

察によっても妥当な結果であったと言うことができよ う。

# 3.5 残留応力測定への応用

以上で磁束密度が塑性ひずみに関係なく,応力によって一義的に定まることを明らかにし,炭素鋼の磁気 ひずみ効果が,フェライトの磁気ひずみ効果として理 解できることを考察した。本節では,この結果を用い る残留応力測定の可能性について考える。

まず、この方法で求められるのは、断面についての 平均的応力であることに注意しなければならない。断 面上で変化する応力の分布状態は求めることができな い。本章の原理によって求められる断面上で一様な応 力および変化する場合には平均的応力の測定法は、次 のようになる。

磁束密度はある一定バイアス中では

 $B=B_0+\Lambda\sigma$ 

で与えられる。 $\sigma$  を測定するためには, B および  $B_0$ を測定する必要がある。そのためには,磁気ひずみ感 度および磁気ヒステリシス環線を求めるための図 3-1 に示された装置を用いればよい。応力がまったくない と思われる標準試験片について B-H 曲線および感度 Aを求め,つぎ応力を求めようとする試験片について B-H 曲線を求める。実際の測定では  $\Lambda \sigma \ll B_0$  である ので,測定誤差が大きく入って来ることが予想され, 適当な差動測定方式を考える必要がある。この問題に ついては本論文は立入らないが,標準試験片のバイア ス磁東密度  $B_0$ について簡単に述べておく。

一定バイアスでの磁束密度は、組成、組織、加工等



図3-21 バイアス磁束密度と炭素量

によって変化する。同じロットに属している試験片で あっても,被測定材が標準試験片とまったく同じ磁気 特性を持っていることはあり得ない。図 3-21 は,0.6 %Cまでの炭素鋼の下降曲線上の 180 Oe における磁 東密度の測定結果である。図中に  $\pm 10 \text{kg/mm}^2$  の応 力による磁気ひずみ出力の幅を記入してある。たとえ ば,機械構造用鋼 S20 Cでは,規格によって炭素量が 0.15% < C < 0.25% があることが規定されている。こ れは,応力換算で  $\pm 4 \text{ kg/mm}^2$  の範囲に相当する。 すなわち,炭素量が正確に知られていない場合でも誤 差は  $4 \text{ kg/mm}^2$  以下である。同じロットの標準試験 片を用いれば,誤差は  $\pm 1 \text{ kg/mm}^2$  程度におさえら れることが同図より推定できる。

このようにして、断面について一様な残留応力はか なり精度よく測定できるが、一般の残留応力は平均応 力が0となるものが多い。また、測定したい残留応力 が、平均応力ではなく、強度に密接な関係のある表面 近くの応力分布状態であることが多い。このような目 的には、本章の方法はまったく無力であって、次章以 上で述べる交番磁界の表皮効果を利用する方法によら なければならない。

### 3.6 結言

炭素量0~0.8%の範囲の炭素鋼のバイアス磁界中での磁気ひずみ効果の実験よりつぎの結果を得た。

炭素鋼の磁気ひずみ効果も最も基本的なものとして、バイアス中の磁東密度の応力による変化について 次の基本式を得た。

 $B=B_0+\Lambda\sigma$ 

(96)

ここで,  $B_0$ , Aはバイアス磁界の関数であり, 材料に よって変化する。70kg/mm<sup>2</sup>の範囲では, Aは一定 であり, この関係式は  $\sigma$  についての1次式となる。Aは負であり, Bは引張応力により減少する。

磁気ひずみ感度  $\Lambda$  は、主として炭素量によって定 められる。 $\Lambda$ をバイアス=0 に外挿した感度  $\Lambda_0$  につ いては、炭素量 C についての1次式

*A*<sub>0</sub>=-42.0+20.9C±1.0 kg/mm<sup>2</sup> が得られた。共析鋼で40%の感度低下となる。

塑性域における実験より, $B_0$  および A に対する塑 性ひずみの影響は比較的小さいことを示した。0.62% の高炭素鋼では,A は加工によって30%減少したが, 0.2%以下の低炭素鋼では±5%以下の変化であった。 これに反し, $B_0$  は,30%の 塑性ひずみによってもほ とんど影響を受けなかった。 $B_0$  が一定であると見な したことによる残留応力測定の誤差は±3 kg/mm<sup>2</sup>で ある。

次に,実験結果について考察を行った。まず,炭素 量による感度の減少を,パーライト結晶粒のセメンタ イト板とフェライトの層状組織による静磁エネルギに よって定性的に説明した。

塑性変形が進んだ領域でも、バイアス磁束密度が塑 性ひずみの影響を受けないという実験事実を、転位に よるミクロストレスによって説明した。

本章の方法は,被測定物の残留応力が断面上で一様 なときにのみ適用できる。深さ方向に大きさの変化す る一般の残留応力の測定には,次章以下で述べる交番 磁界の方法によらなければならない。

#### 第4章 交番磁界による応力測定

#### 4.1 緒言

前章では, 直流バイアス磁界中の磁気ひずみ効果を 測定し, 炭素鋼の磁束密度は, 塑性ひずみ に 無関係 で, 応力のみの関数であることを示した。この結果を 用い一様な残留応力を測定することができる。しかし ながら,工学的に問題になる残留応力は,深さ方向に 分布を持っていることが多いので,この方法では原理 的に測定できない。本章では,表面近くの残留応力分 布を求めるため,交番磁界の表皮効果を利用する方法 についての基礎実験を述べる。

この方法は、導体中のきずによる渦流の乱れによっ て、きずの検出を行う電磁誘導検査法または渦流検査 法<sup>45)</sup>と呼ばれている方法に似ている。丸棒に巻いたコ イルのインダクタンスを測定するとき、使用周波数が 非常に低いときには、交番磁界は丸棒の中心まで及ぶ ので、断面全体の透磁率の平均によってインダクタン スがきまる。非常に高い周波数では、磁界は表面だけ に浸透するので、表面の透磁率だけでインダクタンス がきまる。中間の周波数では、断面上の各点のある重 み付き平均によってインダクタンスが与えられる。こ のようにしていくつかの周波数において測定を行え ば、透磁率の分布に関する情報が得られる。表皮効果 についての詳細は次章以下にゆずり、本章では、その 基礎となる透磁率と応力の関係を求めることにする。

透磁率と応力との関係は、第2章で見た通り、磁束 密度と応力との関係に似た1次式であることが予想さ れる。また、高磁界では、透磁率および透磁率に関す る磁気ひずみ感度に対する塑性ひずみの影響は小さい ものと予想される。本章では、炭素鋼の高磁界におけ る可逆透磁率と応力の関係を求め、交番磁界による残 留応力測定法の基礎とする。

#### 4.2 実験方法

#### 4.2.1 測定原理

一定直流バイアス磁界 *H* 中にある炭素鋼に応力 *σ* を与えると,その磁束密度 *B* は

$$B = B_0 + \Lambda \sigma \tag{4.1}$$

で与えられる。 この状態で小振幅の磁界 h を加える と、(4.1) に対応して、可逆透磁率 μr について

$$\mu_r = \mu_{r_0} + \Lambda_r \sigma \tag{4.2}$$

が得られる。(4.1)と(4.2)の定数の間には

$$\mu_r = \frac{\partial B}{\partial h} \tag{4.3}$$

$$\mu_{r_0} = \frac{\partial B}{\partial h} \tag{4.4}$$

$$\Lambda_r = \frac{\partial \Lambda}{\partial h} \tag{4.5}$$

の関係がある。  $\mu$ ro が普通の 意味 の 可逆透磁率であ る。 $\mu$ r は、h として小振幅の交番磁界を用い、 交流 ブリッジによって求めることができる。その方法は、 渦流検査法の原理とほとんど同じである。

無限長ソレノイドと見なしてよいコイルの中に磁性 体を入れたときのインダクタンス L は, 空心のとき のインダクタンス  $L_0$  を用い

$$L = L_0(1 - \eta + \eta \mu_{obs}) \tag{4.6}$$

であらわされる。η は充塡率であって,磁性体の断面 積 S とコイルの断面積 S との比

$$\eta = \frac{S}{S_0} \tag{4.7}$$

である。 $\mu_{eff}$ は Förster<sup>45)</sup>によって定義された,測定周波数の関数であって、ある周波数で測定した透磁率  $\mu_{obs}$ は、 $\mu_{eff}$ とその材料の透磁率  $\mu_{rel}$ とを用いて

 $\mu_{obs} = \mu_{eff} \mu_{rel}$  (4.8)  $\sigma_{bb} = \sigma_{cs} + \sigma_{bs} + \sigma_{cs} + \sigma_$ 

$$\mu_{rel} = \frac{\mu_{obs}}{\mu_{eff}}$$
$$= \frac{L - L_0}{\eta} + \eta \frac{1}{\mu_{eff}} \qquad (4.9)$$

が得られ, µrel を求めることができる。

μeff は、試験片が長い丸棒であって、 コイルが無 限長ソレノイドである場合には

$$\frac{f}{f_g} = 2\pi f \mu_{rel} \sigma R^2 \tag{4.10}$$

であらわされる  $f|f_g$  だけの関数として 計算されている。 $f_g$  は限界周波数 (limit frequency) と呼ばれている。ここで

σ:電気伝導度

R:磁性体丸棒の半径

f: 測定周波数

である。μοδε は本来複素数であり, 複素数として測 定することができるが, *L* を通常の意味のインダクタ ンスとすれば実数となる。これに対応して μeff も実 数部分を取ればよい。その場合には

$$\mu_{rel} = \frac{\mu_{obs}}{\mu_{eff(real)}} \tag{4.11}$$

となる。

実際に  $\mu obs$  より  $\mu rel$  を求めるには, 次のように した<sup>46)</sup>。 $\mu rel$  を比透磁率,  $\sigma \in (\mu \Omega_{Cm})^{-1}$ , 直径  $D \in$ mmであらわせば, 限界周波数  $f_g$  は

$$f_g = \frac{5066}{\mu_{rel}\sigma D^2} \tag{4.12}$$

となる45)。そこで、(4.11) と(4.12) より

$$\mu_{obs} = \mu_{rel} \mu_{eff(real)}$$
$$= \frac{5066}{f_{\sigma} D^2} \frac{f}{f_{\sigma}} \mu_{eff(real)} \qquad (4.13)$$

が得られる。(4.13)の右辺は、 $f/f_g$ のみの 関数となるので、 $\mu_{obs}$ の 測定値より  $f/f_g$  が求まり、さらに (4.12)より  $\mu_{rel}$  が計算できる。

