 13 Frequency responses of the coefficients in Eq. (14)

- (14) を用いて考察を進めるが、 導かれた結果に Eq.
- (13) を代入すれば、すべて土圧成分で表現される。 まず *p-z* 曲線を求めると

$$p^{2} = p_{x}^{2} + p_{y}^{2} = (q_{x}z + b_{x})^{2} + (q_{y}z + b_{y})^{2}$$
(15)
$$p^{2} - (q_{x}^{2} + q_{y}^{2})z^{2} - 2(b_{x}q_{x} + b_{y}q_{y})z = (b_{x}^{2} + b_{y}^{2})$$

ここで

$$\bar{z} = -\frac{b_x q_x + b_y q_y}{q_x^2 + q_y^2}$$

$$u = \frac{b_x q_y - b_y q_x}{\sqrt{q_x^2 + q_y^2}}$$

$$v = \frac{b_x q_y - b_y q_x}{q_x^2 + q_y^2}$$

$$(16)$$

と置き, z=Z+z として原点を (0, z) に移すと

$$\frac{p^2}{u^2} - \frac{Z^2}{v^2} = 1 \tag{17}$$

となる。すなわち, 土圧ベクトルの位相角を無視して 振幅を深さに対してブロットすれば, (u, z) に頂点を 持つ双曲線となり (Fig. 12 の p-z 曲線), 位相角を 考えて空間的にこのベクトルを配置すれば, Photo 10 に例を示したように, その先端を結んだ線は空間直線 となるのである。z軸に垂線をたて, これが L_p と交 わる点までのベクトルの長さは Eq. (15) で表わされ ているから, $\frac{d(p^2)}{dz} = 0$ から $z=\bar{z}$ が, そのときの極 値として $p_{\min}=u$ がえられる。したがって Eq. (16) の u は z軸と L_p の最短距離を, \bar{z} は最短距離を与 える z軸上の位置 (深さ)を表わしていることがわか る。

いま z 軸のまわりに L_p を 1 回転させると、これに よって生じる曲面は Eq. (15) から

$$p_{x^{2}} + p_{y^{2}} = (q_{x}z + b_{x})^{2} + (q_{y}z + b_{y})^{2}$$
(18)

原点を (0,0, 2) に移すと

$$\frac{p_{x^2}}{u^2} + \frac{p_{y^2}}{u^2} - \frac{Z^2}{v^2} = 1$$

となり, これは Fig. 14 に示す一葉双曲面である。こ の曲面の xz 平面への投影曲線は Eq. (17) と同じも のとなる。またこの曲面は Fig. 14 に示したように2 群の母線を持ち, その中の特定の母線が元の空間直線 と一致するのは当然である。

次に $\gamma - z$ 曲線について調べてみる。Eq. (1) およ び Eq. (14) から

$$\tilde{r} = \tan^{-1} \frac{p_y}{p_x} = \tan^{-1} \frac{q_y z + b_y}{q_x z + b_x}$$
 (19)

ここで

(247)





$$\left. \begin{array}{c} \tilde{r} = \Gamma + \theta = \Gamma + \tan^{-1} \left(-\frac{q_x}{q_y} \right) \\ z = Z + \tilde{z} \end{array} \right\}$$

$$(20)$$

と言う座標変換を施すと

$$\Gamma = \tan^{-1} \frac{Z}{v} \tag{21}$$

となる。すなわち土圧ベクトルの位相角を深さに対し てプロットすれば, (θ , \hat{z})を点対称位置とする tan⁻¹ 曲線に似た曲線となる (Fig. 12 の 7-z 曲線)。また Eq. (21) から Z=0 において $\left(\frac{d\Gamma}{dZ}\right)_{\mathbb{R}_{4}}=\frac{1}{v}$ となり, v>0 のときに最大, v<0 のときに最小値となること が容易にわかる。すなわち,最短距離を与える位置で 7-z 曲線が最大勾配となる。z 軸と直線 Lp がつく る面(後述) は,前者の場合は深くなるほど角度が大



Fig. 15 Influence of the value of v on $\gamma - z$ curve

きくなるから右ネジの方向に,後者の場合は左ネジの 方向に捩れている。v=1のときにはT-z曲線は普通 の tan⁻¹曲線となり, Fig. 15 のように v<1のとき には,それより変化が急になり,v>1のときにはゆる やかになる。すなわち、vの正負(とりもなおさず $b_xq_y-b_yq_x$ の正負)によって捩れる向きが定まり、vの絶対値の大小によって捩りの度合が定まる。この捩 りの度合については, Eq. (16)から

$$\frac{1}{v} = \frac{q_x^2 + q_y^2}{b_x q_y - b_y q_x} = \frac{\sqrt{q_x^2 + q_y^2}}{u}$$

となるから, L_p の傾きが大きいほど,最短距離が小 さいほど捩りの度合が大きくなることがわかる。次に Eq. (20) の幾何学的な意味を考えてみよう。 L_p を表 わす Eq. (14) の座標を z 軸のまわりに θ だけ回転 すると, L_p の xz 平面への投影が z 軸と平行になり, 両者の距離が最短距離 u となる。このときの yz 平面 への投影直線は, z 軸と \bar{z} の点で交わるのでこの点へ 原点を移せば, Eq. (19) は Eq. (21) のように変形さ れ,点 (θ , \bar{z}) に対して点対称になることを意味して いる。

最後に z 軸と空間直線 L_p がつくる面を考えよう。 Fig. 16 のように z 軸と L_p を導線とし、1本の母線 が xy 平面に平行に移動すると考えてこの面の方程式 をつくると

$$p_y = \frac{q_y z + b_y}{q_x z + b_x} \cdot p_x$$
(22)

$$q_x \cdot p_y z - q_y \cdot p_x z - b_y \cdot p_x + b_x \cdot p_y = 0$$

$$z + i = \frac{1}{\sqrt{2}(q_x^2 + q_y^2)} (-\sqrt{2} q_x \xi - q_y \eta - q_y \zeta)$$

$$p_y = \frac{1}{\sqrt{2}(q_x^2 + q_y^2)} (-\sqrt{2} q_y \xi + q_x \eta + q_x \zeta)$$

$$z = \frac{1}{\sqrt{2}} (\eta - \zeta) + \bar{z}$$



Fig. 16 Analysis of the surface involved z-axis and L_p

(248)

と言う座標変換を施すと⁹⁾, 次のように双曲放物面の 方程式をえる。

$$\frac{\eta^2}{v} - \frac{\zeta^2}{v} = 2\xi \tag{23}$$

Fig. 17 に双曲放物面を示す。図示のとおりこの曲面 も 2 群の母線を持ち,一方は土圧のベクトルを表わし, 他はベクトルの先端を結ぶ線を表わす。後者の特定の 母線が元の空間直線 L_p と一致することは一葉双曲面 の場合と同じである。Eq. (18) と Eq. (22) が Eq. (3) の形式によるもので, 2 曲面の交線として L_p を 表わしている。



Fig. 17 Hyperbolic paraboloid and its generating lines of two systems

以上 Fig. 10 のように Voigt 体で囲まれた重力式擁 壁の背後に作用する振動土圧を空間直線 L_p で表わし, L_p の幾何学的な性質について述べた。 ここでえられ た結果に Eq. (13) を代入して土圧成分で表わせば, これらの結果の物理的な表現となる。また重力式擁壁 の振動問題を扱うとき,壁体は剛体と考えて処理する ので,壁体の上下 2 点における変位の実測値からつく られる直線 L_p についても,以上の結果がそのまま当 てはまる。

5. 振動土圧の分布形状の決定―実験式化

5.1 *xz, yz* 平面への投影曲線を放物線で表わした 場合の *L_p* の特性

前章において L_p が空間直線で表わされる場合, L_p の幾何学的な特性について調べた。しかし付録Aから 明らかなように、実測データはこのように簡単な直線 形式では表わしえない。さらに進んで、xzおよび yz 平面への投影曲線の方程式を1次式から2次式,3次 式……と次数を高めてゆくことによって,複雑な実測 値に近ずきうると想像される。実際,付録 A の Fig. 39-(59)~(65)の④および⑤を見ると,実測値(0印) は放物線分布にきわめて近いことがわかる(ちなみに 実線は後述のようにして求めた 放物線)。この実験は 裏込めの代りに水を満たし,壁頂起振機で加振して動 水圧を測定したものである。

この II-5 の実験結果を表現するために, xz および yz 平面への投影曲線を Eq. (24) のように放物線で 表わし,そのときの L_p の幾何学的な性質を調べた結 果を以下に示す。

$$\begin{array}{c} p_x = C_x (z - z_x)^2 + \bar{p}_x \\ p_y = C_y (z - z_y)^2 + \bar{p}_y \end{array}$$

$$(24)$$

ここで, C_x, C_y は放物線の係数, z_x, z_y および \bar{p}_x, \bar{p}_y は各投影面における放物線の頂点の縦および横座標である。

1) *L_p* は空間曲線であるか否か

II-5の実験結果を立体表示し、これを回転しながら その投影を観察すると、ほぼ直線になる位置が存在す る。そこで Eq. (24) の座標を z 軸のまわりに θ' =tan⁻¹ $\left(-\frac{C_x}{C_y}\right)$ 回転すれば、xz 平面への投影は直線 $p_x = Kz + L$ となる。ここに $K = \frac{\pm 2C_x C_y (z_y - z_x)}{\sqrt{C_x^2 + C_y^2}}$

$$L = \frac{\pm \{C_y(C_x z_x^2 + \bar{p}_x) - C_x(C_y z_y^2 + \bar{p}_y)\}}{\sqrt{C_x^2 + C_y^2}}$$

である。この直線の z 軸との交点は $z=-\frac{L}{K}=\bar{z}$ で与 えられる。このことは Eq. (24) で示される曲線は xz平面に垂直で直線 px=Kz+L を含む平面内にあるわ けで、本質的に平面曲線であることがわかる。この平 面の方程式はやはり px=Kz+L で表わされ、元の座 標で表わすと

$$C_{y}p_{x}-C_{x}p_{y}-2C_{x}C_{y}(z_{y}-z_{x})z + C_{x}(C_{y}z_{y}^{2}+\bar{p}_{y})-C_{y}(C_{x}z_{x}^{2}+\bar{p}_{x})=0$$

となる。もし両放物線の頂点の縦座標が等しいならば $z_x=z_y$,ゆえに K=0 となる。したがって L_p の座標 を θ' 回転したとき、xz平面への投影は $p_x=L$ 、す なわち z軸に平行となる場合に相当する。

2) *p-z* 曲線

 $p = \sqrt{\{C_x(z-z_x)^2 + \bar{p}_x\}^2 + \{C_y(z-z_y)^2 + \bar{p}_y\}^2}$ (25) $z_x = z_y$ のとき、その点を中心として曲線は上下対称 の形を持つ。

3) アーz 曲線

(249)

$$\gamma = \tan^{-1} \frac{C_y(z - z_y)^2 + \bar{p}_y}{C_x(z - z_x)^2 + \bar{p}_x}$$
(26)

この曲線を追跡する参考として Eq. (24) において

$$C_x = \frac{1}{4} \qquad z_x = 5 \qquad \bar{p}_x = 3$$
$$C_y = \frac{1}{2} \qquad z_y = 2 \qquad \bar{p}_y = 2$$

と仮りに置いて Eq. (25) と Eq. (26) を計算した結 果を Fig. 18 に示す。この図を参考にしながら追跡の 結果を列挙する。



Fig. 18 General example of the curves by Eq. (25) and Eq. (26)

- a) 漸近線; $\gamma = \tan^{-1} \frac{C_{\nu}}{C_{\tau}}$
- b) 漸近線との交点; $z=\bar{z}$ となり交点は1点のみ で、もし $z_x=z_y$ ならば曲線は漸近線と交わらぬ。
- c) 7 軸との交点; $\gamma = \tan^{-1} \frac{C_{y} z_{y}^{2} + \bar{p}_{y}}{C_{x} z_{x}^{2} + \bar{p}_{x}}$
- d) z軸との交点; $C_y(z-z_y)^2 + \bar{p}_y = 0$ から, $C_y \bar{p}_y$ ≤ 0 に応じて, 2交点, 1接点, 虚点となる。
- e) 変曲点; $\frac{dT}{dz} = 0$ から極値を与える zの値が求 まり、これを原式に代入してTの極値をえる。2x $= z_y$ なるときにはその点で極値を持ち、極値は $\tan^{-1} \frac{\bar{p}_y}{\bar{p}_x}$ となる。
- f) Eq. (26) を変形すること; 一般の場合にはあ まり有用な形に変形できない。ただ $z_x = z_y$ の場 合は座標変換 $\Gamma = \Gamma + \tan^{-1} \left(-\frac{C_x}{C_y} \right), \ z = Z + z_x$ を 施すと

となり z_x を中心として、 $\gamma - z$ 曲線は上下対称の 形となることがわかる。

以上7-z曲線について簡単に追跡を行ってみたが, Fig. 18 の中にこの結果を用いて計算した値が×印で, a)~e) の項目名とともに記入されている。

5.2 さらに高次にした場合

付録 A のうち,前節で述べた Ⅱ-5の実験を除いた ものの,④および⑤を詳細に調べると次のことに気付 く。

- i) 図に表われている分布曲線上か,あるいはその 延長上に曲線の対称点を求めることができる。
- ii) この対称点を中心にして、程度の差はあるがほ とんどすべてのものは奇関数の形をしている。す なわちzの奇数ベキの項を含んでいる。
- iii) 曲線の対称点付近における接線が、2 軸と平行
 でないものがほとんどである。

