船舶技術研究所報告 第25卷 第3号 研究報告(昭和63年5月)

追波中の漁船の波乗りに関する模型実験

菅 信\*・猿田 俊彦\*・安野三樹雄\*山越 康行\*\*・鈴木 四郎\*\*

Model Experiments on Surf-Riding of a Fishing Boat in Following Waves

By

Makoto Kan, Toshihiko Saruta, Mikio Yasuno

Yasuyuki YAMAKOSHI and Shiro SUZUKI

### Abstract

Surf-riding phenomenon of a ship in regular following waves is examined. Results of the selfrunning model tests in the regular following waves show that there exists a definite critical condition in occurrence of the surf-riding phenomenon which is clearly distinguished from the large amplitude surge motion, and that the critical condition can be regarded as the moment when the ship speed including the variable component due to the surge motion reaches the wave speed. Analytical considerations of equation of surging motion in following waves explain the above critical condition by the fact that once the ship speed reaches the wave speed, then the ship speed can not be changed from the wave speed, because the ship is in a state of statical equilibrium with regard to the ship speed.

Since the critical condition is clarified as mentioned above, it becomes possible to estimate the critical wave height and ship speed for the surf-riding as a function of wavelength and wave direction for every type of ships and every loaded conditions, provided that the surge response function in following waves can be estimated exactly.

A simple method for estimation of the critical wave height and ship speed is proposed and some examples of the chart of the critical curves for a stern trawler are also presented. The estimation of critical speed by means of the above method using Froude-Kriloff's hypothesis and neglecting the added mass, the resistance and the increase of the wave speed due to the dispersion by the finite wave amplitude, is in the safer side by about 10% than the experimintal results. It is also emphasized that in the shallow water the critical speed is drastically decreased.

<sup>\*</sup> 運動性能部

<sup>\*\*</sup> 農林水産省 水産工学研究所 原稿受付:昭和62年8月15日

目 次

1.	緒	言	•••	••••	••••		•••	•••••	•••••	••••	•••••	•••••	·· 26
2.	模型	船と	実	験方	法・	•••••	•••	• • • • •	••••	••••	•••••	•••••	·· 27
2.	1 模	型	船	••••	••••	• • • • • •	•••	• • • • •	•••••	••••	•••••	•••••	··27
2.	2 実	験方	法	•••••	••••	• • • • •	•••	••••	••••	•••••	••••	•••••	·· 28
3.	実験	結果	•••	•••••	••••	••••	••••	•••••	•••••	•••••	••••	•••••	·· 29
3.	1プ	ロペ	ラ	可転	数と	: 船过	東・	•••••		•••••	•••••	•••••	29
3.	2 前	後揺	れ	芯答		• • • • •	••••	•••••	•••••	•••••	••••	• • • • • •	34
3.	3 出	会周	期	•••••	•••••	••••	• • • •	•••••	•••••	•••••	••••		··40
3.	4 前	後揺	れ	東度	と加	速度	更・		•••••	•••••	••••	• • • • • •	••44
4.	波乗	り発	生	り解	析的	「検言	す・	•••••		•••••	••••	•••••	••48
5.	安全	運航	指針	十へ	の応	5用	••••	•••••	•••••	•••••	••••	•••••	50
5.	1限	界波	高	•••••	•••••	••••	••••	• • • • •		•••••	••••	•••••	50
5.	2限	界船	速	••••	•••••	••••	••••		••••	• • • • • •	••••		··52
6.	浅水	影響	•••	•••••	•••••		••••		•••••	•••••	••••		53
7.	結	言	•••	•••••	•••••	••••	••••	•••••	•••••	• • • • • •	••••	•••••	53