本章の実験は,表皮効果 µeff による補正が小さく てすむように,測定周波数は 1000Hz とした。この場 合の補正は 8 mmの試験片で10%程度である。

このようにして求められた  $\mu$ rel は (4.2), (4.3)

における可逆透磁率  $\mu r$ ,厳密には、比可逆透磁率  $\mu r$ と同じものである。磁束密度の測定の場合と異なり、 磁気ひずみ効果は、段階的に試験片に荷重を加えて、 そのときの透磁率を静的に測定することができ、実験 が容易である。

4.2.2 測定装置

インダクタンスの測定には、マクスウエルブリッジ (安藤電気製AE-7AE型)を用いた。ブロック図 を図4-1に示す。直流コイルは、第3章のものより高 磁界が得られる長さ240mmのソレノイドコイルを用 いた。コイルの中央における磁界は

H=460*i* Oe (*i*:磁化電流(A)) (4.14)



図 4-1 実験装置のブロック図

であって,最大 920Oe の磁界が得られる。

磁界の一様な部分は,中央約 100mm である。交流 コイルの長さは 100mm,巻数 933 回,空心インダク タンスは 0.871mH であった。

交流コイルには、低周波発振器より 1000Hz, 1mA の電流を流した。交番磁界の大きさは 0.15 Oe (波高 値) である。ブリッジ出力は、増幅器、フィルタを通 し、不平衡電圧をシンクロスコープで観察しながら平 衡を取る。測定精度は  $\pm 2 \mu$ H であった。マクスウェ ルブリッジは、抵抗分も測定できるが、測定精度がイ ンダクタンス分にくらべ悪く、また、直流コイルの発 熱、室温の変化が交流コイルの巻線抵抗に影響を与え るので利用しなかった。

荷重試験機と直流コイルを写真4-1に,測定器を写 真4-2に示す。電気伝導度は実測値を用いた。塑性ひ ずみは,第3章と同様,読取り顕微鏡で測定した。

4.2.3 試験片

試料は、0.10%Cおよび0.40%Cの磨棒鋼よりスト レートの試験片を旋盤加工によって製作した。その化 学成分を表 4-1 に示す。寸法は、図 4-2 に、交流コイ

(98)



写真 4-1 荷重試験機と直流コイル

ルをはめた状態を写真 4-3 に示す。各試験片は650°C で2時間焼きなましを基準とし、つぎにこれに塑性ひ

ずみを段階的に局部収縮が生じるまで与え,そのたび に測定を繰返した。



図 4-2 試験片の形状, 寸法

表 4-1 試料の化学成分 (%)

| 試料     | C    | Si    | Mn   | Р     | S     |
|--------|------|-------|------|-------|-------|
| S10C   | 0.10 | trace | 0.41 | 0.007 | 0.028 |
| S 40 C | 0.40 | 0. 25 | 0.48 | 0.009 | 0.022 |

# 4.3 実験結果

炭素鋼の可逆透磁率に対する磁気ひずみ効果を,弾 性域および塑性域で測定した。測定項目は,磁気ひず み効果の直線性,バイアス可逆透磁率  $\mu$ ro,磁気ひず み感度 Ar, これらの量のバイアス依存性および加工 度依存性等である。また参考のために,磁気ヒステリ シス環線より保磁力を求め,塑性ひずみとの関係を求 めた。

# 4.3.1 透磁率と応力の関係式

可逆透磁率と応力の関係式, (4.2)  $\mu r = \mu r_0 + \Lambda r \sigma$ 



写真 4-2 測定装置



写真 4-3 試験片と交流コイル

を確かめるために、試験片を焼きなましの状態より局 部収縮が起るまでの塑性ひずみを与えて、各段階ごと に  $\mu_r - \sigma$  の関係を求めた。応力は、 各試験片の降伏 点まで与えた。結果の一部を図 4-3 に示す。この結果 より (4.2) が近似的に成立していることがわかった。 直線性は、磁束密度に関する

 $B=B_0+\Lambda\sigma$ 

の場合よりやや悪い。 $B_0$ が塑性ひずみによってほとんど影響されないのに反し、 $\mu_{r0}$ については、かなりはっきりと塑性ひずみの影響が観測された。これを図

4-4 に示す。また,非直線性を図 4-5 に示す。

磁気ひずみ感度は非常に大きく、0.05kg/mm<sup>2</sup>の応 力変化を容易に検出することができた。実験中の測定 値の再現性も同程度であり、測定精度の点からも磁束 の測定による方法よりすぐれている。

# 4.3.2 バイアス可逆透磁率 µro

バイアス可逆透磁率  $\mu_{r0}$  のバイアス依存性を図 4-6 に示す。また、 $\mu_{r0}$ を炭素量についてあらわしたもの が図 4-7 である。 $10 \text{kg}/\text{mm}^2$  に対する  $\mu_r$  の変化を 図中に記入した。塑性ひずみの影響は、 $B_0$  に対する



図 4-3 透磁率と応力の関係

(100)





ものより大きく,バイアス磁界に対して複雑な変化を する。低磁界では,塑性ひずみはμroを減少させ,高 磁界では増加させる傾向があり,500Oe付近で逆転す る。したがって,応力測定をこのバイアス範囲で行え ば,塑性ひずみの影響が比較的小さくてすむ。

### 4.3.3 磁気ひずみ感度 Ar

磁気ひずみ感度  $A_r$  のバイアス依存性を図 4-8 に示 す。 $A_r$  は正であり、可逆透磁率は引張によって増加 する。その最大は 500 Oe 付近にあり、0.05/kg/mm<sup>2</sup> 程度である。これらは第2章に述べた理論とよく一致 する。相対磁気 ひずみ感度  $P_r = A_r/\mu_{r0}$  は、やはり 500 Oe 付近に最大があり、2%/kg/mm<sup>2</sup> 程度であ って、磁束密度についての相対感度  $A/B_0$  にくらべほ ぼ1桁大きい。この実験で観測されたもっとも大きい 変化は、0.4%Cの試験片で 34.5kg/mm<sup>2</sup> の引張応力 に対し、460 Oe において43%、522 Oe において41% であった。前者では非直線性は±1%以下、後者では わずか上にそっていて約±3%であった。

塑性ひずみの影響は、 $\mu_{ro}$ に対するものと同様に複 雑である。感度が最大となるバイアスではかなり大き な感度低下が起る。たとえば、0.10% Cの試験片では 460 Oe で感度低下が起る。それより低いバイアスお よび高いバイアスでは、逆に塑性ひずみによって感度 が増加する。0.40% Cの試験片では、加工材の感度最 大のバイアスが、焼きなまし材の最大のバイアスと一 致せず、ピークが低バイアス側にずれる。そのため、 高バイアス領域まで感度が低下する。このように  $\mu_{ro}$ と  $\Lambda_r$ では、塑性ひずみの影響が小さいバイアス領域 が一致しないので、応力測定の誤差を小さくするため には、総合的に考えなくてはならない。





# 4.3.4 圧縮に対する磁気ひずみ効果

圧縮応力に対する磁気ひずみ効果の実験は、棒状試 験片が低応力で座屈するために困難である。しかし, 大体のことをつかんでおく必要があるので,図4-9に 示す方法で圧縮試験を行った。試験片の中央部にひず みゲージをはり,曲げが入らないように監視しながら 約 18kg/mm<sup>2</sup> の圧縮応力を加えることができた。試 験片は,SS34で,化学成分を表4-2に示す。加工材 およびこれを650°Cで2時間焼きなましたものについ て実験した。引張応力についても実験した。

### 表 4-2 試料の化学成分(%)

0%

1000

9.9 10.4

| 試料     | С     | Si    | Mn   | Р     | S    |
|--------|-------|-------|------|-------|------|
| S S 34 | 0. 13 | <0.01 | 0.62 | 0.014 | 0.02 |

結果を図4-10に示す。 $\pm 20 \text{kg/mm}^2$ の範囲で,正 負両方とも比較的よいのは 460 Oe 付近である。 $\pm 10$ kg/mm<sup>2</sup>の範囲で感度を求めたものが図4-11である。 引張および圧縮についての感度は,傾向は一致してい るが 460Oe のピーク 以外ではかなり違うので,この



図 4-8 磁気ひずみ感度とバイアス

(103)







図4-11 引張圧縮に対する磁気ひずみ感度

点からもこのピークを利用するのが有利である。

焼きなまし材について、磁束密度の変化および感度 Aを引張圧縮について求めたものが図4-12および図4-13である。直線性は、Bの方が  $\mu$ r よりよく、Aの正 負の応力での値の差は Ar より小さい。

# 4.4 考察

前節の実験によって、バイアス可逆透磁率と磁気ひ ずみ感度およびこれらに対する塑性ひずみの影響をつ かむことができた。残留応力測定法の基礎法則として

# $\mu_r = \mu_{r_0} + \Lambda_r \sigma$

を使うことができる。そこで問題になるのは, 塑性ひ ずみの影響がかなり大きいことである。この点につい てさらに詳しい検討を加える。

# 4.4.1 塑性ひずみの影響

可逆透磁率と磁気ひずみ感度に対する塑性ひずみの 影響は、磁束密度の場合より大きい。また透磁率の測 定精度が磁束密度の場合よりよいため、塑性ひずみ

$$\epsilon_p$$
の影響を詳しくしらべることができる。  
 $\mu_{r_0}$ に対する影響を見るために,磁化率  $\chi_0$ 

$$\chi_0 = \mu_{r_0} - 1 \tag{4.15}$$

用いる。磁化率の変化の割合 Δχ₀/χ₀

$$\frac{\Delta\chi_0}{\chi_0} = \frac{\chi_0(\varepsilon_p) - \chi_0}{\chi_0} = \frac{\mu_{r_0}(\varepsilon_p) - \mu_{r_0}}{\chi_0} \qquad (4.16)$$

を計算し、 $\epsilon_p$  に対して示したものが図 4-14 である。  $\chi_0(\epsilon_p)$  および  $\mu_{r_0}(\epsilon_p)$  は、 $\epsilon_p$  を与えたときの磁化率 および透磁率である。

磁気ひずみ感度についても相対変化を

$$\frac{\Delta \Lambda_r}{\Lambda_r} = \frac{\Lambda(\varepsilon_p) - \Lambda_r(0)}{\Lambda_r}$$
(4.17)

で求めたものが図4-15である。

 $A_{\chi_0}/\chi_0$  および  $A\Lambda_r/\Lambda_r$  は、ほぼ ±20% の範囲に入っている。さらに注目すべきことは、これらの変化が約  $\epsilon_p = 5\%$  までに大部分が起り、それ以上の塑性ひずみに対しては飽和の傾向を示すことである。