実測データについての以上の性質をふまえて,実測 値を表現する実験式はさらに,A) xz および yz 平 面の曲線は同じ形の式で表わす。B)実験式はなるべ く簡単なものとする。C)部分的に2次放物線に近い 形をも含んだ式とする。などのことを考慮して種々検 討の結果,次式が最も適したものであると言う結論に 達した。すなわち

$$\begin{array}{c} p_x = A_x(z - z_x)^n + B_x(z - z_x) + \bar{p}_x \\ p_y = A_y(z - z_y)^n + B_y(z - z_y) + \bar{p}_y \end{array}$$
(27)

ここで、 A_x, A_y は高次放物線の係数、 B_x, B_y は曲線 の対称点における接線勾配、 z_x, z_y および \bar{p}_x, \bar{p}_y は曲 線の対称点の縦および横座標を表わし、n=3, 5, 7 と する。第1式の概形を Fig. 19 に示す。図からも明ら かなように $B_x>0$ のときは極値を持たず、 $B_x<0$ の ときは二つの極値を持つ。Eq. (27) で表わされる空間



Fig. 19 Schematic diagram of p_x in Eq. (27)

$$\Gamma = \tan^{-1} \frac{(C_x^2 + C_y^2)Z^2 + \{C_x(C_x z_x^2 + \bar{p}_x) + C_y(C_y z_y^2 + \bar{p}_y) - (C_x^2 + C_y^2)z_x^2\}}{C_y(C_x z_x^2 + \bar{p}_x) - C_x(C_y z_y^2 + \bar{p}_y)}$$

(250)

曲線は,もし $z_x = z_y$ と言う条件があれば,平面曲線 を表わすことは,前節と同様にして証明することがで きる。また p-z,および 7-z 曲線の追跡も前節と同 様の考えで行えばよい。

5.3 係数の決定

Eq. (27) に含まれる A_x , B_x , \bar{p}_x , z_x などの値は最 小自乗法を用いて決定した。いま Eq. (27) の第1式 を観測方程式とすると,未知量は A_x , B_x , \bar{p}_x , z_x で, これらの概略値をそれぞれ A'_x , B'_x , \bar{p}'_x , z'_x とし, そ れに付加すべき改正量を dA_x , dB_x , $d\bar{p}_x$, dz_x とする と

 $A_x = A'_x + dA_x \qquad B_x = B'_x + dB_x$

 $\bar{p}_x = \bar{p}'_x + d\bar{p}_x \qquad \qquad z_x = z'_x + dz_x$

となる。これらを観測方程式に代入し、Taylor 級数に 展開して第1項のみをとれば次式をえる。

 $(z-z'_x)^n \cdot dA_x + (z-z'_x) \cdot dB_x + d\tilde{p}_x$

 $-\{nA'_{x}(z-z'_{x})^{n-1}+B'_{x}\}\cdot dz_{x}$

= $p_x - \{A'_x(z-z'_x)^n + B'_x(z-z'_x) + \bar{p}'_x\}$ この式に最小自乗法を適用して, dA_x , dB_x , $d\bar{p}_x$, dz_x を求め第1次最確値 A_x , B_x , \bar{p}_x , z_x を求める。この値 を概略値として再び上の計算をくりかえし, dA_x など の値が, A_x などの有効数字4桁以下になるまでこの 操作をくりかえす。 p_y についても全く同じである。ま た Eq. (24)を観測方程式としたときも同じ手順で行 えばよい。

このようにして最確値 A_x, B_x, \bar{p}_x, z_x などの値を決 定する。この値を用いて, z を所定の値(土圧計の位 置)にかえて Eq. (27) から p_x と p_y を計算し, さ らに

$$p = \sqrt{p_x^2 + p_y^2}$$

$$\tilde{\gamma} = \tan^{-1} \frac{p_y}{p_x}$$

$$(28)$$

を求める。 $p_x, p_y, p, 7$ を求めるとき, zの各点における残差の自乗和を計算しておく。Eq. (24)を適用するのは II-5の実験のみで,他は Eq. (27)を用いるのであるが,このときはn=3,5,7の3とおりについて計算し,残差の自乗和が最小となるnの値を選ぶ。

実測点の不足している場合や,そのばらつき具合か ら A_x, B_x, \bar{p}_x, z_x などが一定値に収束しない場合もか なりある。その場合はすでに収束したものの中から, 未収束のものの振動数をはさんでこれに最も近い振動 数に対する値を二つずつ選び,これから A_x, B_x などの値を推定し,これをもとにして試行錯誤によっ て計算を進めた。

Table 3 Values of n

Source of vibration Conditions of backfilling	I	п
1	3	7
2	7	7
3	3	7
4	3	7
5	3	2 [Eq. (24)]

以上のようにして求めた n の値を Table 3 に, A_{x} , B_{x} , \bar{p}_{x} , z_{x} などの振動数特性を付録 B に Fig. 40-(1) ~(10) として示す。またこれらの値を用いて計算した p_{x} , p_{y} , p_{i} , 7 の値を,前掲の Fig. 6 および付録 A の Fig. 39-(1)~(65) の中の(5), ④, ③, ③に実線で示 した。(5)および④の中の×印は曲線の対称点の位置で ある。全体からみて,II群の実験は I 群より実測値の ばらつきが大きい。I 群の中では I-1 は他より実測点 のばらつきが大きいが,これは裏込め投入後初めての 振動実験であるため,振動によって裏込めが "落ちつ く"過程の現象ではないかと考えている。一般的に土 圧実験は実測値のばらつきが大きいものであるが,付 鉢Aの実測値(0印)と実験式による値(実線)はな かなか良い一致を示しているといえよう。

付録Aの Fig. 39-(39), すなわち I-5-5.85 の実験 は前日からの漏水が激しく, 壁底部も浸水した状態で 行った結果である。他のものと実験条件が異なると思 われるので,付録Bの Fig. 40-(5)からはこの振動数 における値を除いた。付録Bを全般的にながめると, 振動数に対する実験式の係数は急激な変化をするもの が多く,しかもばらつきが大きい。各係数の決定にあ たっては,前述のようにこの振動数特性を参考にしな がら計算を進めたにもかかわらず,えられた結果はこ の程度のばらつきを示し,土圧実験のむずかしさを如 実に物語っているといえよう。

6. 分布土圧の積分

6.1 側方分布土圧の積分

前章で重力式擁壁の背後(側方)に作用する振動土 圧の分布を決定した。すなわち, Eq. (24) あるいは Eq. (27) と Eq. (28) によって, 背後の各点に作用す る振動土圧の振幅と位相角を知ることができる。壁面 上の任意の1点に作用する振動土圧は

(251)

 $p = p \cos(\omega t + \tilde{\tau}) = p_x \cos \omega t - p_y \sin \omega t$ (29) で表わされている。いま側方振動土圧の合力を P, 壁 体の重心に関する合モーメントを M として, これを 次のように置く。

$$\boldsymbol{P} = P\cos\left(\omega t + \Theta_P\right) = P_x \cos\omega t - P_y \sin\omega t \quad (30)$$

$$P_{x}=P\cos\Theta_{P} \qquad P=\sqrt{P_{x}^{2}+P_{y}^{2}} \text{ (kg)}$$

$$P_{y}=P\sin\Theta_{P} \qquad \qquad P=\sqrt{P_{x}^{2}+P_{y}^{2}} \text{ (kg)}$$

$$\Theta_{P}=\tan^{-1}\frac{P_{y}}{P_{x}} \text{ (deg)}$$

$$(31)$$

同様にして

 $M = M\cos(\omega t + \Theta_M) = M_x \cos \omega t - M_y \sin \omega t \qquad (32)$

$$\begin{array}{c} M_{x} = M \cos \Theta_{M} \\ M_{y} = M \sin \Theta_{M} \end{array} \xrightarrow{\chi_{y}} \begin{array}{c} M = \sqrt{M_{x}^{2} + M_{y}^{2}} & (\text{kg} \cdot \text{m}) \\ \Theta_{M} = \tan^{-1} \frac{M_{y}}{M_{x}} & (\text{deg}) \end{array} \right\}$$
(33)

いっぽう, 土圧分布を2次元分布と仮定すると, **P**は Eq. (29) を積分して (Fig. 20 参照)



Length of the wall : $i \cdot p = p \cos(\omega t + \gamma)$

Fig. 20 Integration of distributed pressures

$$P = l \int_{0}^{h} (p_{x} \cos \omega t - p_{y} \sin \omega t) dz$$
$$= \cos \omega t \cdot l \int_{0}^{h} p_{x} dz - \sin \omega t \cdot l \int_{0}^{h} p_{y} dz \qquad (34)$$

Eq. (34) を Eq. (30) と等置して

$$P_{x} = l \int_{0}^{h} p_{x} dz$$

$$P_{y} = l \int_{0}^{h} p_{y} dz$$
(35)

をえる。土圧の合モーメントも同様にして

$$M = l \int_0^h (z_0 - z) (p_x \cos \omega t - p_y \sin \omega t) dz$$

 $= \cos \omega t \cdot l \int_0^h (z_0 - z) p_x dz - \sin \omega t \cdot l \int_0^h (z_0 - z) p_y dz$
(36)

Eq. (36) を Eq. (32) と等置して

$$M_x = l \int_0^h (z_0 - z) p_x dz$$

 $M_y = l \int_0^h (z_0 - z) p_y dz$
(37)

をえる。

(252)

Eq. (35) と Eq. (37) に, Eq. (24) あるいは Eq. (27) を代入して積分を実行し, この結果を Eq. (31) と Eq. (33) に代入すると合力の振幅と位相角, およ び合モーメントの振幅と位相角を求める こ と が で き る。

I 群の実験について,以上の計算結果を図示すると Fig. 21 のようになる。この図では計算結果を滑らか な曲線に引きなおして示してあり, I-4 の実験は異な った振動数の実験が三つしかないのでここでは省略し た。I-1 の実験は 5.3 で述べた理由によって, やや実 測点のばらつきが大きいが,その他のものはこの図の 曲線によくのっている。一見して Θ_M の曲線が異常で あるが, I-2 および I-3 の曲線の,振動数の小さい方 ではやや疑問がある。

6.2 底面に作用する振動土圧

振動中における力の釣合いを考える第1の準備とし て,振動中の底面反力の実測値を調べよう。Fig.4 に 示したように,底面には3個の土圧計が取り付けてあ るが、この内中央の No. 5 はほとんど機能を失って おり, Heel 側の No. 4 も完全ではない。壁体の構造 上,あまり沢山の土圧計を底面に取り付けることもで きず,今の場合,1個の土圧計が故障すると,底面反 力の分布形状を正確に決定するのが困難になる。また たとえ土圧計が完全であっても,実測値のばらつきは 側方土圧より大きく,実測値から底面反力の分布形状 を決定するのは容易なことではない。一般的に言って 底面反力の測定は,静的な場合でも側方土圧よりはる かに難かしく,それだけ精度も落ちるものなのである。 土圧計 No. 4 の記録は完全なものではないが、Fig. 22 に, I-6 (裏込なし)の実測値を示す。図中O印が 実測値で、カッコ内の数字は位相角を表わす。直線は Toe 側および Heel 側の実測値と壁体重心直下の点 G'を結んだものである。この図だけについて言えば, i) 振動数の低い方では,振幅は直線分布になるが位相 角は Toe と Heel で必ずしも逆相になっていない。 ii) 振動数の高い方では,振幅は直線分布になっていな いが位相角は完全に逆相になっている。

壁体背後に側方土圧が作用している場合の底面反力 は、Heel 側の記録で解析に耐えるものが少なく、いき おい、Toe 側の実測値にたよらざるをえない。Fig. 23 に側方土圧が作用したときの土圧計 No.6の実測値を 示す。Fig. 21 と同様、実測値をスムーズ化し、I-4 の ものは除いてある。今後、Toe 側の底面反力の実測値 を $p_T = p_T \cos(\omega t + \Gamma_T)$ で表わすこととする。



Fig. 21 Frequency responses of resultant forces and resultant moments of lateral oscillating earth pressure

(253)



Fig. 22 Distributions of vertical oscillating earth pressure acting on the bottom surface. Numbers in brackets show the phase angle

7. カの釣合い

7.1 変位の分解

振動中における力の釣合いを考える第2の準備とし て、実測によってえられた壁体の変位を、並進成分 *x* と回転成分 *Φ* に分解しよう。ここで壁体の上下動に関 してであるが、この実験に用いた振動測 定器の倍率 (スポットのふれ/地動=130 倍程度)では、上下動 は観測にかからなかったので以後これを無視すること とする。

 $x \ge \phi$ を求めるには Fig. 10 を参照して, Eq. (12) に Eq. (10) の $x \ge \phi$ を代入し, D_1 , λ_1 , D_2 , λ_2 , z_0 , z' を既知としてこれを解き, $a, \alpha, \varphi, \beta$ を求めればよ い。このようにして求めた結果を Fig. 24 に示す。I-2 の実験は a, φ ともに 5.3 Hz でピークを持つが, これは裏込め上に置かれた載荷重の共振を示して い る。

7.2 力と変位に関する定性的考察

力の釣合いを論ずる前に, ここで Fig. 21, Fig. 23, Fig. 24 を包括的に眺めてえられる, 力と変位につい



Fig. 23 Frequency responses of vertical oscillating earth pressure observed by the cell No. 6

ての定性的な特性を列記してみる。

1) 並進変位の振幅 *a* は,水平合力 *P*の有無,大 小にかかわらず1本の振動数特性で表わしうるとみな される。I-5 を除いた位相角も力と変位とでは比較的 近い値をとる。

2) 回転変位の振幅 φ は、 合モーメント M の有

(254)



Fig. 24 Frequency responses of translational and rotational displacements of the wall