# 1.緒 言

追波中の船の波乗り現象は、操縦不能から転覆にい たる危険性をもついわゆるブローチング現象の発生と

きわめて深い関連があるとされており<sup>1),2)</sup>,その発生 のメカニズムを明らかにすることが求められている。 規則的追波中の波乗り現象については、P. Du. Cane とG.J.Goodrich の行った実験があり、その結果の 一例を Fig.1 と Fig.2 に再録してある。これによる と、平水中速力7.03ft/sec (2.14m/sec, Fn=0.436) に相当する馬力を保って種々の波長の規則的な追波中 (波高h一定, h=4.5inch=11.43cm, h/L=1/21.6) を自航させた場合,  $\lambda/L = 2.4$  程度までの長波長域で 大きな前後揺れを示しており、その値は前後揺れの振 幅を x, 波振幅を  $\zeta_w$  (=h/2)とすると  $x/\zeta_w > 10$  と いうような大きな値も見られる程である (Fig. 2)。と ころが λ/L=2.4 の付近で突然, 前後揺れの振幅が零 に落ちている。また Fig.1を見ると,その λ/L=2.4 より波長の長い方では平水中速力より僅かに速い平均 速力を中心にやはりかなり大きな前後揺れによる速力 変動があり,  $\lambda/L = 2.4$  のところで突然船速が上がり 波速に等しくなっている。この突然の変化に対応する 波の波速を critical speed と言っているが、この時 の船の状態は、波の下り斜面の部分に船尾を波の山に した位置で捕捉された形となり非常に安定した平衡状 態にあって、この状態の時、例えば後ろから外力を加



Fig. 1 Variation of Model Speed (from P. Du Cane et al.<sup>10</sup>)

(276)



Fig. 2 Amplitude of Surge from Mean Position (from P. Du Cane et al.<sup>11</sup>)

えてやると模型船は一つ先の波に移ってそこでまた安定した平衡状態になるし、逆に前から外力を加えれば一つ後ろの波に移って同様に安定してしまうことを観察している。このような現象の生ずる波長範囲がしばらく続いた後、平水中速力で計算して $\omega_e=0$ になる付近( $\lambda/L=1.2$ 付近、 $\omega_e$ は出会円周波数)から再び船は前後揺れを始めるようになることを述べている。彼らはこの興味深い現象を発見しているが、その後それ以上の追究をしていないように思われる。

著者等は今回,漁船模型を使い P. Du. Cane 等と同 様の実験を行った結果,追波中の大振幅前後揺れから 波乗りに移行する現象に関して,多くの詳しいデータ を得ることができ,その結果,波乗り現象発生のメカ ニズムを明らかにするとともに,危険な波乗りを避け るための安全運航指針の簡易な推定法を提案すること ができた。追波中の大振幅前後揺れと波乗りに移行 する限界を明確に示すデータはこれまでに公表された ものはなく,また追波中の前後揺れの推定精度向上の ための研究の検証データとしての意義も少なくないと 考えられるので、今回得られた実験データは膨大であ るが文献"に発表した極く一部のデータを含めてすべ ての実験データを、資料として取まとめておくことと した。

なお、本報告の主要部分は、深水域での波乗りを 扱った文献\*とほとんど同じであるが、更に浅水域で の波乗りを含めて一般化したものである。文献\*を改 めて参照する必要がないようにしたため、それと重複 する記述が少なからずあることを始めにおことわりし ておく。

# 2. 模型船と実験方法

#### 2.1 模型船

使用した模型船は124トン型北洋沖合底曳網漁船の 1/12 模型であり, Table 1 に主要目を, Fig. 3 に正 面線図と船首尾形状を, また Photo 1 に外観を示す。

27

(277)

Items	Ship	1/12 Model	Remarks
Displacement ∆	471.07 t	266.0 kg	full departure
Length Lpp	30.58 m	2.548 .	between perpend.
Breadth B	7.38 🔳	0.615 .	mould
Fore Draft d:	1.62 ■	0.135 =	from base line
Aft Draft da	3.62 =	0.302 #	from base line
Mean Draft d <sub>e</sub>	2.62 .	0.218 m	from base line
Roll Period Tr	10.17 sec	2.68 sec	2.94 sec as plan
Radius of Gyration		0.297 Lpp	
KG	3.36 ∎	0.280 #	K = base line
GM	0.45 🖬	0.0375 🔳	
69 G	2.71 =	0.226 #	to aft
Propeller Dia.	2.30 ∎	0.186 .	stock propeller
Pitch ratio	Срр	1.055	
Dir. of Prop. Rev.	left	right ahead	
Rudder Area Ratio	1/27.3	1/27.3	Ar/Lpp+d <sub>m</sub>