Keh<sup>44</sup>の電顕観察による測定によれば、純鉄の転位

(105)





(106)



図4-15 塑性ひずみによる磁気ひずみ感度の相対変化

密度は加工度とともに増加するが、 $\epsilon_p = 10%$ 程度で飽 和の傾向を示す。また、降伏応力  $\sigma_y$ もまた同様の傾 向を示し、転位密度 N との間には

 $\sigma_y = 7.2 + 1.99 \times 10^{-3} \sqrt{N} \text{ kg/mm}^2$ の関係が成立する。  $\sigma_y$  および  $N \ge \epsilon_p \ge$ の関係についての Keh の結果を図4-16,図4-17 に示す。 $\mu_{r0}$ および  $\Lambda_r$ の変化が塑性ひずみに伴う転位密度の増加



図4-16 降伏応力と塑性ひずみの関係 (A. S. Keh)

によって引き起されると考えるならば,図4-14および 図4-15の結果が説明される。

いままで、磁気ひずみ効果を炭素鋼の応力測定に利用するために、高バイアス磁界での磁気ひずみ効果は 構造敏感性を持たないという立場を取って来たが、細 かく見れば、このような効果が現れる。塑性ひずみの 影響は、感度で約16%の減少、零点をきめる  $\mu_{r0}$  で応 力換算 ±3kg/mm<sup>2</sup> 程度の誤差を生じ、応力測定の 場合には無視できない。

これらの影響は *εp* とかなり強い相関を持っている ので、何等かの方法で *εp* の推定ができれば、これら



図4-17 転位密度と塑性ひずみの関係 (A. S. Keh)



図4-18 保磁力と塑性ひずみの関係

の誤差を大きく減少させることができる。非破壊的に 測定可能な物理量として、やはり磁気測定より得られ る保磁力が考えられる。Precht<sup>47</sup>は、引張、圧縮、ね じり、圧延による塑性加工による磁気的性質の変化を 詳しく研究し、純鉄の保磁力は転位密度の平方根に比 例するとしている。

ヒステリシス環線より求めた0.10% Cおよび0.40% Cの試験片の保磁力  $H_o$  と  $\varepsilon_p$  の関係を図 4-18 に示 す。 $H_c$  は、どちらの試料でも  $\varepsilon_p = 3$ % まで急激に 増加し、それ以上の  $\varepsilon_p$  に対しては徐々に増加する。  $\varepsilon_p > 5$ %でも、 $H_c$  より  $\varepsilon_p$  が推定できるが、多くの 試験片についてばらつきを測定していないので、確実 なことは言えない。しかし、5%以上の加工を受けて いるかどうかの判定は可能であり、このことを考慮す れば誤差を大幅に減少させることができる。

#### 4.4.2 誤差

応力測定における誤差としては,つぎの三つのもの が考えられる。

- 1. 測定器による誤差
- 2. 材料のばらつきによる誤差

3. 磁気ひずみ効果自身に含まれる誤差

測定器の精度,再現性は 0.05kg/mm<sup>2</sup> 程度であっ て,第1の誤差は,他の二つの誤差にくらべ無視でき る。2番目の誤差は,組成,加工,寸法等のばらつき によるもので,補正できるものとそうでないものとが ある。一般には,その材料の大体の性質を知るだけで 誤差なく測定できるのが理想であろう。3番目の誤差 は,磁気ひずみ効果の法則自身に含まれている誤差 で,非直線性,ヒステリシス等をさす。すべての因子 は μro および *Ar* の両方に影響する。 (1) 炭素量による誤差

炭素鋼中の化学成分で最も磁気ひずみ効果に影響を 与えるのは炭素である。 $\mu_{r0}$ に対する影響は、図 4-7 より求められる。応力測定に適当な バイアスは、368 ~522Oe の範囲である。炭素量の変化 *AC* により生 じる  $\mu_{r0}$ の誤差は応力換算であらわせば

 $\Delta \mu_{r_0} = -81 \Delta C \text{kg} / \text{mm}^2 (368 \text{Oe})$ 

 $=-46 \Delta C kg/mm^{2}(460 Oe)$ 

 $= -14 \Delta C_{kg}/mm^{2}(522Oe)$ 

となる。感度の誤差を相対誤差であらわせば

 $\Delta \Lambda_r / \Lambda_r = -25 \Delta C \% \qquad (368 \text{Oe})$ 

=-1104C% (4600e)

 $=-173 \Delta C\%$  (522Oe)

である。たとえば、460Oe において標準試験片より 炭素量が0.05%多かったとすれば、見掛けの応力  $\sigma_{obs}$ は、真の応力  $\sigma$  とつぎの関係にある。

 $\sigma_{obs} = \sigma - 0.06\sigma - 2.3 \text{kg} / \text{m} \text{m}^2$ 

この式より 20kg/mm<sup>2</sup> の 引張応力 に 対する誤差 は、-3.5kg/mm<sup>2</sup> となる。炭素量が ±0.01% 程度 でわかっていれば、誤差は±1kg/mm<sup>2</sup>以下となる。

(2) 塑性ひずみによる誤差

塑性ひずみによる誤差は、前節に述べたように、保 磁力の測定等で加工状態を推定することによりかなり 減少させることができる。本章の実験に用いた0.10% Cおよび0.40%Cの試験片それぞれ2本は、それぞれ が同じロットに属しており、組成はほぼ等しいと思わ れる。この試験片についての測定結果を *ep*<4% お よび cp>4% に分けてプロットしたのが図4-19であ る。ACは加工度がまったく不明としたときの誤差, ABおよびBCは塑性ひずみがそれぞれ *ep*<4% ま たは  $\epsilon_p > 4\%$  であると判定された と きの 誤差であ る。誤差ACにくらべ、ABおよびBCは、ほとんど 半分である。この誤差には、2本の試験片のばらつき による誤差を含んでいる。各バイアスごとに、このよ うにして求めた誤差ACおよびBCを図4-20に示す。 0.10%Cでも0.40%Cでも, 誤差は 500Oe 付近で小 さくなり、加工材ではBCは0.10%Cで1.8kg/mm<sup>2</sup>、 0.40%C で 3.0kg/mm<sup>2</sup>となる。また 試験片間の差 を取除いた1本ごとの塑性ひずみによる誤差を図4-21 に示す。εp が不明でも 2~3kg/mm<sup>2</sup>以下,加工材で あることが判明したときにはその半分となる。しか し、試験片ごとのばらつきは当然あるので図4-20で示 す誤差は避けられないであろう。

(3) 寸法による誤差

寸法による誤差は、半径が正確に測定できるので、 計算によって取除くことができる。 $8 \text{ mm}\phi$ の試験片 とこの2倍の断面積を持つ11. $3 \text{ mm}\phi$ の試験片で、表 皮効果の補正をして得られた  $\mu_{r0}$ の値には、試験片間



4.5

0.40 % C

図4-19 透磁率一応力曲線の塑性ひずみによる変化

のばらつき以上の差はなかった。非常に寸法のちがう 試験片については,別に校正を行う方がよい。

(4) 非直線性による誤差

非直線性による誤差は、本質的なものである。一様 な応力を測定する場合には、 $\mu_r - \sigma$  曲線をそのまま校 正曲線として用いればよいが、深さ方向に応力こう配 がある場合は補正はほとんど不可能である。この誤差 をへらすためには、できるだけ直線性のよいバイアス 磁界を使用する必要がある。  $\pm 20 \text{kg/mm}^3$  の範囲で は、図4-10 より 4600e がよいようであり、非直線性 は $\pm 2 \%$ 以下である。

(5) ヒステリシスによる誤差

μr-σ 曲線をくわしくしらべると,第1回の荷重上 昇の曲線だけが,それ以後の上昇下降曲線からわずか に外れることが観測される。この現象は,磁気ひずみ 材料の磁気ひずみ出力一応力曲線に一般的に見られる ものである<sup>49</sup>。その一例を図4-22に示す。このヒステ リシスは、460Oe では小さくなり、 $\pm 1$ % になる。 加工状態では、少くとも荷重が1回加えられた後に取 除かれた状態と考えられるので、ヒステリシス誤差と して、最大  $\pm 0.3 \text{kg/mm}^2$ を見こまなければならな い。

(6) その他の原因による誤差

以上列挙したほかに誤差の原因として、製造法の差 による 組織の違いが考えられる。すなわち、結晶粒 度、集合組織、フェライトおよびパーライト以外の相 の影響等である。これらについては 測定値 がないの で、本論文では立入らない。

結局,誤差として大きいのは,炭素量のばらつきに よるものと塑性ひずみによるものである。総合的に見 れば,低炭素鋼においては約 ±3kg/mm<sup>2</sup>の誤差で 測定が可能であると思われる。

(109)







# 4.5 結言

深さ方向に大きさの変化する応力の測定は、第3章 に述べた直流磁界による方法では不可能である。第4 章では、このような測定が、電磁誘導検査法に似た交 番磁界法によって可能であることを述べた。次に、こ の測定法の基礎となる、一定バイアス磁界中の可逆透 磁率についての磁気ひずみ効果の実験を行った。第3 章で求められた磁東密度と応力との関係と同様の関係 が、可逆透磁率と応力との間に成り立つことを実験的 に確かめた。すなわち

 $\mu_r = \mu_{r0} + \Lambda_r \sigma$ 

の直線関係が、0.10%Cおよび0.40%Cの試料につい て、少くともそれぞれの降伏点まで近似的に成り立 つ。さらに、可逆透磁率 µro および磁気ひずみ感度 *Ar* について、炭素量依存性、バイアス依存性および 塑性ひずみ依存性を求めた。*Ar* は、第2章の理論の 示すように、5000e 付近に著しいピークを持ち、2% /kg/mm<sup>2</sup> に達する非常に大きな効果である。

 $\mu_{r0}$  および  $A_r$  に対する塑性ひずみの影響は、 $\epsilon_p < 4\%$ で約半分が起り、 $\epsilon_p > 4\%$ では変化が飽和する傾向がある。この現象は、炭素鋼のフェライト中の転位密度の増加と密接な関係がある。また、加工度は、保磁力等の補助的な測定によってかなりはっきりと  $\epsilon_p < 4\%$ か、 $\epsilon_p > 4\%$ かの判定ができることを示し、正