無、大小、および Toe 側の底面反力 p_{T} の大小にか かわらず 1 本の振動数特性で表わしうる とみ なされ る。しかし I-2 および I-3 のように φ にピークがあ っても、それに対応する M の位置にピークがないも の、あるいはその逆の場合などが含まれている。位相 角は β と T_{T} は似た傾向を示すが、 Θ_{M} のみは他と非 常に異なった傾向を示している。

3) 以上の2点を要約すると,外力およびそのモー メント *P, pr, M* は実験の種類(I-1, I-2, I-3……な ど)によって極端に異なった値をとるが,それらが原 因で起こる変位 a, φ は常に同じ値を示し, 1本の振 動数特性で表わされ,かつ a, φ ともに裏込めがない場 合のもので代表される。すなわち,振幅だけを見てい ると,あたかも力と変位の間には直接的な関係が無い かのように見える。

4) 並進および回転変位の位相角 $\alpha \geq \beta$ は, 互に 平行移動すれば大体一致する。全体として α , β , θ_P , 7_T が同じ傾向で, θ_M のみがいちじるしく異なった傾 向を示す。ただし I-1 の実験のみは, $\theta_P \geq \theta_M$ は振 動数のいかんにかかわらずほぼ正確に逆相関係であ 28

る。

5) 裏込め部分に水を満たした実験 (I-5) では,位 相遅れが一番大きく,この場合を除くと, α , β , 7_T と もに I-6 の実験が最も遅れが大きい。すなわち,並進 および回転変位,Toe 側の底面反力の位相は,裏込め がない場合が一番遅れ,裏込めがある場合の方が遅れ が小さい。

 6) いま, 簡単な底面基礎の力学モデルとしてFig.
 25 を考え, Toe 側の底面反力 *pr* を求める。*pr* は上 向きを正とすると



Fig. 25 Simple model of foundation of the wall

 $\boldsymbol{p}_T = p_T \cos\left(\omega t + \boldsymbol{\gamma}_T\right) = r'(k_0 \boldsymbol{\Phi} + c_0 \boldsymbol{\Phi})$

となる。この式から明らかなように、 T_{T} は $\boldsymbol{\sigma}$ の位相 角 β よりも必然的に進まねばならない。しかるに実測 値では T_{T} が β より逆に遅れている。両者の位相角 は、この振動数の範囲内では平行移動すれば一致し、 その量は実験の種類によって異なるが、0°~40°の範 囲である。

以上は I 群の実験結果を定性的にとらえたものであ る。 II 群の実験は振動数の範囲も広く,実測点のばら つきもやや大きく包括的にとらえるのは難かしいが, 部分的には以上に述べた事柄が当てはまるものもあ る。例えば, II-6 は上記 6) があてはまり, II-5 で は x, φ に明瞭な共振特性が表われても,その振動数 に相当する P, M の位置に何の変化も認められない。 すなわち,ここでも力と変位との間の関係が薄い様子 が見られる。

7.3 力の釣合い

剛体としての壁体に作用する力とモーメント,および壁体の変位が明らかになったので,振動中にこれら がどのようにして運動方程式を満足するかを調べよう。すでに 6.2 で述べたように底面に作用する力で解 析に耐えるのは Toe 側のデータのみであり, Heel 側



Fig. 26 Equilibrium of forces and moments

の力はこれから推定せざるをえない。振動中に底面反 力を生じさせる原因は,壁体の回転変位と上下動であ ると考えられるが,実験で上下動は観測されなかった。 このことを考慮して底面反力の分布を Fig. 26 に示す ように, Toe 側の実測値 p_T と,壁重心直下の G'点 を結ぶ直線分布とし, Toe 側と Heel 側とでは逆位相 であると仮定する。底面分布土圧によって生じる壁体 の重心に関するモーメントを M_b とすると, M_b は Fig. 26 を参照して次のように求められる。

$$\boldsymbol{M}_{b} = -l \int_{0}^{d} \frac{\boldsymbol{p}_{T}}{r'} (X - X_{0})^{2} dX = -\frac{J_{3}}{r'} \boldsymbol{p}_{2}$$

ここで Ja は壁底面の2次モーメントである。

壁体に作用する力とモーメント,および壁体の変位 は Fig. 26 に示したようになり,壁体の運動方程式は 次のように表わされる。

$$\begin{array}{c} m\ddot{x} = \mathbf{P} + \mathbf{P}' + m_0 r_0 \omega^2 \cos \omega t \\ I\ddot{\phi} = \mathbf{M} - H\mathbf{P}' - \frac{J_3}{\omega'} \mathbf{p}_T + H' m_0 r_0 \omega^2 \cos \omega t \end{array}$$
 (38)

ここで **P'** は壁体の底面に作用する水平力の合力を表わし、**P'**=P' cos ($\omega t + \Theta' P$) とする。Eq. (38) で I 群の実験では $m_0=0$ と置く。

壁体の底面に作用する水平方向の分布力は実測する ことがほとんど不可能である。したがって実験によっ て直接 P'を求めることができないので, Eq. (38)の 第1式から逆算せざるをえない。 I 群の実験について 求めた P' と θ'_P の値を Fig. 27 に示す。 θ'_P は α , θ_P , τ_T と逆相に近い関係にある。また実験 I-6 の P'曲線は, $m_0=0$ でかつ, 裏込めのない実験であるから P=0の場合で, Eq. (38) から m = P' としたとき のものである。いっぽう x の振幅 a は 7.2, 1) で述

(256)



sultant forces acting on the bottom surface

べたようにすべての実験に共通と考えられるので,こ の曲線はすべての実験を通じて壁体に作用する慣性力 を表わしていることになる。

P'が求まるとこの値を Eq. (38) の第2式に代入し て左右辺がベクトルとして一致すれば、すべての実測 値が運動方程式を満足したことになる。しかしこれは 成功しなかった。そこで p_T の代りに $p'_T {= p'_T \cos (\omega t + i'_T)}$ とおきかえて、運動方程式を満足する p'_T を逆算し $p_T \ge p'_T$ を比較して見ることとした。すな わち、運動方程式は

 $m\ddot{x}=\boldsymbol{P}+\boldsymbol{P}'+m_0r_0\omega^2\cos\omega t$

$$I\ddot{\boldsymbol{\phi}} = \boldsymbol{M} - H\boldsymbol{P}' - \frac{J_3}{r'}\boldsymbol{p}'_T + H'\boldsymbol{m}_0\boldsymbol{r}_0\omega^2\cos\omega t$$
(39)

と書き改められる。Eq. (39) から求めた p'r と 7'rを Fig. 28 に示す。Fig. 28 と Fig. 23 を比較してみ ると次に列記する事柄に気付く。ここで Fig. 28 の縦 軸は Fig. 23 の半分に縮めてあることに注意されたい。

1) 振動数の低い所では実測値がないので両者を比較することはできないが,振幅においても、位相角においても両者の間に強い近親性のあることが認められる。*p'r*の計算には,*x*,*q*,*p*の実測値に伴う誤差とばらつきが含まれていることを考えると,この計算結果のばらつきは非常に小さく,良好な結果であると言える。

2) まず振幅についてであるが、 $p_T \ge p'_T$ の傾向 は良く一致し、振動数に対する分布形状も両者で大体 一致する。 $p'_T/p_T = \nu$ は大半のものは 1.6~2.7 の範 囲内にあり、全部の平均は 2.1 である。

3) 両位相角の差 $i'_{T} - i_{T} = \epsilon$ は, I-1 および I-6 で は振動数のいかんにかかわらず約20°であり,他は10° 以下であって誤差の範囲内で両者は一致するとみなさ れる。ただ I-1 と I-2 で 4 Hz 以下の i'_{T} の値が急激 に変化する。この点に対応する実測値がないので比べ られないが, **M** の位相角 (Fig. 21 参照) がきいてい るようで,前述のようにやや疑問が残る。 $i_{T} \geq i'_{T} を$ 全般的に比べると, i'_{T} の方が進んでいる場合がほと んどである。また壁体の回転変位 **0** の位相角 β (Fig. 24 参照) とここでえた力の位相角 i'_{T} を比べると, I-6 の場合だけ i'_{T} が β より進んでいて,他は一致 するか,あるいは 20°~30° 程度 i'_{T} が遅れている。 ここでも 7.2, 6) で述べた疑問がなお残っている。

以上は I 群の実験についてであるが, Ⅱ群の実験に ついては

4) I 群の場合と比べて点のばらつきがやや大き

)

(257)

く、 ν 、 ϵ ともに振動数に対して平坦になる場合は少な く、一般的にゆるやかな直線変化をする。その絶対値 も I 群の場合より大きく、 $\nu=2\sim4$ 、 $\epsilon=\pm40^{\circ}$ の範囲 内に分布している。

5) II-5 は $7'_{T}$ が 7_{T} より遅れるが,他はすべて $7'_{T}$ が進んでいる。 $7'_{T}$ と β を比べるとほとんどのも



Fig. 28 Frequency responses of vertical oscillating earth pressure at the position of the cell No. 6, calculated by Eq. (39)

のは力の位相角の方が進んでいて,この場合は常識的 に理解しやすい形となっている。

本節では運動方程式 Eq. (38) を満足させるために は、実測値 p_r の代りに p'_r を用いねばならず、 p'_r は p_r と強い近親関係にあることがわかった。しから ば p'_r と p_r は力学的にどのような関係にあるのであ ろうか? 次節で両者の相互関係について考えてみよ う。

7.4 底面に作用する振動土圧分布の決定

前節で底面の鉛直分布土圧を積分してそれによるモ ーメントを求めるとき、暗黙のうちに底面の2次元分 布(壁体の長さlの方向に)を仮定していた。いま土 圧計 No. 6の位置を通り壁体のl方向の断面を考え ると、Fig. 29に示すように $p'r > p_r$ と言う関係はす べての実験結果について成立するから、図示のように lの方向に上に凸の分布曲線を考えれば、実測値 p_r は分布力の最小値を測っていたことになり、 $p_r \ge p'r$ との関係が無理なく理解される。すなわち、壁体の長 さ方向に3次元分布を考え、この分布曲線によって囲 まれる面積が、 $p'r \times l(p'r$ は長さ方向の各断面で異 なっている)になるように曲線を定めれば、各断面に おける分布曲線の集まりが運動方程式を満足すること になる。実際には振幅と同時に位相角の分布も考慮に 入れなければならない。



Fig. 29 Horizontal distribution of vertical oscillating earth pressure at the longitudinal section passing through the cell No. 6

Fig. 30 に示すように座標を定め、壁体の幅方向の 断面における底面振動土圧の分布を前節と同様に直線 分布とし、その中央断面における分布を $(X-X_0)\frac{PT}{r'}$ とする。また y 軸方向の分布形状については、すでに 5.1 で論じた方法の応用として二つの放物筒面の交線 として表わすこととする。この場合ベクトルの回転軸 は y 軸であり、任意の点における底面振動土圧を p_0 とすると p_0 は次式で表わされる。

(258)



At central section

Fig. 30 Three dimentional distribution of vertical oscillating earth pressure acting on the bottom surface

$$p_{b} = (X - X_{0}) \{ (E_{x}y^{2} + N_{x}) \cos \omega t - (E_{z}y^{2} + N_{z}) \sin \omega t \}$$

$$= (X - X_{0}) \sqrt{(E_{x}y^{2} + N_{x})^{2} + (E_{z}y^{2} + N_{z})^{2}} \cos \left(\omega t + \tan^{-1} \frac{E_{z}y^{2} + N_{z}}{E_{x}y^{2} + N_{x}} \right)$$
(40)

この式に含まれる係数を中央断面における実測値で表 わしてみる。 Eq. (40) に y=0, $X=X_0+r'$ で p_b ここで N_x , N_z は Eq. (41) で, E_x , E_z は Eq. (42) $= p_T \cos(\omega t + \gamma_T)$ と言う条件を入れると

$$N_{x} = \frac{p_{T}}{r'} \cos \tilde{r}_{T}$$

$$N_{z} = \frac{p_{T}}{r'} \sin \tilde{r}_{T}$$

$$(41)$$

底面分布土圧による合モーメント M_b は

$$-M_{b} = \int_{-l/2}^{l/2} \int_{0}^{d} (X - X_{0}) \mathbf{p}_{b} dX dy$$

= $\int_{-l/2}^{l/2} \int_{0}^{d} (X - X_{0})^{2} (E_{x}y^{2} + N_{x}) \cos \omega t dX dy$
- $\int_{-l/2}^{l/2} \int_{0}^{d} (X - X_{0})^{2} (E_{z}y^{2} + N_{z}) \sin \omega t dX dy$
= $J_{3} \left\{ \left(\frac{E_{x}l^{2}}{12} + N_{x} \right) \cos \omega t - \left(\frac{E_{z}l^{2}}{12} + N_{z} \right) \sin \omega t \right\}$

これが Eq. (39) を満足させるためには次式が成立し なければならない。

$$J_{3}\left\{\left(\frac{E_{x}l^{2}}{12}+N_{x}\right)\cos \omega t-\left(\frac{E_{z}l^{2}}{12}+N_{z}\right)\sin \omega t\right\}$$
$$=\frac{J_{3}}{r'}\boldsymbol{p}'_{T}=\frac{J_{3}}{r'}\boldsymbol{\nu}\boldsymbol{p}_{T}\cos\left(\omega t+\tilde{\boldsymbol{r}}_{T}+\varepsilon\right)$$