確な加工度が不明の場合にも、このことを利用して加 工による誤差を約半分に減少させることができた。

測定誤差の原因を列挙し,総合的に 460Oe のバイ アスが最もよいことを示した。このバイアスで,被測 定材の炭素量に0.05%の幅があるとすれば,低炭素鋼 では,σを真の応力とすれば

 $\pm (2.3+0.06\sigma) \text{kg}/\text{mm}^2$ 

の誤差が生じる。また, εp が4%より大きいか小さ いかの判別だけができたとすれば

 $\pm 1.8 \text{kg}/\text{mm}^2$  0.10%C

 $\pm 3.0$ kg/mm<sup>2</sup> 0.40%C

の誤差におさまることがわかった。総合的に見れば, 低炭素鋼においては ±3kg/mm<sup>2</sup>の誤差で測定が可 能であると考えられる。

# 第5章 表面残留応力の測定

#### 5.1 緒言

第3章において、炭素鋼の応力を一定高バイアス中 の交番磁界法によって、±3kg/mm<sup>2</sup>の誤差で測定 できることを確かめた。本章においては、この方法を 実際に残留応力が発生していると思われる炭素鋼棒状 試験片に適用し、表面残留応力に対する出力情報を得 ることを試みる。

表面における応力を求めるためには,表皮効果によ る磁界の浸透深さの周波数による変化を利用する必要 がある。まず,磁気ひずみ効果の基本式

 $\mu_r = \mu_{r0} + \Lambda_r \sigma$  (5.1) が成立し、さらに測定される見掛けの  $\mu_r$  は、使用する磁界の周波数に対する浸透深さ $\delta$ の範囲の応力値に よって定められると考える。

磁気ひずみ法によって得られた残留応力の値は, X 線応力測定法によって求めた残留応力値と比較する。 本論文においては,応力を棒軸方向の1軸応力に限っ ている。しかし,実際の残留応力は,一般に3軸応力 であり,本章において用いる試験片の残留応力もまた 1軸ではないため,二つの方法で求めた応力値は一致 しない。すなわち,ここで述べている磁気ひずみ法 は,いわば Sacks<sup>49</sup>法に対する Heyn-Bauer<sup>50</sup> 法の 段階にあると考えられる。この二つの測定値の不一致 について簡単な考察を行う。

5.2 実験方法

#### -----

# 5.2.1 測定法

炭素鋼の棒状試験片に1軸引張および700°Cより水

中急冷の2種類の処理を行った後,高周波交番磁界に よりその可逆透磁率を測定し,表面の軸方向残留応力 を求めた。また,磁界周波数を変化させ,浸透深さを 変化させたときの見掛け応力を求めた。次に,X線応 力測定装置により,軸方向および接線方向の残留応力 を測定し,磁気ひずみ法と比較した。

磁気ひずみ法は、第4章と同様な交流ブリッジ法 で、断面について可逆透磁率が一様である場合の表皮 効果の式を用いて、見掛けの可逆透磁率を計算した。 測定周波数は、0.2~100kHzの範囲の9点である。バ イアス磁界は、最適磁界 460Oe を用い、周波数比 f/ $f_g$  は、0.5~300 の範囲で変化する。浸透深さ  $\delta$  は

$$\delta = \sqrt{\frac{2}{f/f_g}}a \tag{5.2}$$

で与えられる。試験片の半径 aは約 5 mm であるか ら、 $\delta$ は0.4~10mm の範囲で変化し、最高周波数で の測定値は、深さ0.4mm までの応力の平均値を示す ものと思われる。

X線応力測定装置は、理学電機製ストレンフレック スで、測定面は、 $\alpha - F_e(211)$ 、 $C_r - K\alpha$ を用いた。カ ウンター法で、ピーク位置を半価幅中点法で求め、  $\sin^2 \phi$ 法(4点)を用い応力を計算した。X線応力定 数として

 $K = -30.33 \text{kg}/\text{m}\,\text{m}^2/\text{deg}$ 

を用いた。照射面積は、4×2mm とした。

5.2.2 試験片

試験片は、0.4% C の炭素棒鋼より旋盤加工で製作 した長さ400mm, 直径10.5mmφ の棒状試験片であ る。化学成分を表5-1 に, 寸法, 形状を図5-1 に示 す。表5-2 に示す600°C, 2 時間焼きなまし(No.1), これを1 軸塑性引張によって5.8%の塑性ひずみを与 えたもの(No.2) および700°Cより水中に急冷したも

表5-1 試料の化学成分(%)

| 試料     | С    | Si   | Mn   | Р     | S     |
|--------|------|------|------|-------|-------|
| C 40 S | 0.40 | 0.25 | 0.48 | 0.009 | 0.022 |

表 5-2 試験片の種類

| 試験片   | 処 理 方 法                             |
|-------|-------------------------------------|
| No. 1 | 600°C 2時間 焼きなまし                     |
| No. 2 | 1 軸塑性引張 <i>ε</i> <sub>p</sub> =5.8% |
| No. 3 | 700°Cより水中に急冷                        |



図 5-1 試験片の形状, 寸法

#### 5.3 実験結果

## 5.3.1 X線による測定結果

X線で,軸方向および接線方向の応力を,No.1 試 験片では中心で1点,No.2および No.3では中心部 で30mm おきに3点測定し,平均した。結果を表





5-3 に示す。20-sin<sup>2</sup>  $\phi$  線図を図 5-2 に示す。 塑性 変形を与えた No. 2 では, 残留応力は 1 軸に近いが, 700°C 急冷の No. 3 では, 測定点によってばらつき があるが, 平均してほぼ円応力状態と見てよい。回折 線プロファイルの半価幅は, 塑性加工を受けた試験片 では大きいが, 急冷試験片では,焼きなまし材とほと んど等しく,大きな塑性状態にはないことを示してい る。

表 5-3 X線による残留応力の測定値

| 試験片   | 測定点 | 軸 方 向<br>kg/mm <sup>2</sup> | 接線方向<br>kg/mm <sup>2</sup> | 半 価 幅<br>度 |
|-------|-----|-----------------------------|----------------------------|------------|
| No.   | 1   | 0.0                         | -1.8                       | 1.85       |
|       | 1   | -14.0                       | -6.1                       |            |
| 17 0  | 2   | -16.2                       | -6.1                       | 0.55       |
| No. 2 | 3   | -15.5                       | -6.1                       | 2.55       |
|       | 平均  | -15.3                       | -6.1                       |            |
|       | 1   | -14.6                       | -18.8                      |            |
|       | 2   | -26.1                       | -26.7                      | 1 00       |
| No. 3 | 3   | -20.8                       | -17.0                      | 1.90       |
|       | 平均  | -20.5                       | -20.8                      |            |

### 5.3.2 磁気ひずみ法による測定結果

磁気ひずみ法による応力測定は,基本式(5.1)を基礎とするのであるが,これを実際に適用するにはなお 二,三の問題がある。本章の試験片は,同じ素材よりつ くったもので,µroのちらばりは小さいが,1本の試験片についても,周波数によってµro, *Ar* が変化する



(112)

46

現象が認められた。その詳しい検討は次章にゆずり, 本章では, 焼きなまし材の各周波数における  $\mu$ ro を  $\sigma = 0$  に対応する基準値として, これからの変化より 残留応力を計算した。また, 相対磁気ひずみ感度

$$P_r = \frac{\Lambda_r}{\mu_{ro}} \tag{5.3}$$

は、周波数による変化が小さいので一定とした。さら に、5kHz 付近に可逆透磁率のピークがあらわれる。 これは、機械的共振によるモーショナルインピーダン スによるものと思われるが、各試験片に同様のピーク があらわれるので、この周波数比においても焼きなま し材との差を取ることにした。周波数の増加ととも に、µr は徐々に増加するが、100kHz 付近で急激に減 少する。これは、検出コイルの電気的共振によるもの であろう。この周波数での測定値の信頼性は低いと思 われる。

(1) 磁気ひずみ感度 Ar および Pr

磁気ひずみ感度の測定値を表 5-4 に示す。相対磁気 ひずみ感度は、ほとんど周波数に無関係で、No.1 と No.2の差はない。No.3 については測定しなかった。  $P_r$ としては、すべて 0.0115 を用いた。

| 試験片    | 測定周波数<br>kHz | $\mu_{r_0}$ | Λr<br>1/kg/mm² | $P_r$   |
|--------|--------------|-------------|----------------|---------|
| NT. 1  | 1            | 2.75        | 0.032          | 0.0116  |
| No. 1  | 20           | 3. 09       | 0. 035         | 0. 0113 |
|        | 1            | 2.56        | 0. 030         | 0.0117  |
| INO. 2 | 20           | 2.89        | 0. 035         | 0.0122  |
| No. 3  | 1            | 2. 84       |                | •       |

表 5-4 磁気ひずみ感度 Ar および Pr

#### (2) 周波数による見掛け残留応力の変化

No. 1 ~No. 3 について、 測定周波数を変化 させた  $\mu_{r}$ の測定値を図 5-3 に示す。 ある周波数比に対する No. 2 および No. 3の  $\mu_{r}$  と、基準値と考えた No. 1 の  $\mu_{r0}$  との差より次式によって応力  $\sigma$  を求めた。

$$\sigma(f|f_g) = \frac{\mu_r(f|f_g) - \mu_{r_0}(f|f_g)}{\mu_{r_0}(f|f_g)} \frac{1}{P_r}$$
(5.4)

この式で  $\sigma(f|f_g)$  等は,その値が  $f|f_g$ の関数である ことを示す。その結果を図 5-4 に示す。

No.2, No.3ともに周波数比が大きい値に対し,す なわち表面の応力は圧縮であるが,周波数比が小さく なると,塑性試験片では圧縮のままであるのに反し, 急冷試験片では、次第に圧縮の値が減少し,周波数比 が1では小さい引張となる。この結果より,塑性引張 によって,断面について平衡しない一様な残留応力が 発生し,急冷によって,表面が圧縮であり,中心部に はこれと平衡する大きな引張応力が発生していること が推定できる。 $f/f_g=100$ で,浸透深さは0.74mmで あり,そのときの値を磁気ひずみ法で求めた表面残留 応力とした。

#### 5.4 考察

前節で,X線応力測定法および磁気的応力測定法に よる表面残留応力の測定結果および磁気的測定法によ る見掛け残留応力の周波数比による変化を述べた。本 節では、この二つの方法による測定結果を比較し、考 察を行った。

# 5.4.1 X線応力と磁気的応力の比較

表面のX線応力と磁気的応力を比較すると、軸方向 応力について、No.2およびNo.3ともに圧縮応力で あるが、磁気的応力はX線応力の約1/2である。単一 コイルによる現在の磁気的方法で接線応力を求めるこ とは不可能であるが、2.4 で行った2軸応力の磁気ひ ずみ効果についての考察を用いると、この差は次のよ うに説明できる。接線応力 σ0 の磁気ひずみ効果は、 軸応力 σ2 の作用と符号が反対で、大きさが半分であ る。このことを用いれば磁気的見掛け軸応力 σM は

$$\sigma_M = \sigma_z - \frac{1}{2} \sigma_\theta \tag{5.5}$$

である。 $\sigma_z$  および  $\sigma_\theta$  に X 線の測定値を用いれば, 表 5-5 が得られる。最後の欄に,磁気ひずみ法による 表面応力の測定値  $\sigma_{obs}$  を示す。塑性試験片では, $\sigma_M$ と  $\sigma_{obs}$  の差が大きいが, 急冷試験片ではよく一致し ている。

| 表 5-5 | 磁気的みかけ軸応力 | $\sigma_M$ | と実測値 |
|-------|-----------|------------|------|
|       | oobs の比較  |            |      |

|       | X線応力              |                                      | <i>a m</i> *       | Johs   |  |
|-------|-------------------|--------------------------------------|--------------------|--------|--|
| 試験片   | $\sigma_z$ kg/mm² | $\sigma_{\theta}$ kg/mm <sup>2</sup> | kg/mm <sup>2</sup> | kg/mm² |  |
| No. 2 | -15.3             | -6.1                                 | -12.2              | -7.4   |  |
| No. 3 | -20.5             | -20.8                                | -10.1              | -10.5  |  |

\*  $\sigma_M = \sigma_z - \sigma_\theta/2$ 

#### 5.4.2 急冷試験片

多くの熱処理残留応力の測定結果より知られている

47



図 5-3 可逆透磁率の周波数比による変化





ように<sup>51152</sup>,急冷試験片では,表面の残留応力が円応 力状態であると仮定できるので,実際の軸方向応力σ<sub>2</sub> は

σz=2σobs (5.6) であらわされ、−21.0kg/mm<sup>2</sup>となり、X線による測 定値 −20.5kg/mm<sup>2</sup> とよく一致する。

図 5-4 より、中心部に近づくにしたがい、圧縮応力 が減少し、引張応力が発生していることが想像される。しかし、内部においては3軸応力状態となり、  $\sigma_z$ ,  $\sigma_\theta$ ,  $\sigma_r$  の間の関係は一般的には求められていないので、表面のように簡単な推定はできない。

内部の熱処理残留応力について, 近似的に

 $\sigma_z = \sigma_\theta + \sigma_r \tag{5.7}$ 

$$\sigma_M = \sigma_z - \frac{1}{2}(\sigma_\theta + \sigma_r) \tag{5.8}$$

$$\sigma_M = \frac{1}{2} \sigma_z \tag{5.9}$$

$$\Delta \sigma_M = -\frac{1}{2} (\sigma_z - \sigma_\theta - \sigma_r) \tag{5.10}$$

である。σz は,残留応力であるから

$$\int \sigma_z dS = 0 \tag{5.11}$$

48

(114)



であるので、
$$\Delta \sigma_M = 0$$
としてよいときには $\int \sigma_M dS = 0$  (5.

12)

である。(5.7)の関係式がどの程度成立するかについては、一例として、700°Cより0.40%C、70mm $\phi$ の円筒状試験片を水中急冷した実験(下田ほか) $^{50}$ を用いて計算した  $\sigma_M$  および  $\Delta\sigma_M$  を図 5-5 に示す。(5.7)は、あらい近似で使用できる関係式であるように思われる $^{540}$ 。そこで、磁気的な見掛け応力を2倍して軸応力分布を求めれば、実際に近いものが得られると思われる。

見掛け可逆透磁率に及ぼす内部の応力の影響は,

(5.12)のような単純な形ではなく、位相を含む因子を掛けて平均しなければならない。この問題については、第6章で論じるが、周波数比の小さいところでは、補正因子が全断面にわたって1であるとするならば単純な平均でよい。実際に、図5-4で

 $f/f_g=1$   $\sigma_{obs}=2.9 \text{kg}/\text{m}\text{m}^2$ 

 $f/f_g=3$   $\sigma_{obs}=-2.5 \text{kg}/\text{m}\text{m}^2$ 

であり、(5.12)が近似的に成り立っている。そこで 軸応力については、図 5-4 より残留応力分布を推定で きる可能性がある。軸応力と見掛け応力との関係は、 次章で詳しく述べることにする。

f/fg=100 に 対す る見掛け残留応力は、 浸透深 さ

 $\delta$ =0.74mm の範囲に対応するもので、X線にくらべ はるかに深い部分までの応力の平均である。  $\delta$ =1.35 mmまでの平均もほとんど変化しないので、表面近く は、かなり深いところまで圧縮応力が生じていること が推定できる。また、この圧縮応力と平衡している中 心部の引張応力の値は、表面の圧縮応力にくらべかな り大きいことが予想される。このようにして、表面の 応力のみならず、内部の応力が非破壊的に求められる のが磁気的応力測定法の大きな特長である。

# 5.4.3 塑性引張試験片

塑性引張試験片の  $\sigma_M$  と  $\sigma_{obs}$  との差はかなり大き い。見掛け残留応力の周波数比依存性を見ると、 $f/f_g$ =100 に対し  $\sigma_{obs}$ =-7.4kg/mm<sup>2</sup> より $f/f_g$ =1 に対 する  $\sigma_{obs}$ =-10.8kg/mm<sup>2</sup> と、 圧縮でほぼ一定の値 を示す。これは、実際の残留応力も、表面より中心部 までほぼ一定の圧縮応力が生じていることを示してい る。

残留応力は、断面について引張応力と圧縮応力とが 平衡するものであるが、1軸引張塑性変形を与えてX 線応力測定法で残留応力を測定すると、断面について 平衡しない圧縮応力の成分が存在することが報告<sup>30)</sup>さ れている。その原因としては、フェライトとパーライ トの二相のうちX線回折にあずかるフェライト相に圧 縮応力、パーライト相には引張応力が生じているとす る説、X線回折にあずかる結晶面には圧縮残留応力が 生じているが、他の結晶面では引張応力があって平衡 するという説、加工によって生じるセル構造のセル壁 が引張応力を受け持ち、セルの内部には圧縮応力があ るとする説等が提出されているが結論は得られていな い<sup>550</sup>。

1 軸塑性引張の後に可逆透磁率が変化する現象は第 4章においても述べたが、そこでは、材質の透磁率の 変化として、測定誤差として処理した。本章の実験に よって、その半径方向の分布が測定され、表面でも内 部でもほとんど等しい大きさの透磁率の変化が起って いることがわかった。この変化は、材質の変化とする こともできるが、X線による測定結果を考慮すれば、 実在する残留応力によるものであると考えることがで きる。この考えにしたがって考察を進める。

この種の残留応力,いわゆる第2種の残留応力は, 高炭素鋼あるいは合金鋼に著しいことが知られている が、これは二相合金説を支持するように考えられる。 可逆透磁率の塑性による変化も,炭素量の増加ととも に大きくなり,X線残留応力と対応している。0.40% Cの炭素鋼は,ほぼ等量のフェライトとパーライトよ り成っている。フェライトの磁気ひずみ感度は,パー ライトの感度より大きいので,フェライト相とパーラ イト相に等しい大きさの圧縮残留応力と引張残留応力 が生じている場合でも,平均すれば,見掛けの圧縮残 留応力が残る。パーライトの感度 *Arp* は 0.80% Cの 試験片より求め

 $\Lambda_{rP} = -2.20/\text{kg}/\text{m}\,\text{m}^2$ 

が得られた。また、フェライトの感度 *Arr* としては、 0.10%Cの試験片についての第4章の測定値

$$\Lambda_{rF} = -5.60 / \text{kg} / \text{mm}^2$$

を用いた。フェライトに  $\sigma_F$ , パーライトに  $-\sigma_F$  の 残留応力があるとき測定 される 見掛け 残留応力  $\sigma_{obs}$ は

$$\sigma_{obs} = \frac{A_{rF} - A_{rP}}{2A_r} \sigma_F$$
$$= \frac{\sigma_F}{1.88}$$
(5.13)

となる。実測値  $\sigma_{obs} = -7.4 \text{kg/mm}^2$ より  $\sigma_F = -13.9 \text{kg/mm}^2$ 

が得られる。とれは、X線によって測定された軸応力  $\sigma_z = -15.3 \text{kg/mm}^2$ 、および接線応力  $\sigma_{\theta}$  を考慮した 見掛け応力  $\sigma_M = \sigma_z - \sigma_{\theta}/2 = -12.3 \text{kg/mm}^2$  に近く、 上の仮説を支持するように思われる。

このように、塑性引張を受けた試験片の表面の磁気 的残留応力は、実在するフェライト中の圧縮残留応 力、すなわち相応力と考えることができる。したがっ て、測定された磁気的残留応力が巨視的残留応力と一 致するか否かは、内部まで測定された応力値の平均が 0となるかどうかで判断しなければならない。

### 5.5 結言

前章までの結果を用いて,実際の表面残留応力を磁 気ひずみ法で測定する目的で,700°Cより水中急冷お よび1軸塑性引張の2種類の0.40%Cの炭素鋼円柱試 験片に生じた表面残留応力をX線応力測定法および磁 気的応力測定法で測定し,その値を比較した。磁気的 応力測定法では,測定周波数を変化させ,表面付近の 残留応力および中心部の残留応力の影響を含んだ見掛 け残留応力を測定することができた。

急冷試験片については,表面の熱処理残留応力がほ ば円応力状態であることを考慮して,軸応力について は,X線応力と磁気応力がほとんど一致した。また, 内部の残留応力について σ<sub>2</sub>=σ<sub>r</sub>+σ<sub>θ</sub> の関係が近似的 に成り立つと仮定すれば,見掛け残留応力の測定値は 軸応力の分布によって定められる。測定結果より,表 面近くは,かなり深いところまで圧縮応力があり,中 心部では表面よりも絶対値の大きな引張残留応力の存 在が推定できた。

1 軸塑性引張試験片では、磁気応力はX線応力と同 じく圧縮応力であるが、約50%小さかった。周波数比 を変化させて見掛け残留応力を測定すると、内部まで ほぼ一様な圧縮応力が生じていることがわかり、X線 によって従来見出されている相応力と類似の現象が観 測された。これは、第4章のように、塑性変形による 材質の変化に伴う測定誤差と考えることができる。し かし、フェライト相に圧縮、パーライト相に引張の残 留応力が生じているとする仮説をとると、このような 透磁率の変化が説明でき、X線相応力と磁気応力は、 補正を行ってよく一致し、この二相合金仮説を支持す るように思われる。