この式から

$$E_{x} = \frac{12}{l^{2}} \frac{p_{T}}{r'} \{\nu \cos\left(\tilde{\tau}_{T} + \varepsilon\right) - \cos\tilde{\tau}_{T}\} \}$$

$$E_{z} = \frac{12}{l^{2}} \frac{p_{T}}{r'} \{\nu \sin\left(\tilde{\tau}_{T} + \varepsilon\right) - \sin\tilde{\tau}_{T}\}$$

$$(42)$$

をえる。したがって実測値を満足する運動方程式は Eq. (39) の代りに次式となる。

$$m\ddot{x} = \mathbf{P} + \mathbf{P}' + m_0 r_0 \omega^2 \cos \omega t$$

$$I\ddot{\Theta} = \mathbf{M} - H\mathbf{P}'$$

$$- \int_{-l/2}^{l/2} \int_0^a (X - X_0) \mathbf{p}_b dX dy$$

$$+ H' m_0 r_0 \omega^2 \cos \omega t$$

$$\mathbf{p}_b = (X - X_0) \{ (E_x y^2 + N_x) \cos \omega t$$

$$- (E_x y^2 + N_z) \sin \omega t \}$$

$$(43)$$

で与えられ、 I 群の実験では mo=0 とおく。

次に Eq. (41) と Eq. (42) を Eq. (40) に代入し て変形すると

$$\boldsymbol{p}_{b} = (X - X_{0}) \frac{p_{T}}{r'} \sqrt{1 + \frac{24}{l^{2}} (\nu \cos \varepsilon - 1)y^{2} + \left(\frac{12}{l^{2}}\right)^{2} (\nu^{2} + 1 - 2\nu \cos \varepsilon)y^{4}}$$

$$\times \cos \left\{ \omega t + \tilde{r}_{T} + \tan^{-1} \frac{\frac{12}{l^{2}} \nu \sin \varepsilon \cdot y^{2}}{1 + \frac{12}{l^{2}} (\nu \cos \varepsilon - 1)y^{2}} \right\}$$

$$(44)$$

をえる。この式は p_T , \tilde{r}_T がくくり出されているので, ϵ =const., ν =const. の場合の計算に適している。この場 合は振動数のいかんにかかわらず同一種類の実験(実験番号 1,2,3……など)に対しては、 p_T と T_T が振動数に

(259)

対してかわるだけで同一の分布形状で表わしうる。し かしⅡ群の実験のように ε, ν ともに振動数に応じて かわるときには各振動数について分布形状そのものが 変化することになる。Eq. (44)を用いて計算した1例 を Fig. 31 に示す。これは実験 I-1 のもので, ν=1.9,



Fig. 31 Horizontal distributions of oscillating earth pressure acting on several longitudinal sections of the bottom surface, calculated by Eq. (44)

 $\varepsilon = 21^{\circ}$ であり,図には Heel,土圧計 No. 4,5,6の 取付位置における断面,および Toe における分布形 状を示した。位相角分布を見ると,壁体の中央から端 部まで直線的に分布していると仮定しても,その差は 最大4°に満たないことがわかる。また $\varepsilon = 42^{\circ}$ の他の 例では,10°以内の差違で直線分布に引きなおしうる。 振幅分布はほとんど放物線形で, ν が大きくなると Toe 側の端部でかなり大きくなり,Fig. 31 の例では 約 5.5 p_T となる。

以上,底面に作用する振動土圧を3次元分布と考え ることによって,実測によってえられた力と変位は運 動方程式 Eq. (43)を満足することを示した。

8. 裏込めがない場合の壁体の振動特性

壁体の背後に土圧が作用している場合の力学モデル を考える準備として、裏込めがない場合の底面の力学 定数を求めておく必要がある。この場合の底面の力学 定数は本来II-6の実験から求めるのが本報告の趣旨で あるが、これは実験点が三つしかないのでやむをえず 壁体の振動のみの実験結果からこれを求めた。 Photo 11 は裏込めのない状態で,壁頂起振機を 720 r.p.m. で 定常回転させた後電源を切り、起振機の回転が自然減 衰する間に壁頂の変位を連続記録したもので、壁体の 共振状態が良くわかる。この場合の共振振動数は 7.4 Hz であり, 共振振幅は 1.05 mm である。裏込めのな い壁体を壁頂起振機で定常加振し、このとき壁頂(z=0 m)と他の1点(z=2.16m)で壁体の変位を測定し, 順 次加振振動数を変えた一連の実験 A, B, C について 調べよう。Aはすべての実験を開始する前(I-1の実験 の前)に行ったもので, B, C はすべての実験のあと (Ⅱ-6 の実験のあと) に行ったものである。これら壁



Photo 11 Resonance of the wall

(260)

体の鉛直方向の2点で実測した変位を Eq. (12) を用い て,並進変位 x と回転変位 φ に分解した結果を Fig. 32 に示す。共振振動数はAとB,Cではわずかに異な るが,いずれの場合も7~8 Hzの間にある。この図か ら $a \ge \varphi$ は常に同じ振動数でピークを持ち,そのと きの位相角はいずれも -90° 付近の値を持っている。 このことから壁体は $x \ge \varphi$ の連成振動を行っている ことがわかる。 壁体が $x \ge \phi$ の連成振動をしている場合の最も簡 単な力学モデルを Fig. 33 に示す。図で c_1 , k_1 は底 面の水平方向の分布定数, c_2 , k_2 は鉛直方向の分布定 数を表わす。運動方程式は 4.1 で行ったのと同じ手順 により次のように求められる。

$$2T = m \dot{x}^{2} + I \Phi^{2}$$

$$2V = k_{2} l \int_{0}^{d} \{ (X - X_{0}) \Phi \}^{2} dX + k_{1} l \int_{0}^{d} (x - H \Phi)^{2} dX$$



Fig. 32 Frequency responses of translational and rotational displacements of the wall without backfill sand

(261)

$$= k_2 J_3 \Phi^2 + k_1 d l (x - H\Phi)^2$$

$$2D = c_2 l \int_0^d \{ (X - X_0) \dot{\Phi} \}^2 d X + c_1 l \int_0^d (\dot{x} - H \dot{\Phi})^2 d X$$

$$= c_2 J_3 \dot{\Phi}^2 + c_1 d l (\dot{x} - H \dot{\Phi})^2$$

j

$$k_2 J_3 = k_{\varphi} \qquad k_1 dl = k_x \\ c_2 J_3 = c_{\varphi} \qquad c_1 dl = c_x$$

$$(45)$$

とおいてラグランジュの運動方程式に代入すると $m\ddot{x} + c_x(\dot{x} - H\dot{\phi}) + k_x(x - H\phi) = m_0 r_0 \omega^2 \cos \omega t$ $\ddot{l}\ddot{\phi} + c_\varphi \dot{\phi} - Hc_x(\dot{x} - H\dot{\phi}) + k_\varphi \phi - Hk_x(x - H\phi)$ $= H' m_0 r_0 \omega^2 \cos \omega t$ (46)

をえる。ここで壁体の転倒モーメント $-mgH\phi$ は復 元モーメント $k_{g}\phi$ に比べてはるかに小さいので無視 してある。Fig. 33 で H は壁体の重心と底面の水平 要素 c_1 , k_1 の間の距離を表わしているが, Eq. (46) から H は $x \ge \phi$ の連成の強さを決める量であるこ とがわかる。すなわち H=0 ならば, $x \ge \phi$ は無関 係となり非連成振動を行う。

Eq. (46) に Eq. (10) の第 2, 第3式を代入して $c_{\varphi}, k_{\varphi}, c_x, k_x$ について解くと



Fig. 33 Mechanical model of the wall without backfill sand

$$c_{\varphi} = \frac{\omega}{\varphi} \{ mHa \sin(\alpha - \beta) - (H + H')m_0r_0 \sin\beta \}$$

$$k_{\varphi} = \frac{\omega^2}{\varphi} \{ I\varphi + mHa \cos(\alpha - \beta) + (H + H')m_0r_0 \cos\beta \}$$

$$c_x = \frac{-\omega\{maH\varphi \sin(\alpha - \beta) + m_0r_0(a \sin\alpha - H\varphi \sin\beta)\}}{(a \sin\alpha - H\varphi \sin\beta)^2 + (a \cos\alpha - H\varphi \cos\beta)^2}$$

$$k_x = \frac{\omega^2[ma\{a - H\varphi \cos(\alpha - \beta)\} + m_0r_0(a \cos\alpha - H\varphi \cos\beta)]}{(a \sin\alpha - H\varphi \sin\beta)^2 + (a \cos\alpha - H\varphi \cos\beta)^2}$$

$$(47)$$

をえる。減衰のない場合の系の連成固有振動数 *f*₁, *f*₁₁ は Eq. (46) において

$$\omega_x^2 = \frac{k_x}{m} \qquad \omega_{\varphi^2} = \frac{k_{\varphi} + H^2 k_x}{I}$$
$$r^2 = \frac{I}{m} \qquad \kappa = \frac{H}{r}$$

とおくと

$$\omega_{I,II}^{2} = \frac{1}{2} \{ (\omega_{x}^{2} + \omega_{\varphi}^{2}) \mp \sqrt{(\omega_{x}^{2} - \omega_{\varphi}^{2})^{2} + 4\omega_{x}^{4} \kappa^{2}} \}$$
$$f_{I} = \frac{\omega_{I}}{2\pi}$$
$$f_{II} = \frac{\omega_{II}}{2\pi}$$

として求められる。

Fig. 32 に示した $a, \alpha, \varphi, \beta$ の値, Table 1 の数値 および $m_0r_0=0.168 \text{ kg} \cdot \sec^2$ を用いて, $c_{\varphi}, k_{\varphi}, c_x, k_x$ および f_{I} , f_{II} を計算することができる。1例として Fig. 32 に示した実験 A の数値を用いた計算結果を Fig. 34 に示す。この場合 H の値も 0.9, 1.0, 1.22, 1.4 とかえて計算を行ってみた。図から H=1.0 とし た場合に c_x , k_x , k_φ は振動数 f に無関係に一定値を とるとみなされる。H=1.22 (重心,底面間の距離) とした場合よりも H=1.0 とした場合の方が,これら の値がフラットになる理由は良くわからない。また c_φ は H の値をかえてもその値はほとんどかわらず,振 動数に対して直線的に上昇する。回転変位に関する底 面の減衰が,振動数とともに増大すると言う性質は今 まで知られていないことだと思う。以上 Fig. 32 の実 験Aについて述べたが,ここに述べたことは実験B, Cについても同様にあてはまる。実験 A, B, C につ

(262)



Fig. 34 Frequency responses of four mechanical constants, H being parameter

いて、四つの力学定数と f_I および f_{II} を求めた結果を Table 4 に示す。各数値の間には最大 25% 程度の差 違がある。有効数字 2 桁と見て表中におのおのの平均 値を示した。ここでえた力学定数から計算される底面 反力の値と、すでに満足している運動方程式 Eq. (39) に含まれる p'_T とを、同じ状態の実験 II-6 (裏込め なし)で比較してみよう。Eq. (39) でP=0, M=0 と おいて Eq. (46) と比較して $c_x(\dot{x} - H\dot{\phi}) + k_x(x - H\phi) = -P'$ $c_\psi \dot{\phi} + k_\psi \phi = \frac{J_3}{r'} p'_T$

をえる。第2式の左辺に上で求めた c_{φ} , k_{φ} および実験 II-6の実測値 ϕ を代入して, すでに求まっている p'rと比較すると,振幅で最大 10%,位相角では最大 7°

		Α	В	С	Average
Cx	kg•sec/m	$1.34 imes 10^5$	1.21×10^{5}	1.10×10^{5}	1.2×10^{5}
C _{\varphi}	kg·m·sec	$0.294 \times 10^{5}(f-4.7)$	$0.39 \times 10^{5} (f - 6.4)$	$0.31 \times 10^{5} (f-5.4)$	$0.33 \times 10^{5} (f-5.5)$
k _x	kg/m	127×10^{5}	152×10^{5}	157×10^5	150×10^5
k_{φ}	kg∙m	122×10^{5}	$144 imes 10^5$	152×10^5	140×10^5
f_{I}	Hz	7.0	7.6	7.8	7.5
f_{II}	Hz	19.0	20.7	21.1	20

Table 4 Values of four mechanical constants and natural frequencies of the wall

以内で左右辺が一致する。すなわち, Table 4 に掲げ た定数の値は、少くとも裏込めのない場合には Eq. (39)を満足することが確認された。

9. 壁底面のモデル化についての試み

9.1 モデル化についての基本方針

以下本章で述べる事柄については、いまだ結論はえ られていない。しかし壁体の背後に土圧が作用したと きの壁体の力学モデルを完成することが、本研究の最 終目標であると考えているので、力学モデルへの一つ のアプローチとして、現在までに行った考察について 述べるのもあながち無駄ではないであろう。本章では 将来の発展に備えて、現在までに行った考察のあらす じについて述べようと思う。

重力式擁壁の振動問題を考えるとき、壁体はふつう 剛体として取り扱われる。これは壁体の剛性と裏込め および基礎地盤の剛性,壁体に作用する土圧の大きさ などから考えて妥当な仮定である。壁体を剛体と考え る以上、その回転変位を考えても壁体の各点における 水平変位は深さ 2 の1次式で表わされる。いっぽう, 背後に作用する振動土圧の分布形状は最も簡単な場合 に2の3次式で表わされる(5.3参照)。したがって壁 体の変位とこれに作用する力との間には,見掛け上 2 の次数を変換する要素が必ず存在するはずである。そ れはバネ,ダッシュポット,摩擦など力を発生する素 子によるか、あるいは境界条件のために起こる裏込め の変形によるか,のいずれかであろう。2の1次式で 表わされる変位と、2 の高次式で表わされる土圧分布 の相互関係を明らかにすることは容易なことではな く、とうてい一朝にして成るものではない。したがっ てここではモデル化にいたる道を2段階に分け,壁体 の背後と底面は別々にモデル化しうるものと仮定し た。すなわち,背後に作用する土圧は P または M の ままの形で取り扱ってまず底面をモデル化し、しかる 後この結果を用いて背後の力をモデル化する方針をと った。以下はその第1段階についての考察である。

9.2 底面モデル化の条件式

7.3 で述べたように変位と力の実測値を満足する運 動方程式は Eq. (39) である。便宜上ここに再記する と

$$m\ddot{x} = \mathbf{P} + \mathbf{P}' + m_0 r_0 \omega^2 \cos \omega t$$

$$I\ddot{\Theta} = \mathbf{M} - H\mathbf{P}' - \frac{J_3}{r'} \mathbf{p}'_T + H' m_0 r_0 \omega^2 \cos \omega t$$
(39)

いっぽう,背後に土圧が作用するときの壁体の運動方



Fig. 35 Mechanical model of the wall with backfill sand

程式は Fig. 35 を参照し, Eq. (46) と全く同様に次 のように求められる。

Eq. (39), Eq. (48) ともにⅠ群の実験では m₀=0 と おく。両方程式を比較して次の関係式をえる。

Eq. (49) は Fig. 35 に示したモデルが,実測値で成 り立つか否かを判定するための条件式である。

Eq. (48) および Eq. (49) においては実測した変位 x, ϕ はそれ自身が全部バネの伸縮と考えてきた。次に 変位 x, ϕ が相対変位 (バネの伸縮) とそうでない部 分から成り立っていると考えてみよう。 $x_r c$ 水平方向 の相対変位, ϕ_r を回転の相対変位とし

$$\begin{array}{c} x = x_r + x_0 \\ \phi = \phi_r + \phi_0 \end{array}$$
(50)

と書くと, x_0 , ϕ_0 は地盤の動きを表わし, バネの伸縮 には関係のない量となる。この場合の壁体の運動方程 式は, Eq. (48) の中で定数 c, k にかかっている xと ϕ e, x_r および ϕ_r に書き改めたものとなる。す なわち

$$\left. \begin{array}{c} m \ddot{x} + c_x (\dot{x}_r - H \dot{\Phi}_r) + k_x (x_r - H \Phi_r) \\ = P + m_0 r_0 \omega^2 \cos \omega t \\ I \ddot{\theta} + c_{\varphi} \dot{\phi}_r - H c_x (\dot{x}_r - H \dot{\phi}_r) + k_{\varphi} \phi_r \\ - H k_x (x_r - H \Phi_r) = M + H' m_0 r_0 \omega^2 \cos \omega t \end{array} \right\}$$
(51)

Eq. (39) と Eq. (51) を比較して

(264)


(265)

$$-P' = c_x(\dot{x}_r - H\Phi_r) + k_x(x_r - H\Phi_r)$$

$$J_3 \atop r' p' = c_y \dot{\Phi}_r + k_y \Phi_r$$
(52)

をえる。この関係式も Eq. (49) と同じように, Fig. 35 のモデルが成立するか否かを判定するための条件 式である。

9.3 Eq. (49) についての考察

すでに 7.3,3) で述べたように、 I 群の実験につい ては I-6 を除いて,他はすべて p'_{r} の位相角 $7'_{r}$ が ϕ の位相角 β より 20°~30° 程度遅れている。した がって Eq. (49) の第2式から $c_{q}<0$ となり,これは negative damping の状態でありはなはだ不都合で, I 群の実験は Eq. (49) を満足しえないことが簡単にわ かる。この場合は次節で述べるように,系の自由度を 増し Eq. (52) を対象とせざるをえない。

II 群の実験についてはほとんどのものは p'r の位相 角が q より進んでいるので (7.3,5) 参照) negative damping になるおそれはない。Eq. (49) を c_x , c_g , k_x , k_g について解き, これに x, q の実測値を代入し て Fig. 36 をえる。 II 群の実験は概して測定点の数が 少なく, またばらつきも大きいので, Fig. 36 だけでは 以上の考え方が妥当であるか否かの判定は難かしい。 ただ載荷重のない場合 (II-1, II-4, II-5) は振動数に 対する変化が比較的なだらかであるが, 載荷重のある 場合 (II-2, II-3) は部分的に negative damping にな ったり, また急激な変化をすることがわかる。ここで 考えたように, 実測した変位が全部バネの伸縮である とすれば, Fig. 35 に示したモデルの力学定数は実験 の種類によっても, 振動数によってもかなり大幅に変 化することだけは確かである。

9.4 Eq. (52) についての考察

前節で述べたように, I 群の実験結果を Eq. (49) に 代入すると negative damping となってこの条件式を 満足しない。すなわち,実測した変位を全部バネの伸 縮であると考えることはできない。そこで実測した変 位が相対変位 (バネの伸縮) と,地盤の変位との和で あると考え, Eq. (50) のように置いて Eq. (52) の条 件式をえたのである。Eq. (50) において

$$\begin{array}{c} x_{r} = a_{r} \cos \left(\omega t + \alpha_{r}\right) \\ x_{0} = a_{0} \cos \left(\omega t + \alpha_{0}\right) \\ \varphi_{r} = \varphi_{r} \cos \left(\omega t + \beta_{r}\right) \\ \varphi_{0} = \varphi_{0} \cos \left(\omega t + \beta_{0}\right) \end{array}$$

$$(53)$$

と置く。Eq. (52) に含まれる $c_x, k_x, c_{\varphi}, k_{\varphi}$ は Table 4 で与えられると仮定すると, x_r, φ_r について簡単に

解け, a_r , a_r , φ_r , β_r が求まる。 この結果を Eq. (50) に代入すると a_0 , a_0 , φ_0 , β_0 が求められる。 ここで Hの値については H=1.0とすべきか, H=1.22とすべ きかについての疑問があるので(8.参照), 両方の数 値について計算を行った。いずれにしても a_r と a_0 の 値が少し変わるだけで, 位相角はほとんど変わらない。 この計算結果を総括的に眺めてみると, I, II両群の 実験を通じて, 次に述べるようないちじるしい特徴が ある。

- 1) 全実験の内 II-5を除いて、他はすべて $\alpha_r = \beta_r$ が成り立つ。
- 2) さらにⅡ群の実験では α₀≒β₀ が成立し, 添字

"r"と添字"0"の位相角は大体逆相関係にある。 したがって II-5を除いて, $x_r \ge 0_r$ は同一のベクト ルでその振幅だけが異なり,また II 群の実験(II-5を 除く)では $x_0 \ge 0_0$ も振幅だけが異なるベクトルと なる。以下の考察では II-5 の実験(裏込め部分に水 を満たし,壁頂起振機で加振した実験)を除外するこ ととする。以上に述べた所から

$$\frac{x_r}{\phi_r} = \frac{a_r}{\varphi_r} = s_1$$

$$\frac{x_0}{\phi_0} = \frac{a_0}{\varphi_0} = s_2$$
(54)

と置くことができる。 s_1 および s_2 の値を振動数に対 してプロットすると, I 群の実験では s_1 は振動数に 対して平坦, あるいはごくゆるやかな右下がり, II 群 の実験では s_1, s_2 ともに平坦, あるいはごくゆるやか な右上がりの直線となる。簡単のためこれらの値を振 動数に対して一定とみなすと, Table 5 に示した値と なる (H=1.22)。この表から II 群の実験では $s_1 = s_2$ で あることがわかる。

Table 5 Values of s_1 and s_2

		1	2	3	4	5
1	<i>s</i> ₁	2.05	1.70	2.00	2.10	1.80
П	\$1	1.44	1.38	1.41	1.51	
II	52	1.48	1.36	1.41	1.48	—

以上述べた所からすべての実験に対して $x_r=s_1 \Phi_r$ が成立する。これはとりもなおさず壁体の振動は1自 由度で表わしうることを意味する。ここにいたって, 壁体と基礎地盤を含めた全振動系が2自由度で表わし うる可能性が示唆されたわけである。

(266)

9.5 壁底面のモデル化

Fig. 37 に示すように壁底面の地盤で, 壁体の振動 に直接関与する部分の土塊を1個の集中 質量 とみな し, その重心を G_E , 質量を m_E , 重心に関する慣性 能率を I'_E , 土塊の回転バネ定数を $k_{\varphi E}$, これに並列 に入る減衰係数を $c_{\varphi E}$, 重心と $k_{\varphi E}$ の鉛直距離を ss



Fig. 37 Mechanical model of the wall and foundation soil

とする。いっぽう,壁体の回転バネ定数を Nk_{φ} , これ と並列に入る減衰係数を NC_{φ} ,壁体の重心と Nk_{φ} お よび $k_{\varphi E}$ との鉛直距離は s_1 および s_2 となる。この 図の場合 x_0 は土塊の回転によって生じる,壁体重心 の水平変位と地動との和を表わすことになるから,土 塊が受ける強制変位を改めて x_B で表わすと

$$x_0 = x_E + s_2 \Phi_0 \tag{55}$$

ただし II 群の実験では $x_B = 0$ である。 $x = x_r + x_0$ = $s_1 \phi_r + s_2 \phi_0 + x_E = s_1 \phi + (s_2 - s_1) \phi_0 + x_E$ となるから

$$2T = m \{s_1 \dot{\phi} + (s_2 - s_1) \dot{\phi}_0 + \dot{x}_E\}^2 + I \dot{\phi} \\ + m_E (\dot{x}_E + s_3 \dot{\phi}_0)^2 + I'_E \dot{\phi}_0^2 \\ 2V = {}_N k_{\varphi} (\varPhi - \varPhi_0)^2 + k_{\varphi E} \varPhi_0^2 \\ 2D = {}_N c_{\varphi} (\dot{\phi} - \dot{\phi}_0)^2 + c_{\varphi E} \dot{\phi}_0^2$$

$$ms_{1}\{s_{1}\ddot{\phi}+(s_{2}-s_{1})\dot{\phi}_{0}+\ddot{x}_{E}\}+I\dot{\phi}+{}_{N}c_{\varphi}(\dot{\phi}-\dot{\phi}_{0}) + {}_{N}k_{\varphi}(\phi-\phi_{0})=M+s_{1}P+(H'+s_{1})m_{0}r_{0}\omega^{2}\cos\omega t$$

$$m(s_{2}-s_{1})\{s_{1}\ddot{\phi}+(s_{2}-s_{1})\dot{\phi}_{0}+\ddot{x}_{E}\}+m_{E}s_{3}(\ddot{x}_{E}+s_{3}\ddot{\phi}_{0}) + I'_{E}\dot{\phi}_{0}-{}_{N}k_{\varphi}(\phi-\phi_{0})+k_{\varphi}E\phi_{0}-{}_{N}c_{\varphi}(\dot{\phi}-\dot{\phi}_{0}) + c_{\varphi}E\dot{\phi}_{0}=(s_{2}-s_{1})(P+m_{0}r_{0}\omega^{2}\cos\omega t)$$

となる。第1式と,両式の和をとった式を採用し,こ れらを変形すると次の運動方程式をえる。

$$m s_1 \ddot{x} + I \Phi + {}_N c_{\varphi} \Phi_r + {}_N k_{\varphi} \Phi_r$$

$$= \boldsymbol{M} + s_1 \boldsymbol{P} + (\boldsymbol{H}' + s_1) \boldsymbol{m}_0 \boldsymbol{r}_0 \omega^2 \cos \omega t$$

$$\boldsymbol{m} s_2 \ddot{x} + \boldsymbol{I} \ddot{\boldsymbol{\Phi}} + \boldsymbol{I}_E \ddot{\boldsymbol{\Phi}}_0 + \boldsymbol{c}_{\varphi E} \dot{\boldsymbol{\Phi}}_0 + \boldsymbol{k}_{\varphi E} \boldsymbol{\Phi}_0 = -\boldsymbol{m}_E \boldsymbol{s}_3 \ddot{x}_E$$
(56)

+M+ s_2P +(H'+ s_2) $m_0r_0\omega^2 \cos \omega t$ この式でI群の実験に対しては $m_0=0$ であり、II群 の実験に対しては $x_E=0$ である。また $I_E=I'_E+m_Ess^2$ である。Eq. (56)の第1式は、Eq. (51)に $x_r=s_1\phi_r$ を代入し、この第1式に s_1 を乗じたものと第2式と の和をとることによってえられる。この過程から

$$_{N}c_{\varphi}=c_{\varphi}+c_{x}(s_{1}-H)^{2}$$

$$_{N}k_{\varphi} = k_{\varphi} + k_{x}(s_{1} - H)^{2}$$

なることが導かれる。このように Eq. (56) の第1式 はすでに成立しており,第2式が成立するような妥当 な係数の値が定まれば, Fig. 37 が求める底面の力学 モデルであると言いうる。

しかし係数の数が多い上に,振動する土塊に関する 情報がないため適当な仮定――例えば土塊の形状など ――を置いて計算しなければならないわけである。種 々試みたが現段階では満足すべき結果はえられていな い。

9.6 本章のまとめ

以上に述べたことを整理すると、条件式として

- ① Eq. (49) を用いる場合
- Eq. (52) を用いる場合
- にわかれ, これに対する力学定数として
 - ③ Table 4 の値を用いる。すなわち,裏込めのない状態の壁体を,壁頂起振機で加振して求めた力学定数が,他の実験条件(I群の実験や裏込めのあるⅡ群の実験)の場合にも変わらないと考えた場合
 - ③ 底面の力学定数が実験条件で変わると考えた場合