そこで磁気的応力測定を行うときには、中心までの 応力の平均が0にならないときには、巨視的応力と異 なる相応力の存在を考慮しなければならない。

このようにして,実際の残留応力を磁気的応力測定 によって,表面ばかりでなく,表面近くの値を非破壊 的に測定できることを示すことができた。

#### 第6章 内部残留応力の測定

#### 6.1 緒言

前章までの研究によって,実際に生じている表面の 軸方向残留応力を,高周波の交番磁界を用いて測定で きることを確かめた。本章においては,この方法を簡 単な応力分布を持つ試験片内部の応力測定に適用した 結果について述べる。

加工,熱処理等により,丸棒中に各種の残留応力が 発生する。このような場合について実験を行えばよい が,その応力分布は別の測定法で確かめなければなら ない。ところが,この残留応力測定法そのものが熟練 を必要とするものであり,また,測定誤差を伴う。そ こで,正確に内部の応力をコントロールできる方法と して,断面上で階段状の応力分布を持つ二重管試験片 を用いた。

第4章で得られた磁気ひずみ効果の基本式が成り立 ち,丸棒二重管試験片内の磁束分布が表皮効果の式に よって与えられることを仮定する。そして,試験片に 巻いたコイルのインダクタンスの内部の応力分布によ る変化を,上の仮定にしたがって計算し,これを実験 値と比較する。このようにして,この方法による応力 分布の測定が可能であることを示す。以上のことが証 明されれば,他の複雑な応力分布の測定にも同様な方 法が適用できることになる。

## 6.2 測定原理

第5章と同様な測定を考える。すなわち、丸棒試験 片を一定高バイアス磁界中に入れてコイルのインダク タンスを測定すれば、これより見掛け透磁率  $\mu_{obs}$  が 求められ、可逆透磁率  $\mu_{rel}$  が計算される。 周波数を 変化させると  $\mu_{rel}$  の周波数特性が得られる。

非常に低い周波数では、µreiは断面上の各点の可逆 透磁率の平均値と考えてよい。非常に高い周波数で は、µrei は表面の可逆透磁率に近い値となる。中間 の周波数では、表面近くの可逆透磁率の重みが大きい ような、断面上の可逆透磁率の重み付き平均となる。

断面上の応力分布が一様であれば、μreiの周波数特 性は平坦になる。表面が引張で中心が圧縮なら、周波 数特性は右上り、逆に表面が圧縮で中心が引張なら右 下りの曲線になるであろう。これを図 6-1 に示す。こ のように μrei の周波数特性を測定すれば、試験片内 部の応力分布が非破壊的に求められることになる。

以上の説明は  $\mu_{obs}$  についてもほとんどそのままあ てはまる。本章では、二重管試験片の  $\mu_{obs}$  の近似式 を求めて、これより透磁率分布を求める方法をとっ た。



図 6-1 応力分布があるときの透磁率の 見掛けの周波数特性

### 6.2.1 透磁率分布と見掛け透磁率

長い磁性体丸棒に無限長ソレノイドを巻いたときの 磁性体内の磁界の強さ *H* は、軸方向成分だけで

 $\frac{d^{2}H}{dr^{2}} + \frac{1}{r} \frac{dH}{dt} - i\omega\sigma\mu H = 0 \quad (6.1)$   $Cbbb3h5^{45}, cttb$ 

ω:測定磁界の角周波数

- σ:電気伝導度
- $\mu$ :透磁率

である。Η が棒軸に平行なことより, μ は r の関数 であってもよいことが導かれる。第6章で用いる透磁 率は, すべて可逆透磁率である。そこで, μrel および μr の添字をとくにことわらないかぎり省略する。

磁束 🛛 は

$$\Phi = \int_{0}^{a} \mu H2\pi r dr$$
$$= \frac{2\pi a}{i\omega\sigma} \left(\frac{dH}{dr}\right)_{r=a}$$
(6.2)

で与えられる。 αは、試験片の外径である。

コイルによる磁界が

r=a において  $H=H_0$ 

ならば,見掛け透磁率 µobs は

$$\mu_{obs} = \frac{\varphi}{\pi a^2 H_0}$$

$$2 \qquad a \quad (dH)$$

$$=\frac{2}{i\omega\sigma\mu a^2} \frac{a}{H_0} \left(\frac{dH}{dr}\right)_{r=a} \mu_s \qquad (6.3)$$

であらわされる。μs は標準の透磁率である。たとえば、応力0のときの試料の透磁率ととればよい。

μ が 内外2層の中でそれぞれ一定で ある 場合につ いてはすでに多くの研究がある<sup>50</sup>。これは容易に3層 以上の場合にも拡張できる。多周波数を用いる本測定 法の説明のために, 簡単にその計算を述べる。

試験片は同心円筒状のN層に分れ,その中では応力 が一定で、したがって  $\mu$  および  $\sigma$  は一定であるとす る。また、 $\sigma$  の変化は  $\mu$  の変化にくらべはるかに小 さいので、試料全体にわたって一定とする。ある周波 数でのコイルのインピーダンスの測定より得られる複 素透磁率は、(6.3)で与えられる。

(6.1) および (6.3) を

$$x = \frac{r}{a}$$

$$h = \frac{H}{H_0}$$

$$k^2 = \omega \sigma \mu a^2$$

$$k_s^2 = \omega \sigma \mu_s a^2 = f/f_g$$

$$(6.4)$$

とおいて無次元化すれば

$$\frac{d^{2}h}{dx^{2}} + \frac{1}{x} \frac{dh}{dx} - ik^{2}h = 0$$
 (6.5)

$$\mu_{obs} = \frac{2}{ik_s^2} \left(\frac{dh}{dx}\right)_{x=1} \mu_s \tag{6.6}$$

を得る。透磁率は、すべて比透磁率の意味にとってさ

51

(117)

しつかえない。

第 n 層中の (6.5) の解を hn(x)(n=1, N) とし その層の量にすべて添字 n をつけてあらわす。 境界 条件は,層の境界を  $x_n(n=1, N-1)$  とすれば

1. 
$$h_n(x_n) = h_{n+1}(x_n) \quad n=1, \quad N-1$$
  
2.  $k_n \left(\frac{dh_n}{dx}\right)_{x=x_n} = k_{n+1} \left(\frac{dh_{n+1}}{dx}\right)_{x=x_n}$   
 $n=1, \quad N-1$   
3.  $h_1(0) \not N f R$   
4.  $h_N(1) = 1$   
(6.7)

の2N 個となる。

(6.5) の解は, Kelvin の関数

$$\begin{array}{c} \mathbf{B}(z) = \operatorname{ber}(z) + i \ \operatorname{bei}(z) \\ \mathbf{K}(z) = \operatorname{ker}(z) + i \ \operatorname{kei}(z) \end{array} \right\}$$
(6.8)

を用いて

 $h_n(x)B_n \mathbf{B}(k_n x) + K_n \mathbf{K}(k_n x)$ (6.9)であらわされる。 Bn, Kn は境界条件 (6.7) より決 定される2N 個の定数である。すなわち

$$B_{n} B (k_{n}x_{n}) + K_{n} K (k_{n}x_{n})$$

$$= B_{n+1} B (k_{n+1}x_{n}) + K_{n+1} K (k_{n+1}x_{n})$$

$$k_{n} \{B_{n} B'(k_{n}x_{n}) + K_{n} K'(k_{n}x_{n})\}$$

$$= k_{n+1} \{B_{n+1} B'(k_{n+1}x_{n}) + K_{n+1}$$

$$K'(k_{n+1}x_{n})\}$$

$$K_{1}=0$$

$$B_{N} B (k_{n}) + K_{N} K (k_{n}) = 1$$

(6.10)の 2N 元1次連立方程式を解けば一義的に定まる。 そこで透磁率は

 $\frac{2}{ik_s^2}k_N\{B_N\mathbf{B}'(k_N)+K_N\mathbf{K}'(k_n)\}\mu_s$  $\mu_{obs} =$ (6.11)

で与えられる。 $k_n(n=1,N)$  が与えられると  $B_N, K_N$ がその関数として求められるから、µoos は kn の関数 となる。 $k_n$ は(6.4)によって $\mu_n$ と $\omega$ を与えれば きまる。 $\omega$ を変えれば、 $B_N$ 、 $K_N$ の $\mu_n$ に関する関 数形が変るから、N 個の周波数  $\omega_m(m=1,N)$  に対 L

$$\mu_{obs}(\omega_m) = g_m(\mu_1, \dots, \mu_N)$$
(6.12)  
$$m = 1. N$$

の形の N 個の関係式が得られる。これを逆に解けば  $\mu_{obs}(\omega_m) = \mu_{obs.m}$  と書くと

$$\mu_n = G_n(\mu_{obs,1}, \dots, \mu_{obs,N})$$

$$n = 1, N$$
(6.13)

となる。そこで、N個の異った周波数で  $\mu_{obs}$  の測定



図 6-2 透磁率分布と見掛け透磁率の対応

を行えば, μn がすべて求められる。 以上の関係を図 6-2 のフローチャートに示す。

透磁率分布が階段状でなく、連続関数であらわされ る場合にも同様な議論を行うことができる。分布がN 次多項式であらわされるときには、N+1 個のパラメ -タを含み, N+1 個の周波数での μobs の測定値が 必要となる。この場合は付録に述べる。

# 6.6.2 二重管試験片の実効透磁率

二重管試験片の場合には、Försterの実効透磁率 Heff にならって

$$\mu_{eff} = \frac{\mu_{obs}}{\mu_s} \tag{6.14}$$

を用いる。これは、µsの取り方によって変化する任 意性がある。µeff は、(6.12)に対応し、内層およ び外層の透磁率 μ1 および μ2 の関数であるが、その 関数形は,境界 x1 によって変化する。そこで, x1 が 未知のときには,最小限3個の周波数で測定を行う必

(118)



要がある。すなわち  $\mu_{eff}(k_s^2.m) = g_m(\mu_1, \mu_2, x_1)$  m=1, 2, 3 (6.15) となる。 外管の透磁率  $\mu_2$  を  $\mu_s$  にとり、 $\mu_1$  だけ を 変化させる。また、境界  $x_1$  により、外管の断面積  $S_2$  と全断面積の比  $S_2/S_0$  を 変化させて  $\mu_{eff}$  の実数部分の 変化を計算したものを 図 6-3 に示す。  $k_s^2 = f/f_g$  が小