の二つの場合を考え、①あるいは②と、④あるいは ⑧の組み合わせを考えて底面の力学モデルを決定しよ うとしたのである。

まず,①-④の組み合わせは①-⑧に含まれる。なぜ なら,①-⑨の組み合わせは①-⑧に含まれる。なぜ なら,①-⑨の組み合わせによって力学定数を計算し, その結果 Table 4 の数値がえられれば,これは①-④ の組み合わせそのものであるからである。①-⑨の組 み合わせは 9.3 で述べたように,I群の実験に適用す ることはできず,またII群の実験に適用した場合には, 一応の結果は Fig. 36 のようにえられるが,なお疑問 が残る。②-④の組み合わせによっていちじるしく特 徴のある結果(9.4 参照)がえられるが,前節で述べ

39

)

たように、この結果を満足するように壁底部の土塊の 諸定数が今の所求められない。 ②-③の組み合わせを 選ぶと、力学定数および相対変位ともに未知数で、こ れらを分離する手段がない。これらの疑問点について は今後の発展にまたねばならない。

人工地震発生装置を用いた野外実験では,現場に用 いられている最小程度の壁体を用い、現実に近い現象 を観察しうる利点はあるが、他方、実験の振動数範囲 が狭い、土圧実験特有の実測点のばらつきがある、実 験のパラメータを変えるのに非常に骨が折れる, Eq. (55) の x_E を直接観測できない、などの欠点をもっ ている。筆者らはかねてから小型の模型を用いた室内 実験を行い、この実験によってえられたデータを前者 の実験結果と比較検討する立場をとってきた。この実 験は Fig. 38 に示すように、土の代りに Foam rubber を弾性媒体として用い、これを振動台上で水平に加振 し,その上に載せられた模型壁体に作用する力と壁体 の運動を観測するものである。もちろん、この実験は 野外の振動土圧実験を室内で再現させるためのもので はなく、階段状の弾性媒体とその部分にある剛体壁と の間の相互作用を調べるためのものである。模型壁体 が弾性媒体と接している境界面で起こる現象が正しく 把握されたならば、これは本章で述べた多くの疑問を 解く鍵となると同時に, モデル化についての基本的な 仮定(9.1 参照) に解答を与え, 側方振動土圧のモデ ル化に有力な示唆を与えるであろう。



Fig. 38 Interaction between elastic medium and rigid wall

10. 結びとあとがき

人工地震発生装置を加振源とした実験は,自然地震 によって起こる現象の本質をそこなわないようにこれ を単純化したものであり,実験に用いられた試験壁体 は,現場で用いられている最小程度の規模のものであ るから,実験の相似則に気を使うことなく,ここにえ られた実験データは現実のありのままの姿を示してい ると言えよう。またこの実験は現在の社会情勢のもと では,もはや再現することがほとんど不可能であるこ とを考え合わせると、付録Aに示した実験結果はまこ とに貴重なものであると思う。用いられた測定装置 は、その後の急速な技術革新を経た今日からふり返え ってみても、いささかも陳腐性を感じさせないばかり か、振動土圧計にいたっては、まさに今日言うディジ タル計測の原理そのものであり、このon-off 判別の結 果を重ね合わせてアナログ表示したものと考えること ができる。ここで用いた振動土圧測定装置に、現在の 新しい技術の光をあてて検討すれば、そこに新しい発 展への芽がかくされていることが発見できるであろ う。

実験によってえられた壁体背後に作用する振動土圧 を立体表示法によって表現すれば、ベクトルの振幅と 位相、その作用点と時間的変化を同時に表わすことが できる。このように実験結果を直視的な形で表現する ことは、複雑な現象を理解する上で大いに役立つ。ま たこの立体表示法は土圧に限らず、実測値が正弦変化 をする場合に広く応用されるものである。

実測によってえられた壁体背後に作用する振動土圧 は, Eq. (27) によってあます所なく表現され, この式 は簡単に積分されて合力と合 モーメントが求められ る。このようにして求めた壁体に作用する力とその変 位は,7.3 および7.4 で述べたように考えることによ って運動方程式を満足させることができ、この運動方 程式を基礎にして,振動中における壁体の力学モデル への道が開かれたのである。また7.2に示した力と変 位の間にある定性的な関係は、力学モデルを考える上 での大切な指標となる。これらの定性的な特性を満た しうるような力学モデルを完成するにいたらなかった が、一つの考え方として 9. で若干の考察を行った。 これについては弾性媒体を用いた実験の結果から、媒・ 体と剛体壁の間の相互作用を把握することによって、 土圧の力学モデルへの道が開かれるのではないかと期 待される。

多くの疑問を残しながらこの報告を終ることになっ た。この報告書の最初に述べたように、"振動土圧に関 する研究"は2期に区分され、その第1期の研究を総 括して文献 8)にかかげたものにまとめた。しかしそ の内容については不満が多く、当初から書き改めたい と願っていた。幸い、実験を最初から組織的に行う機 会にめぐまれ、その実験結果を解析するためにも充分 な時間が与えられたので、前報を改訂するつもりで個 々の問題に取り組んだ。しかし結果は、最終目標であ る力学モデルの完成までの道のりが、はるかに遠くて

(268)

けわしいことを痛感させられたにとどまり,まことに 残念であるとともに著者の力の無さを恥じるばかりと なってしまった。今後本報告を一つ踏のみ台として, 同学の士が大いにこの分野を発展させられることを切 望するものである。

本報告書をとじるに当って,次の方々に御礼申し上 げねばならない。第1には、昭和28年に著者がこの 研究にたずさわってから 延々 18 年の長い 歳月にわた って,常に行きとどいた御指導と,暖かい御はげまし を賜わった学習院大学々長近藤正夫先生に心から御礼 申し上げる。本報告書の中に,少しでもこの分野に寄 与する部分があるとするなら、それはいつにかかって 近藤先生の御指導の賜である。第2には、第2期にあ たる研究の機会を与えられ、実験結果の解析に充分な 時間を与えて頂いた当研究所、奥田、大江前所長、お よび木堂所長、山内研究企画官、ならびに若桑、岩柳 元関連施設部長、伊藤海洋開発工学部長に深く感謝の 意を捧げる。これら上司の方々の御理解と御はげまし がなければ, とうていここまで続けることはできなか ったであろう。第3には,第2期の実験をともに行い, 実験資料の整理、および本報告書の図面の作成などに 協力して頂いた当研究室山川賢次技官に感謝する。同 技官の協力がなければこの研究はなお一層困難なもの になっていたであろう。

最後に数値計算についてであるが,本報告書で取り 扱われている計算の内,8.までのものは卓上電子計算 機による手計算,および富士通ファコム株式会社東京 計算センタへの外注によって行った。また9.で行っ た試算は当研究所共用電子計算機 FACOM 270-20 を 用いて行ったことを付記しておく。

なお、本報告書の一部は土木学会論文報告集に登載 される予定である。

参考文献

- M. Kondo, G. Hasegawa, M. Ichihara, S. Niwa, Researches on Earth Pressures, Part I, Report of Transportation Technical Research Institute, No. 15, May, 1955, pp. 1~11
- 市原松平,丹羽 新,人工地震発生装置および 地震時土圧測定装置について,土木学会論文集, 第38号,昭・31・10, pp. 43~48
- 丹羽 新,壁体自身の振動による裏込土圧の実 測,土木学会論文集,第39号,昭・31・12, pp. 58~61
- 丹羽 新,振動土圧に関する研究,運輸技術研究所報告,8巻3号,1958年9月,pp.1~30
- 5) 丹羽 新,人工地震発生装置による振動土圧の 実測,土木学会論文集,第60号,昭・34・1,pp. 54~59.
- (2) 丹羽 新,陰極線オシロスコープによる定常地 震動(変位・速度・加速度)の観測装置,土木 学会誌,45巻6号,昭・35・6,pp.29~34
- S. Niwa, An Experimental Study Of Oscillating Earth Pressures Acting On A Quay Wall, Proc. of the 2nd WCEE, Vol. I, July, 1960, pp. 281~296
- 丹羽 新,地震時土圧による擁壁の振動機構に ついて、私費出版,昭・36・7, pp. 1~215
- 9) 山崎栄作,立体解析幾何学講義,第4版,內田 老鶴圃,昭·16·12, pp. 242~252

付 録 A

すでに Fig. 6 で示したのと全く同じ形式で, 土圧 の鉛直分布を Fig. 39-(1)~(65) にかかげる。実験番 号は

- I: 人工地震発生装置を加振源とした実験
- Ⅱ:壁頂起振機を加振源とした実験
 - 1: 載荷重を加える前の裏込めのみの場合
 - 2: 裏込め上に高さ2mの載荷重を加えた場合
 - 3: 裏込め上に高さ1mの載荷重を加えた場合
 - 4: 載荷重を取り除いて裏込めのみにした場合
 - 5: 裏込め砂の代りに水を満たした場合

の内容を示し、最後の小数点を持つ数は実験の加振振 動数を表わしている。例えば I-2-5.44 は、人工地震 発生装置によって加振し、裏込め上に高さ2mの載荷 重を加えた場合の実験で、そのときの加振振動数が 5.44 Hz であることを示す。同じ状態の実験を一組と し、振動数の小さい方から順にならべてある。また1 枚の図の中では

①:振動前の静土圧を実線で、振動後の静土圧を破線で、振動中の土圧の変化部分を陰影をつけた部分で表わしてある。振動中の土圧は位相角を無視し、いずれも実測値をそのまま深さこに対してプロットしたものである。

- ②:振動土圧波形を波形分析し、その基本波振動の 振幅 p を z に対してプロットしたものである。
- ③:振動土圧波形の基本波振動の位相角 / を 2 に対してプロットしたものである。
- ④: *p*_y (=*p*sin7) を *z* に対してプロットしたもので、振動土圧の分布を表わす空間曲線 *L*_pの、*yz* 平面への投影曲線を表わしている。
- (5): $p_x (= p \cos i) & z c$ に対してプロットしたもの で、空間曲線 $L_p o xz$ 平面への投影曲線を表わ している。

②, ③, ④, ⑤の中のO印は実測値で, 実線は実験式 を計算して求めたものである。 すなわち Fig. 39-(1)
~(58) は Eq. (27) から, Fig. 39-(59)~(65) は Eq.
(24) から計算したものである。そのときの次数 nの 値は Table 3 に示されている。また, ④, ⑤中の×印 は曲線の対称点を示している。

おのおのの図の右肩にある表に壁体背後の振動土圧 の実測値 $p \geq r$, 底面土圧計 No. 6 の実測値 $pr \geq r$, r_r , および 2 点 (z=0 m および z=2.16 m) で実測し た壁体の変位 D, λ (基本波の値) が, 振動数 $f \geq b$ もに示されている。

(270)





(271)

I-1-3.98



z m	p ^{g/cm²}	γ deg	zm	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21			2.49	7.8	+ 0
0.51	0.9	-27	2.80	10.0	-26
0.81	1.3	-32	Bottom (No.6)		
1.21	3.6	-31	z m	D mm	λ deg
1.54	2.3	-25	0	0.223	-25
1.89	6.4	34	2.16	0.162	30
2.20	5.6		f =	3.98	Hz











(272)

_



zm	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
0.21	0.4	92
0.51	0.8	-30
0.81	1.3	-21
1.21	3.0	-35
1.54	2.8	-32
1.89	5.3	-27
2.20	6.4	-16

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	8.1	- 9
2.80	12.2	-23
Bottom (No.6)		
z m	D mm	λ deg
0	0.263	-24
2.16	0.192	-29
<i>f</i> =	4.06	Hz





Fig. 39-(3)

(273),



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	0.7	18
0.51	1.6	-51
0.81	1.6	-49
1.21	4.0	-59
1.54	3.6	-55
1.89	8.1	-57
2.20	8.5	-52

z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
2.49	9.3	-35
2.80	7.8	-47
Bottom (No.6)	33.8	-77
z m	D mm	λ deg
0	0.295	- 75
2.16	0.209	-84
f =	4.78	Hz











(274)



z m	p g/cm ²	γ deg
0.21	1.1	- 9
0.51	1.6	-49
0.81	1.7	-53
1.21	4.3	-57
1.54	4.0	-50
1.89	8.4	-59
2.20	10.6	-48

_		
z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	11.1	-44
2.80	17.8	-44
Bottom (No.6)	33.4	-78
z m	D mm	λ deg
0	0.320	-60
2.16	0.225	-71
<i>f</i> =	4.93	Hz











(275)



zm	p ^{g/cm²}	γ deg	zm	1
0.21	1.5	0	2.49	
0.51	2.0	-96	2.80	
0.81	2.6	-88	Bottom (No.6)	
1.21	5.3	-96	z m	
1.54	4.0	-86	0	(
1.89	10.5	-94	2.16	(
2.20	9.7	-74	f =	ę

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	7.8	-99
2.80	12.0	-85
Bottom (No.6)	37.1	-116
z m	D mm	λ deg
0	0.376	- 96
2.16	0.246	-109
f =	5.39	Hz









Fig. 39-(6)

 $(\mathbf{276})$



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21		
0.51	2.0	- 79
0.81	2.6	-85
1.21	5.9	-83
1.54	5.5	-78
1.89	11.1	-92
2.20	11.4	-81

zm	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	13.2	-78
2.80	21.9	-79
Bottom (No.6)	61.8	-120
zm	D mm	λ deg
0	0.542	-100
2.16	0.321	-116
f =	5.68	Hz









Fig. 39-(7)

(277)





z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21		
0.51	2.6	-100
0.81	2.9	-96
1.21	5.9	-104
1.54	5.6	-103
1.89		
2.20	10.2	-94

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	14.6	- 96
2.80	21.1	-102
Bottom (No.6)	63.2	-131
z m	D mm	λ deg
0	0.500	-114
2.16	0.313	-127
f =	5.86	Hz









Fig. 39-(8)

(278)



z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	
0.21			
0.51	2.9	-97	
0.81	3.1	- 98	
1.21	6.4	- 99	
1.54	6.1	-94	
1.89	12.1	104	
2.20	12.1	-89	

z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
2.49	15.7	-101
2.80	23.2	-90
Bottom (No.6)	60.2	-129
z m	D mm	λ deg
0	0.550	-112
2.16	0.316	-127
f =	5.93	Hz









Fig. 39-(9)

I-1-5.93



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	1.4	-29
0.51	1.4	-94
0.81	2.5	-87
1.21	6.8	-100
1.54	6.6	-94
1.89	12.1	-99
2.20	12.4	-88

z m	p g/cm²	γ deg
2.49	13.8	-89
2.80	26.5	-96
Bottom (No.6)	57.0	-122
z m	D mm	λ deg
0	0.502	- 98
2.16	0.291	-108
f =	5.93	Hz







Fig. 39-(10)

52

(280)



z	m	$p g/cm^2$	γ deg	z n
	0.21			2
	0.51			2
	0.81			Bo (N
	1.21			z n
	1.54	0.8	-13	
	1.89	1.7	-10	2
	2.20			

z m	$p \mathrm{g/cm^2}$	γ deg
2.49	2.8	-11
2.80	2.8	3
Bottom (No.6)		
z m	D mm	λ deg
0	0.0239	32
2.16	0.0244	31
<i>f</i> =	2.59	Hz









Fig. 39-(11)

(281)



z m	pg/cm²	γ deg
0.21		
0.51		
0.81		
1.21		
1.54	1.0	-15
1.89	2.0	-21
2.20		

	_	
z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	4.3	- 3
2.80	4.7	3
Bottom (No.6)		
z m	D mm	λdeg
0	0.058	15
2.16	0.0381	18
<i>f</i> =	3.01	Hz









Fig. 39-(12)

(282)



			K		
z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	zm	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	7.0	91	2.49	10.3	- 1
0.51			2.80	12.8	-12
0.81			Bottom (No.6)	24.8	-41
1.21	2.4	51	z m	D mm	λ deg
1.54	3.2	-19	0	0.241	-10
1.89	6.0	-12	2.16	0.171	-11
2.20			f =	3.95	Hz









Fig. 39-(13)

(283)

I-2-4.20



z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
0.21	8.1	-76
0.51	2.4	-65
0.81	2.3	-63
1.21	3.2	- 45
1.54	3.4	34
1.89	7.4	-30
2.20		

g	z m	p g/cm²	γ deg
;	2.49	10.2	-22
5	2.80	12.9	-20
}	Bottom (No.6)	26.9	-60
;	z m	D mm	λ deg
l	0	0.324	-29
)	2.16	0.222	-28
-	<i>f</i> =	4.20	Hz









Fig. 39-(14)

56

(284)



z m	p g/cm²	γ deg
0.21	14.5	-105
0.51	6.0	-84
0.81	4.5	-75
1.21	5.6	-65

5.0

8.9

-57

-54

1.54

1.89

2.20

	z m	p ^{g/cm²}	γ deg
	2.49	12.7	-41
	2.80	19.5	-43
	Bottom (No.6)	62.9	-83
	zm	D mm	λ deg
	0	0.394	-60
	2.16	0.255	-66
	f =	4.88	Hz







·



Fig. 39-(15)



[z m	p ^{g/cm²}	γ de
[0.21	21.7	-11
ſ	0.51	7.2	-10

0.81

1.21

1.54

1.89

2.20

3.8 -91

5.7

5.3

8.7

-69

-64

-63

g	z m	p^{g/cm^2}	γ deg
5	2.49	10.0	- 56
5	2.80	18.7	-55
	Bottom (No.6)	72.1	-97
	z m	D mm	λ deg
	0	0.454	-74
	2.16	0.300	-82
	f =	4.93	Hz









Fig. 39-(16)

(286)



_			
z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	z m
0.21	36.9	-147	2.49
0.51	9.4	-137	2.80
0.81	4.4	-122	Bottor (No.6
1.21	4.1	-93	z m
1.54	3.6	-69	0
1.89	8.4	- 65	2.16
2.20			f =

;	z m	p g/cm²	γ deg
,	2.49	12.0	-43
'	2.80	16.8	55
	Bottom (No.6)	107.9	-151
	z m	D mm	λ deg
	0	0.590	-113
	2.16	0.323	-111
	f =	5.40	Hz







Fig. 39-(17)

(287)

I-2-5.44



			_
z m	p ^{g/cm²}	γ deg	z n
0.21	40.0	177	2
0.51	9.2	-178	2
0.81	3.3	-150	Bo (N
1.21	4.0	-72	z m
1.54	4.4	-59	
1.89	9.2	-63	2
2.20			,

	z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
	2.49	10.7	-49
	2.80	16.8	-50
	Bottom (No.6)	93.1	-167
	z m	D mm	λdeg
	0	0.500	-126
j	2.16	0.272	-129
	f =	5.44	Hz







Fig. 39-(18)

(288)



	z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	z m
	0.21	50.1	129	2.4
	0.51	10.3	136	2.8
ĺ	0.81	2.2	-155	Botto (No.
	1.21	5.9	-85	z m
	1.54	5.8	- 75	0
	1.89	13.3	- 77	2.1
	2.20			<i>f</i> =

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	18.7	-72
2.80	28.3	-71
Bottom (No.6)	99.1	149
zm	D mm	λ deg
0	0.477	165
2.16	0.263	-157
f =	5.71	Hz





Fig. 39-(19)

(289)



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	51.2	127
0.51	12.3	134
0.81	2.5	165
1.21	6.0	-92
1.54	6.5	-76
1.89	13.1	-81
2.20		

z m	p^{g/cm^2}	γ deg
2.49	18.5	-72
2.80	28.9	-75
Bottom (No.6)	99.0	148
z m	D mm	λ deg
0	0.442	-177
2.16	0.232	-167
<i>f</i> =	5.87	Hz







(290)



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	50.6	125
0.51	15.6	135
0.81	3.5	172
1.21	6.6	- 93
1.54	6.9	-82
1.89	14.6	-82
2.20		

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	19.8	-77
2.80	30.0	- 75
Bottom (No.6)	97.2	145
zm	D mm	λ deg
0	0.433	-174
2.16	0.221	-168
f =	5.93	Hz





Fig. 39-(21)

(291)



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	55.2	127
0.51	17.7	130
0.81	3.4	164
1.21	6.7	-92
1.54	7.7	-74
1.89	13.5	-79
2.20		

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	19.6	-79
2.80	30.3	-75
Bottom (No.6)	105.8	144
z m	D mm	λ deg
0	0.441	-176
2.16	0.220	-168
f =	5.94	Hz







Fig. 39-(22)

(292)



z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
0.21		
0.51	0.7	-30
0.81		
1.21		—
1.54		
1.89	2.2	- 4
2.20		

z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
2.49		
2.80	7.2	-19
Bottom (No.6)		—
z m	D mm	λ deg
0	0.0911	- 3
2.16	0.0650	- 2
<i>f</i> =	3.29	Hz









Fig. 39-(23)



z m	γ deg	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	zm
2.			0.21
2.	-73	2.6	0.51
Bot (No	-64	1.7	0.81
z m			1.21
	-50	3.1	1.54
2.	48	6.0	1.89
f			2.20

	z m	p ^{g/cm²}	γ deg
	2.49		
	2.80	15.4	-28
	Bottom (No.6)	24.6	-47
	zm	D mm	λ deg
	0	0.229	-51
	2.16	0.178	-63
	f =	4.30	Hz









Fig. 39-(24)

(294)



			_
z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	
0.21			
0.51	2.1	- 69	
0.81		—	
1.21			
1.54	3.8	-49	
1.89	5.7	-48	
2.20			

z m	$p^{ m g/cm^2}$	γ deg
2.49	—	
2.80	14.9	-32
Bottom (No.6)	28.2	-46
z m	D mm	λ deg
0	0.231	55
2.16	0.170	-60
f =	4.35	Hz









Fig. 39-(25)

67



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21		
0.51	6.0	-92
0.81	2.3	-99
1.21	2.6	-99
1.54	5.7	-77
1.89	10.3	- 75
2.20		

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49		
2.80	26.9	-61
Bottom (No.6)	46.5	-95
z m	D mm	λ deg
0	0.397	- 87
2.16	0.286	-104
<i>f</i> =	5.07	Hz







Fig. 39-(26)

(296)



z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	z m
0.21	5.9	-136	2.49
0.51	5.3	-106	2.80
0.81	3.0	-97	Botto (No.6
1.21			z m
1.54	6.9	81	0
1.89	10.7	- 75	2.16
2.20			f =

	The second se		
g	zm	p ^{g/cm²}	γ deg
6	2.49		
6	2.80	27.0	-64
	Bottom (No.6)	47.7	-87
	zm	D mm	λ deg
	0	0.419	-83
	2.16	0.298	- 98
	f =	5.10	Hz





Fig. 39-(27)

69

 $(\mathbf{297})$



zm	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	6.5	-126
0.51	6.0	-104
0.81	4.1	-96
1.21	4.7	-93
1.54	8.5	-88
1.89	10.7	-89
2.20		

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49		
2.80	31.1	-75
Bottom (No.6)	60.2	-100
z m	D mm	λ deg
0	0.429	-90
2.16	0.277	-111
f =	5.50	Hz











(298)



z m	p^{g/cm^2}	γ deg
0.21	13.0	-140
0.51	7.6	-120
0.81		
1.21	5.7	-109
1.54	8.2	-101
1.89	13.6	-104
2.20		

	z m	p ^{g/cm²}	γ deg
	2.49		
	2.80	35.5	- 101
i	Bottom (No.6)	61.5	-114
ĺ	z m	D mm	λ deg
	0	0.462	-108
	2.16	0.288	-127
	f =	5.77	Hz









Fig. 39-(29)

(**299**)



z m	p ^{g/cm²}	γ deg	2 1
0.21	13.2	-140	2
0.51	8.2	-128	2
0.81			Bo (N
1.21			2 1
1.54	8.6	-109	
1.89	13.7	-109	2
2.20			

zm	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49		
2.80	33.8	-103
Bottom (No.6)	67.1	-118
z m	D mm	λ deg
0	0.497	-107
2.16	0.296	-128
f =	5.90	Hz









Fig. 39-(30)

(300)


z m	p g/cm²	γ deg	z m
0.21	18.5	-140	2.49
0.51	9.5	-130	2.80
0.81	6.4	-122	Bottom (No.6)
1.21	8.2	-114	m
1.54	8.6	-112	0
1.89	12.8	-108	2.16
2.20	—		f =

eg	z m	$p g/cm^2$	γ deg
40	2.49		
30	2.80	35.3	-106
22	Bottom (No.6)	71.7	-118
14	zm	D mm	λ deg
12	0	0.522	-109
.08	2.16	0.304	-126
	f =	5.95	Hz





Fig. 39-(31)



z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
0.21		
0.51	1.9	-49
0.81	1.5	-55
1.21		
1.54	4.1	-52
1.89	6.0	-47
2.20		

z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
2.49	—	
2.80	16.8	-31
Bottom (No.6)	21.4	-47
z m	D mm	λ deg
0	0.276	-44
2.16	0.195	-56
f =	4.43	Hz











74

(302)



z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	
0.21			
0.51	2.2	-73	
0.81	2.2	-99	
1.21	6.1	-92	
1.54	5.9	-79	
1.89	11.2	-72	
2.20			

		Company of the local division of the local d
z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49		
2.80	30.1	-56
Bottom (No.6)	47.1	-83
z m	D mm	λ deg
0	0.435	- 79
2.16	0.189	- 96
<i>f</i> =	5.08	Hz





Fig. 39-(33)

(303)



z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
0.21	—	——
0.51	2.5	-105
0.81	2.9	-120
1.21	6.2	-105
1.54	8.0	- 99
1.89	12.6	-104
2.20	14.6	-85

z m	p^{g/cm^2}	γ deg
2.49	—	
2.80	34.6	-97
Bottom (No.6)	61.1	-122
z m	D mm	λ deg
0	0.487	-116
2.16	0.287	-127
f =	5.98	Hz





Fig. 39-(34)

76

(304)



o: Observed values ----: Empirical formula

77







	1 1 2	
z m	p g/cm²	γ deg
2.49	1.9	-158
2.80	2.2	179
Bottom (No.6)	21.4	-137
z m	D mm	λ deg
0	0.384	-117
2.16	0.246	-103
f =	4.88	Hz





(306)

Fig. 39-(36)



zm	p ^{g/cm²}	γ deg	z
0.21	—		
0.51	1.3	159	
0.81			E (
1.21	3.0	162	z
1.54	2.6	155	
1.89	2.7	153	
2.20			

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	2.4	153
2.80	2.1	174
Bottom (No.6)	25.8	175
z m	D mm	λ deg
0	0.421	-164
2.16	0.236	
f =	5.40	Hz









Fig. 39-(37)

(307)



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21		—
0.51	2.0	116
0.81	1.5	121
1.21	4.1	114
1.54	3.7	109
1.89	3.7	107
2.20	5.4	98

_			
	z m	p ^{g/cm²}	γ deg
	2.49	2.5	120
ſ	2.80	3.5	103
	Bottom (No.6)	28.9	142
	z m	D mm	λ deg
	0	0.513	148
	2.16	0.257	159
Γ	f =	5.72	Hz











80

(308)

.