53

(119)

さいときには、 $\mu_1$  とともに  $\mu_{eff}$  は増加する。 $k_s^2$ が 大きくなると、 $\mu_1$  の増加により逆に減少する。ただ し、 $S_2/S_0=1/64$  のように外管が非常に薄いと、 $\mu_{eff}$ はすべての  $k_s^2$  に対して、 $\mu_1$  とともに増加する。

本章の実験は、磁気ひずみ効果の式および表皮効果 の式を用いる応力分布の測定の可能性を確かめるのが 目的であるので、応力による透磁率の変化が小さい範 囲でこれを確かめれば十分である。そこで、(6.15) を  $\Delta \mu_1$  について展開し、1 次の項だけ取って

$$\mu_{eff}(f/f_g) = \mu_{eff.0}(f/f_g) + S(f/f_g)\frac{\Delta\mu_1}{\mu_8}$$
(6.16)

と書く。ただし, µeff.0 は

$$\mu_1 = \mu_2 = \mu_s$$

である場合の実効透磁率である。S(f/f<sub>0</sub>)は,透磁率 変化に対する感度をあらわす。式の意味より

 $S(0) = \frac{S_2}{S_0}$ (6.17)

$$S(\infty) = 0 \tag{6.18}$$

となる。このように,  $\mu_{eff}$ の  $4\mu_1$ についての無次元 的な感度  $S(f/f_g)$ を定義し,  $x_1$ をパラメータとして 測定によって求めておけば

 $\Delta \mu_{eff}(f|f_g) = \mu_{eff}(f|f_g) - \mu_{eff.0} (f|f_g)$ (6.19)

を測定することによって

$$\mu_{1} = \mu_{s} + \Delta \mu_{1} \\ = \left\{ 1 + \frac{\Delta \mu_{eff}(f/f_{q})}{S(f/f_{q})} \right\} \mu_{s}$$
(6.20)

より内部の透磁率  $\mu_1$  を求めることができる。この式 において、 $f/f_g$ は、 $\mu_s$ を用いて計算した周波数比で あることに注意する必要がある。

 $\mu_2 \neq \mu_s$ のときには、 $\Delta \mu_{eff}(f|f_g) = 0$ であるような 周波数で  $\mu_2$ を測定して、応力0のときの透磁率のか わりに、この  $\mu_2$ を  $\mu_s$  ととって  $f|f_g$ を計算すれば よい。

6.3 実験方法

第5章と同様な方法によってバイアス磁界中の二重 管試験片に巻いたコイルのインダクタンスを測定し, 透磁率を計算して,応力と透磁率との関係を求める。 いままで用いてきた,電磁誘導検査法で用いられる3 種類の透磁率を使用する。

- 1. µ: 材料の透磁率。実数。
- *µobs*:ある周波数で測定された見掛け透磁率。
   主として実数部分だけを扱う。

μeff:実効透磁率。μobs=μeff・μ で定義される。透磁率分布があるため、μの取り方で変化する。

測定されたインダクタンス L より µobs は

$$\mu_{obs} = 1 - \frac{1}{\eta} + \frac{1}{\eta} \frac{L}{L_o}$$
 (6.21)

で求められる。 $\eta$  は充塡率,  $L_o$  はコイルの空心イン ダクタンスである。

μeff は,試験片内部が一様であるときは,周波数 比のみの関数となるが,内部の透磁率が一様でないと きには,さらに別の分布をきめるパラメータの関数と なる。本章では,使用する材質について,磁気ひずみ 効果を求めた後,この結果を用いて,二重管試験片の 実験を行った。

#### 6.3.1 実験装置

実験装置は、第4章、図4-1に示すものとほとんど 同じである。測定周波数範囲が、第4章より広くなる ので、必要な変更を行った。使用したマクスエルブリ ッジは、測定周波数範囲が1kHz以上であって、1kHz 以下では感度が低下するとともに、電源周波数 50Hz の高調波とのビートによって、ブリッジの平衡点が不 明瞭になる。そこで、増幅器の出力回路に、普通のフ ィルタと直列に数個のメカニカルフィルタを挿入して 測定精度をあげた。測定周波数は、175Hz、275Hz, 475Hz、975Hz、1975Hz、3975Hz および 1 ~100kHz 間の任意の周波数である。ピックアップコイルは、寸 法13.67 $\phi$ ×100mm、巻数 470回で、空心インダクタ ンス  $L_o$ は 0.380mH であった。

高周波の測定では、電気伝導度の値が表皮効果の計 算に大きくきくので、ダブルブリッジ(横河電機製 2725型)により、使用試験片についてその都度実測した。

6.3.2 試験片

試験片は, SS34の棒鋼より製作した。その化学成 分を表 6-1 に, 寸法, 形状を図 6-4 に示す。外管と内 棒は自由に滑るように仕上げ, 内棒だけに正確に荷重



図 6-4 試験片の形状, 寸法

が加えられる。機械加工を行ったままの試験片および これを650°C,1時間焼きなましたものについて実験 を行った。

| 試料     | С     | Si    | Mn   | P.    | S      |
|--------|-------|-------|------|-------|--------|
| S S 34 | 0. 13 | <0.01 | 0.62 | 0.014 | 0. 021 |

表 6-1 試料の化学成分(%)

### 6.4 結果

最初に,磁気ひずみ効果の関係式

 $\mu = \mu_0 + \Lambda_r \sigma$ 

を確かめ、 $\mu_0$  と  $A_r$  の バイアス特性と加工による変 化をしらべた。

次に, μを測定周波数全範囲について測定し, その 周波数特性を求めた。μ が材料固有の定数であれば, 周波数に無関係に一定になるはずである。

材料の特性を求めた後,内棒に荷重を加えたときの  $\mu_{obs}(f|f_g)$ を測定し、(6.16)で与えた、内棒の応力 による実効透磁率  $\mu_{eff}(f/f_q)$  の変化についての感度  $S(f|f_g)$ を求め、これを理論値と比較した。

6.4.1 磁気ひずみ効果

二重管試験片の内棒(7.5 ø) について

 $\mu = \mu_0 + \Lambda_r \sigma$ 

の関係を確かめた。表皮効果の影響を少なくするため



に、475Hz で測定した。バイアス 460Oe における透 磁率と応力の関係を図 6-5 に示す。ほぼ直線関係が成 り立っている。μο のバイアス 特性 についての測定結 果を図 6-6 に示す。加工材と焼きなまし材との差は、 応力換算で約 1.5kg/mm<sup>2</sup> である。Ar のバイアス特 性を図 6-7 に示す。第4章の測定結果と定性的には同 じであるが、その最大値が約20%大きい。加工材の Ar は, 焼きなまし材 にくらべ, 460 Oe で 15~20% 小さい。

以下の議論には、磁気ひずみ感度のかわりに、相対 磁気ひずみ感度 Pr を使うのが便利である。これは

 $\mu_0$ 

$$P_r = \frac{\Lambda_r}{m} \tag{6.22}$$









55

(121)

で与えられ,磁気ひずみ効果は, Pr を用いて

 $\mu = \mu_0 (1 + P_r \sigma)$  (6.23) であらわされる。 $P_r$  のバイアス特性は、図 6-7 に  $A_r$ とともに示す。 $P_r$  は、 $A_r$  と同じ形を しているが、 4600e における加工材と焼きなまし材の  $P_r$  の差は、  $A_r$  の場合より小さく、5%である。

6.4.2 透磁率の周波数依存性

透磁率  $\mu$  は、物質定数であり、 周波数には無関係 であると考えられる。これを確かめるために、各周波 数の  $\mu_{obs}$  に表皮効果の補正を行って  $\mu$  の周波数特 性を求めたものが図 6-8 である。 $f/f_g < 10$ の範囲で





は *µ* は一定であるが, 10~100 では徐々に増加し, 100 以上になると急激に増加する。

この原因については、次のことが考えられる。

 (1) 測定誤差: f/f<sub>a</sub> の増加によりインダクタンスが 減少し, (6.21) による µobs の算出に大きな誤差が 入る可能性がある。

(2) コイルの浮遊容量: ピックアップコイルの浮遊 容量による共振のため,共振周波数  $f_o$  より下では, インダクタンスは増加する。 $f_o$  は 100kHz 以上である が, 50kHz以上の  $\mu$  の上昇には, この影響が大部分を 占めるものと考えられる。

> (3) 反磁界: *flf*<sup>0</sup> が大きくなると,磁 束は試験片の表面近くに限られ,寸法比が 低周波の場合より大きくなる。このため, 反磁界が小さくなって見掛けの透磁率は大 きくなり真の透磁率に近づく,この影響 は,透磁率の大きい低バイアス磁界の場合 と,コイルが非常に短い場合を除いては小 さいであろう。

(4) 電気伝導度:電気伝導度の測定に誤差があると,高周波側で,表皮効果の補正に大きな誤差を生じる。しかし,いろいろの値を入れて計算しても,µが一定になるような電気伝導度の値は見出せなかった。

(5) 材質の µ の周波数特性:µ 自身に も周波数特性が考えられる。初透磁率が, 磁気余弦や共鳴によって,ある周波数で損 出角に極大が生じることはよく知られてい る<sup>511</sup>。しかし,高バイアス磁界での磁化の 回転による磁化現象に同様の現象がおこる ことは一応考慮の外に置いてもよいであろ う。

このように、原因はいろいろ考えられる が、これらを考慮して補正を行っても、 $\mu$ を完全に一定にすることはできなかった。 測定法と計算式の改良によってさらによい 結果を得ることは考えられるが、図 6-8 で わかるように、各バイアスにおける  $\mu$  $f/f_g$ 曲線の傾向が似ているので、むしろこ のような周波数特性を仮定した方が簡単で ある。図 6-9 に、4600e における 加工材 と焼きなまし材の周波数特性を示す。焼き なまし材の  $\mu$  は、ほとんどこの曲線の上

(122)





に乗るが、加工材の測定点は、上下にちらばる。これ は、加工による残留応力のためと思われる。そのちら ばりは、3kg/mm<sup>2</sup> に相当する。図中に10kg/mm<sup>2</sup>の 引張応力に対する変化を記入した。

 $f/f_q$ に対する相対感度  $P_r$ を図 6-9の下の曲線で示す。 $P_r$ は  $f/f_q$ に対しほとんど変化しない。そこで、以下の議論では、 $\mu$ に対しては  $f/f_q$  特性—M曲線—を仮定し、 $P_r$ は一定であるとする。

6.4.3 二重管試験片

二重管試験片の内棒に荷重を加え,見掛け透磁率を 測定する。そのときの応力分布を図6-10に示す。実効 透磁率の変化 *Aµeff* をつぎの式によって求める。

$$\Delta \mu_{eff} = \frac{\mu_{obs}(\sigma) - \mu_{obs}(0)}{\mu_0} \tag{6.24}$$

ここで、 $\mu_{obs}(\sigma)$ は、応力  $\sigma$  のときの  $\mu_{obs}$  であり、 他の量についても、今後このような表現を用いる。

この Δµeff は、 試験片に一様な応力が加わったときには、実効透磁率の定義より自然に導かれるもので



図6-10 二重試験片断面上の応力分布

あるが、本節の場合には、上式で定義されるものであ ることに注意する必要がある。

パイアス磁界を変化させ、そのときの  $\sigma$ ,  $P_r$  に対す る  $\Delta \mu_{eff}$  より

$$S = \frac{\Delta \mu_{eff}}{P_r \sigma} \tag{6.25}$$

を求める。S は, (6.16) で与えた  $S(f|f_g)$  と一致する。

測定周波数は、175 Hz から 100kHz の 範囲 で 6 通 り、バイアスは、280Oe より 460Oe までの範囲で10 通り、試験片の種類が、加工材と焼きなまし材で 2 通 りである。組合せ総数は、120 組であって  $f/f_g$  は、 0.3~300 の範囲で変化した。 内棒に与えた 応力は、  $10 kg/mm^2$  一定とした。 この範囲では、 直線性は十 分成り立っているとしてよい。

周波数とバイアス磁界の一つの組合せに対し,一つの *f*/*f*<sup>*g*</sup> が対応する。この試験片では

$$f|f_g = \frac{f\mu}{570} \tag{6.26}$$

である。

 $S \in f | f_g$ に対してプロットしたものが図6-11である。この図より次のことが明らかになった。

(1)  $f/f_g \rightarrow 0$ のとき,  $S \rightarrow 0.5$ となる。

- (2) *f*/*f*<sup>g</sup> が大きくなるとともに S は急激に減少し、
   *f*/*f*<sup>g</sup>≈5 付近で0となる。
- (3) f/f<sub>g</sub>>5 では、内棒の透磁率 μ<sub>1</sub> が増加しても、 μ<sub>eff</sub> は減少し、f/f<sub>g</sub>≈10 の付近に S の極小





(123)

58

がある。

(4) *f*/*fg*≈100 で, *S* は非常に小さくなる。

(5) *S*の測定点は,滑かな一つの曲線の近くに集まる。

これらの結果は理論的にも予想できることである。 6.2.1 の表皮効果の計算を行って、(6.16)より求めた  $S(f/f_g)$  が図 6-11 の実線であって、測定結果とよく 一致している。そこで、  $\Delta \mu_{eff}$  は、 $\mu \ge P_r$ の異な った組合せでも、 $f/f_g$ および内棒と外管の透磁率の比 だけできまることが明らかになった。

図中の $\Delta$ 印の測定点は、試験片全体に一様な引張応 力が加わったとき  $4\mu_{eff}$  を、二重管試験片 と等しい 外径を持つ試験片について測定したものである。荷重 は、二重管試験片と等しく、平均応力は等しいが、中 心部の応力は 1/2 になるように取った。平均応力が等 しいために、 $f/f_q$  が小さいときは、二重管試験片の場 合と同様に、S はほぼ 0.5 となる。 $f/f_q=3$  付近まで は、比較的二つの測定値は近いが、それ以上では次第 に離れる。S は常に正であって、ステップ状の応力分 布と一様応力分布との差が、 $f/f_q$  特性の形にはっきり あらわれる。また、 $f/f_q=100$  においても、表面部に おける応力変化による  $\mu_{obs}$  の変化は十分に大きく、 この範囲の測定より外管の透磁率  $\mu_2$  が正確に求めら れる。

 $f/f_q$ の小さい範囲で測定点がちらばっているが、これは、バイアス磁界の大きい範囲の測定点であって、 図 6-7 よりわかるように、 $P_r$ 、 $\mu_0$  がともに 低下し、 測定誤差が大きくなったためと思われる。

#### 6.5 二重管試験片の応力分布の計算

前節の実験により、二重管試験片の内棒に一様応力 を加えた場合の階段状応力分布について、実効透磁率 の変化  $\Delta\mu_{eff}$  の  $f|f_g$  依存性が求められた。また、全 断面にわたって一様な応力分布に対する  $\Delta\mu_{eff}$  との 対比を行い、応力分布の差が、このような測定によっ てはっきり出ることが示された。さらに、二重管試験 片の測定値は、表皮効果を考えた理論式と定性的およ び定量的によく一致することが示された。

本節では、これらの結果を用い、透磁率の測定より 二重管試験片の外管および内棒の応力値を求める。

# 6.5.1 計算法

二重管試験片の測定値より応力分布を求めるため に、これまでの研究によって、次のことを仮定する。 (1) 透磁率と応力の間には

$$-\frac{\mu}{\mu_0} = 1 + P_r \sigma$$
 (6.27)

の関係が成り立つ。

(2) 透磁率は,周波数比の関数で,その依存性は図 6-9 で示されるM曲線で与えられる。

(3) 相対感度 *P<sub>r</sub>* は,周波数比に無関係に,バイア
 スできまる一定値をとる。

(4) ステップ状応力分布の実効透磁率におよぼす影響は、*Δμeff*の周波数比依存性を示す図6-11のS曲線で与えられる。

さらに、最適バイアスを 4600e にきめる。その理 由として次のことがあげられる。

 (1) 感度 *A<sub>r</sub>* が最大である。相対感度 *P<sub>r</sub>* もピーク に近く,加工の影響が小さい。

(2) µ≈3.4 であって、磁界の浸透深さ δを大きく
 することが容易である。δ は、棒の半径をαとすれば

$$\delta \!=\! \sqrt{\frac{2}{f/f_g}} a$$

で与えられる<sup>45)</sup>。175Hz における  $\delta$  は7mmで,十 分内部まで磁界が浸透していると考えてよい。また, 50kHz では、 $\delta$ =0.4mm である。

(3) 透磁率が小さいため、表皮効果による見掛けの 透磁率の変化が小さく、M曲線が平坦である。

周波数を 175Hz~50kHz の範囲で変化させる。 *f*/ f<sub>g</sub> は, 1~400 の範囲で変化する。

最初に,高周波の測定より外管の応力を決定する。 次に,S曲線を用いて,低周波の測定より内棒と外管 の透磁率の比を求める。この比と外管の応力より,内 棒の応力が求められる。





(124)

図6-12にS曲線を示す。 $f/f_g>100$ では,内層の透磁率  $\mu_1$ は  $\mu_{eff}$ に影響を及ぼさないから,図6-12の A点で  $\mu_{obs}$ を測定し,一様透磁率  $\mu_2$ に対する表皮 効果の計算より,A点の  $f/f_g$ ,  $\mu_2$ ,  $\mu_{eff}$  が求められ る。各周波数比に対する  $\mu_2$ をM曲線によって計算し ておく。

次に,低周波の測定より  $\mu_1$ を求める。測定周波数 は, $S \neq 0$ であればどう選んでもよいが,S 曲線の形 より, $f/f_g=1$ 付近(図6-12のC点)にとると誤差が 少ない。まず,測定周波数  $f \ge \mu_2$ より  $f/f_g$ を計算 する。 $\mu_1, \mu_2$  および 見掛け透磁率  $\mu_{obs}$  については, (6.20)および(6.24)によって次の関係が成り立つ。

$$\frac{\mu_1}{\mu_2} = 1 + \frac{\Delta\mu_{eff}}{S}$$
 (6.28)

$$\Delta \mu_{eff} = \frac{\mu_{obs} - \mu_{obs}(\sigma_2)}{\mu_2} \tag{6.29}$$

ここで  $\mu_{obs}(\sigma_2)$  とは、二重管試験片が全断面にわ たって一様な応力で、透磁率は一様に  $\mu_2$  のときに観 測されるはずの見掛け透磁率を計算で求めたものであ る。

 $\mu_1$  および  $\mu_2$  が求められたので, 応力  $\sigma_1$  および  $\sigma_2$  は, 磁気ひずみ効果の式

 $\begin{array}{c} -\frac{\mu_1}{\mu_0} = 1 + P_r \sigma_1 \\ -\frac{\mu_2}{\mu_0} = 1 + P_r \sigma_2 \end{array} \right\}$ (6.30)

によって求められる。

6.5.2 誤差

誤差は、 $\mu_0$ のばらつきによる誤差、相対感度  $P_r$ の ばらつきによる誤差、 $\mu$ のM曲線による誤差などから 生じる。測定器による  $\mu_{obs}$ の測定誤差は無視できる。

 $\mu_0$  による誤差は最も大きく、加工によるものが2 ~3kg/mm<sup>2</sup> である。M曲線を仮定しても生じる $\mu$ の  $f/f_g$  依存性のばらつきは、約±1kg/mm<sup>2</sup> 程度である と推定される。 $P_r$  は、加工によって指示値の ±5% の誤差を生じる。これらを総合して、誤差は約±3kg/ mm<sup>2</sup> と推定される。

#### 6.6 考察

前節で、二重管試験片については、2周波数で測定 を行って内外の応力を求めることができることを示し た。しかし、実際の丸棒試験片に生じている残留応力 は、さらに複雑なものであり、これを上述の2段ステ ップ状応力分布で近似すれば、きわめてあらい近似と なる。この点を改善するには、内外の境界面も可変に



して3周波数で測定を行うことが考えられる。図6-13 は、断面積比を3/4、1/2、1/4、1/16、1/64と変化さ せたときのS曲線を示す。10 $\phi$ の試験片について外 管の厚さを示せば、1/64 で0.04mm、1/4 で0.67 mm である。 $f/f_g$ が増加するときのSの減少のしか たが、外管の肉厚によって変化することがわかる。  $f/f_g=4$ および1のときのSの比を図6-14に示す。S 曲線は、内棒と外管の透磁率の比についての感度曲線 であり、外管の肉厚が0.2mm ぐらいになると $f/f_g=$ 100 でも、かなり内棒の影響が出るので、 $\mu_2$ の値を 高周波の測定より直ちに計算することはできない。し かし、図6-14を用いて2段ステップ状応力分布で近似 した場合の境界面がほぼ求められ、実際の表面近くの 応力の推定を行うことができる。



59

(125)