			_
z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	
0.21		-	
0.51	2.5	59	
0.81	2.5	58	
1.21	4.8	54	
1.54	5.1	65	
1.89	5.0	55	
2.20			

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	3.3	56
2.80	4.8	68
Bottom (No.6)		
z m	D mm	λ deg
0	0.553	91
2.16	0.173	111
f = 1	5.85	Hz









Fig. 39-(39)

.

(309)



z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	
0.21			
0.51	1.9	121	
0.81	1.9	107	
1.21	3.6	113	
1.54	3.4	117	
1.89	3.7	109	
2.20	5.2	111	

z m	p^{g/cm^2}	γ deg
2.49	3.8	109
2.80	4.2	99
Bottom (No.6)	31.2	138
z m	D mm	λ deg
0	0.565	150
2.16	0.270	163
<i>f</i> =	5.93	Hz











•

(310)



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	8.5	-176
0.51	4.7	175
0.81	3.0	174
1.21	4.5	177
1.54	3.0	-177
1.89	4.2	-179
2.20		

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	5.7	-173
2.80	3.0	12
Bottom (No.6)	23.4	4
z m	D mm	λ deg
0	0.0946	10
2.16	0.0276	0
f =	5.53	Hz





Fig. 39-(41) Vertical distributions of earth pressures o: Observed values —: Empirical formula

(311)





zm	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
0.21	12.5	175
0.51	6.1	172
0.81	3.8	179
1.21	5.3	-174
1.54	3.9	- 165
1.89	5.2	-177
2.20		

z m	$p^{ m g/cm^2}$	γ deg
2.49	4.0	-169
2.80	2.0	- 7
Bottom (No.6)		
zm	D mm	λ deg
0	0.173	- 4
2.16	0.0557	-20
<i>f</i> =	6.83	Hz









Fig. 39-(42)

(312)



				_
, g/	m	g/cm²	γ deg	z m
9	0.21	9.7	-170	2.
8	0.51	8.9	-176	2.
7	0.81	7.3	176	Bot (No
8	1.21	8.9	178	z m
6	1.54	6.6	180	
8	1.89	8.8	168	2.
12	2.20	12.6	162	j

	zm	p^{g/cm^2}	γ deg
	2.49	10.5	178
	2.80	5.6	-47
	Bottom (No.6)	65.6	-25
	zm	D mm	λdeg
	0	0.439	-29
.	2.16	0.134	-45
1	<i>f</i> =	8.32	Hz









Fig. 39-(43)

85

(313)

II-2-5.15



z m.	p g/cm²	γ deg
0.21	9.4	175
0.51	3.2	176
0.81		
1.21	2.8	167
1.54	2.6	-169
1.89	2.6	171
2.20		

z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
2.49		_
2.80		
Bottom (No.6)	28.9	-13
z m	D mm	λ deg
0	0.0784	11
2.16	0.0289	- 6
<i>f</i> =	5.15	Hz







Fig. 39-(44)

86

(314)



z m	p ^{g/cm²}	γ deg	
0.21	12.9	172	
0.51	4.5	174	
0.81	4.0	-180	
1.21	4.5	152	
1.54	2.2	180	
1.89	2.4	170	
2.20			

z m	p g/cm²	γ deg
2.49	5.9	159
2.80	4.0	-16
Bottom (No.6)	17.4	-24
z m	D mm	λ deg
0	0.0815	-7
2.16	0.0275	-22
f =	5.40	Hz







Fig. 39-(45)

(315)

II-2-5.91



zm	p ^{g/cm²}	γ deg	z m
0.21	15.1	-173	2.49
0.51	4.8	-180	2.80
0.81	6.2	175	Botton (No.6)
1.21	6.4	177	z m
1.54	3.4	-179	0
1.89	3.9	170	2.16
2.20			f =

zm	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	4.3	169
2.80	1.5	-18
Bottom (No.6)	43.6	-19
zm	D mm	λ deg
0	0.119	-11
2.16	0.0414	-27
f =	5.91	Hz







88

(316)



z m	p ^{g/cm²}	γ deg	
0.21	32.3	-146	
0.51	14.5	-142	
0.81	9.0	-156	
1.21	7.2	164	
1.54	4.8	172	
1.89	6.0	156	
2.20			

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	6.8	130
2.80		
Bottom (No.6)	53.5	-76
z m	D mm	λ deg
0	0.140	-57
2.16	0.0502	-86
f =	6.73	Hz









Fig. 39-(47)

(317)

II-2-8.38



z m	p^{g/cm^2}	γ deg
0.21	54.1	174
0.51	22.5	174
0.81	14.4	-179
1.21	9.7	166
1.54	5.7	171
1.89	7.6	173
2.20		

z m	p g/cm²	γ deg
2.49		-
2.80	6.5	-10
Bottom (No.6)	9.7	-29
z m	D mm	λ deg
0	0.135	- 3
2.16	0.0312	-10
f =	8.38	Hz









Fig. 39-(48)

90



z m	$p \text{ g/cm}^2$	γ deg
0.21	74.5	152
0.51	26.8	150
0.81	19.8	168
1.21	16.7	169
1.54	11.0	-176
1.89	12.9	-169
2.20		

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	8.0	-133
2.80	9.8	-69
Bottom (No.6)	69.6	-11
z m	D mm	λ deg
0	0.407	-25
2.16	0.134	- 39
f =	10.4	Hz







Fig. 39-(49)

(319)



z m	p ^{g/cm²}	γ deg	
0.21	10.1	165	
0.51	6.5	171	
0.81	4.5	171	
1.21	7.5	163	
1.54			
1.89	5.0	167	
2.20	—		

z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
2.49	3.5	-167
2.80	3.5	-35
Bottom (No.6)	29.1	-18
zm	D mm	λ deg
0	0.115	- 6
2.16	0.0376	-18
f =	6.07	Hz





Fig. 39-(50)

92

 $(\mathbf{320})$

II-3-6.54



z m	$p^{ m g/cm^2}$	γ deg	4
0.21	13.7	168	
0.51	6.5	178	
0.81	4.1	173	
1.21	5.7	171	2
1.54	3.3	-168	
1.89	4.3	-179	
2.20			
	the second se		

		and the second s
z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
2.49	3.8	-166
2.80	2.6	-21
Bottom (No.6)		
zm	D mm	λ deg
0	0.121	-12
2.16	0.0375	-25
f =	6.54	Hz







Fig. 39-(51)

93

II-3-7.41



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	16.7	172
0.51	6.8	179
0.81	4.8	172
1.21	7.7	151
1.54	4.1	174
1.89	5.3	-178
2.20		

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	2.5	-140
2.80	5.0	-34
Bottom (No.6)	46.8	-21
z m	D mm	λ deg
0	0.195	-15
2.16	0.0633	-28
<i>f</i> =	7.41	Hz









.

Fig. 39-(52)

(322)



z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	
0.21	25.5	-164	
0.51	13.3	-162	
0.81	8.7	-171	
1.21	11.7	169	
1.54	8.8	175	
1.89	9.5	175	
2.20			

	z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
	2.49	6.2	-179
	2.80	4.9	- 78
	Bottom (No.6)	59.0	-52
	z m	D mm	λ deg
	0	0.287	-47
	2.16	0.115	- 7
1	f ==	8.40	Hz







Fig. 39-(53)

 $(\mathbf{323})$

II-3-9.63



	z m	p ^{g/cm²}	γ deg	2
	0.21	42.3	-177	
	0.51	22.9	-178	
	0.81	16.0	180	F (
ĺ	1.21	19.9	169	z
	1.54	13.0	174	
	1.89	14.2	167	
	2.20			
		And a support of the support		

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	10.4	160
2.80		
Bottom (No.6)	39.8	-77
z m	D mm	λ deg
0	0.193	-50
2.16	0.069	-80
f =	9.63	Hz









Fig. 39-(54)

96

 $(\mathbf{324})$



z m	$p g/cm^2$	γ deg
0.21	9.5	171
0.51	5.8	168
0.81	4.2	166
1.21	8.8	169
1.54	4.9	170
1.89	5.5	172
0.00		

2.20

z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
2.49	2.3	-150
2.80	2.5	-14
Bottom (No.6)	21.8	- 2
z m	D mm	λ deg
0	0.138	- 2
2.16	0.0443	-11
f =	6.07	Hz



,







Fig. 39-(55)

(325)



zm	p g/cm²	γ deg	
0.21	13.9	163	
0.51	10.1	170	
0.81	8.0	165	
1.21	15.1	160	
1.54	8.6	175	
1.89	9.1	172	
2.20			

z m	$p^{\mathbf{g/cm^2}}$	γ deg
2.49	2.6	180
2.80	5.5	-48
Bottom (No.6)	55.1	-21
z m	D mm	λ deg
0	0.354	-22
2.16	0.114	-37
f =	8.0	Hz









Fig. 39-(56)

(326)



z m	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	21.9	173
0.51	16.6	176
0.81	13.0	172
1.21	22.6	174
1.54	14.1	175
1.89	15.9	173
2.20		

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	5.6	173
2.80	3.5	-155
Bottom (No.6)	63.6	- 59
z m	D mm	λ deg
0	0.459	-58
2.16	0.166	-81
f =	10.1	Hz





99

(327)

II-4-14.0



z m	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg	
0.21	30.0	156	
0.51	27.5	149	
0.81	35.0	128	
1.21	30.9	123	
1.54	25.0	122	
1.89	39.3	111	
2.20	—		

zm	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	13.3	92
2.80	15.3	17
Bottom (No.6)	98.0	-81
z m	D mm	λ deg
0	0.734	-90
2.16	0.257	-124
f =	14.0	Hz









Fig. 39-(58)

100

(328)



o: Observed values ----: Empirical formula

p g/cm²

3.3

2.2

31:9

D mm

1.19

0.388

4.03

-90

d

γ deg

-68

-74

λdeg

-49

-53

Hz

0



z m	p ^{g/cm²}	γ deg	
0.21	2.6	-135	
0.51	3.9	-126	
0.81	5.4	-128	
1.21	5.8	-125	
1.54	6.7	-125	
1.89	6.9	-126	
2.20			

	zm	$p^{\mathrm{g/cm^2}}$	γ deg
	2.49	4.0	-136
	2.80	4.8	-121
	Bottom (No.6)	36.2	-41
	zm	D mm	λdeg
	0	1.35	-99
	2.16	0.450	-109
	f =	4.50	Hz













102

(330)



zm	p ^{g/cm²}	γ deg
0.21	3.0	-141
0.51	5.3	-136
0.81	6.3	-128
1.21	7.2	-131
1.54	7.1	-128
1.89	7.7	-134
2.20		

zm	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	4.7	-139
2.80	4.2	-148
Bottom (No.6)	36.5	-67
z m	D mm	λ deg
0	1.16	-109
2.16	0.394	-117
f =	5.02	Hz









Fig. 39-(61)

103

(331)



zm	p ^{g/cm²}	γ deg	z m
0.21	2.6	-169	2.49
0.51	6.3	153	2.80
0.81	6.8	-154	Botton (No.6
1.21	8.4	-154	z m
1.54	7.8	-155	0
1.89	8.5	-153	2.16
2.20	9.9	-168	f =

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	5.0	-162
2.80	6.3	-159
Bottom (No.6)	27.4	—5 8
zm	D mm	λdeg
0	0.855	-130
2.16	0.302	140
<i>f</i> =	6.0	Hz











Fig. 39-(62)



z m	p g/cm²	γ deg
0.21	3.7	-174
0.51	7.3	-160
0.81	8.8	-170
1.21	10.1	-173
1.54	8.9	-168
1.89	10.6	177
2.20	12.9	-174

z m	p g/cm²	γ deg
2.49	8.9	179
2.80	8.2	177
Bottom (No.6)	27.2	- 42
m	D mm	λ deg
0	0.557	-144
2.16	0.217	-153
f =	8.04	Hz





Fig. 39-(63)

105

II-5-10.1



	zm	p g/cm²	γ deg	
	0.21	5.0	165	
	0.51	10.0	169	
1	0.81	12.3	163	
	1.21	14.3	161	
	1.54	15.0	156	
	1.89	17.1	155	
	2.20	11.9	159	

z m	p ^{g/cm²}	γ deg
2.49	12.6	142
2.80	13.6	146
Bottom (No.6)	31.2	-44
zm	D mm	λ deg
0	0.434	-138
2.16	0.208	-158
f =	10.1	Hz











(334)



z m	p g/cm ²	γ deg
0.21	6.2	178
0.51	13.3	173
0.81	16.8	172
1.21	19.7	160
1.54	19.3	159
1.89	23.4	149
2.20	23.9	162

z m	$p \text{ g/cm}^2$	γ deg
2.49	19.9	146
2.80	17.3	149
Bottom (No.6)	56.1	-20
z m	D mm	λ deg
0	0.402	-131
2.16	0.213	- 163
f =	12.1	Hz





Fig. 39-(65)

107

0 Д

Fig. 40-(1)~(9) は Eq. (27) の八つの係数を, Fig. 40-(10) は Eq. (24) の六つの係数を振動数 f に対してプロットしたものである。そのときの次数 n の値は Table 3 に示されている。


Fig. 40-(1) Frequency responses of the coefficients in Eq.(27)

(337)

110





















(338)

I-3











5 ƒ (Hz)

6

2

0<u>3</u>

4

ر س) عر







111

(339)

I-4



















(340)





















Fig. 40-(6)

(342)



Fig. 40-(7)

(343)

II-3







8 f (Hz)

9





;







(344)

2

2 عرب (س) 2 عرب (س)

> 0**L** 6

7

II-4



Fig. 40-(9)





Ę

Fig. 40-(10) Frequency responses of the coefficients in Eq.(24)

(346)