Table 1	Principal	Particu	lars
---------	-----------	---------	------



Photo 1 View of Model



Fig. 3 Body Plan and Shapes of Bow and Stern

### 2.2 実験方法

模型実験は,船舶技術研究所の第1船舶試験水槽 (通称80m角水槽)において,無線操縦の完全自航模 型船を用いて行った。ある波長と波高に設定した規則 的な追波中を,予め設定したプロペラ回転数で航走さ せ,模型船に搭載したジャイロアクセロメーターによ り前後揺れの加速度を計測し,同時に水中超音波を利 用した航跡自画装置による1秒ごとの位置データか ら,平均船速と前後揺れによる速度変動の振幅を計測 した。プロペラ回転数は模型船に搭載した駆動用直流 モーターの速度制御装置により設定値が保たれるよう になっている。P. Du. Cane 等の実験では,模型船の馬 力(恐らくプロペラ回転数)を平水中のある速力に相 当する値に設定し,以後それは変えずに波の波長の方 を変えて(波高は一定)行っているが,今回の実験は 設定した波でプロペラ回転数の方を低速域から高速域 まで広範囲に変えて行った。この方が波乗りの限界を 明らかにするための実験としては能率が良く適切な方 法と考えられる。実験を行った波長,波高,プロペラ

28

(278)

λ/Lpp	h∕λ	n (rps) *	
0.5	1/40	5~20,	14 runs
0 0 0 5	1/20	5~21,	24 runs
0.625	1/10	10~15,	17 runs
0.75	1/20	5~21,	16 runs
	1/40	5~21,	30 runs
1.0	1/20	5~21.5,	29 runs
	1/40	5~21.5,	15 runs
1.25	1/20	5~21,	15 runs
	1/40	5~21.5,	28 runs
1.50	1/20	5~21.5,	25 runs
	1/10	13~21,	9 runs
1.75	1/40	5~21.5,	11 runs
•	1/40	5~21,	11 runs
2.0	1/20	5~21.5,	21 runs
2.5	1/40	5~21,	9 runs
3.0	1/40	5~21,	9 runs

Table 2 Parameter of Experiment

\* n : number of propeller revolution

回転数の組み合わせを Table 2 に示す。なお、22rps 以上のプロペラ回転数での実験は、自航モーターの速 度制御装置の容量の制限から実施できなかった。

波との出会角は、模型船の寸法の制限(Lpp=2.548 m、排水量 266kg)からオートパイロット装置を搭載 できなかったので、マニュアル操舵でコース保持が比 較的やりやすい  $\chi = 0^{\circ}$  (真の追波) の場合のみに限 定した。

前後揺れの加速度を計測したジャイロアクセロメー ターは通常のバーティカルジャイロのジンバル上に小 型のサーボ式加速度計を載せたもので、本来は縦揺 れ、横揺れ、上下揺れ加速度、左右揺れ加速度を計測 するように設計されたものであるが、今回はこれを水 平面内で 90° 回転させて前後揺れの加速度を計測し たものである。

角水槽での真の追波中の実験で使える有効水面は, 助走および回避旋回区間を含めて 60m 弱であり質の よいデータを取るには狭すぎる嫌いがあるが,限界一 杯まで船を航走させてなるべく長時間のデータを取る ように努めた。このため回避しきれず,消波ビーチに 乗り揚げプロペラ,船体,船底超音波発信部等を度々 損傷した。

#### 3. 実験結果

### 3.1 プロペラ回転数と船速

Fig.4は、平水中の模型のプロペラ回転数と船速の 関係である。角水槽における模型実験では通常摩擦修 正をしていないので、今回の実験もすべて模型船の自 航点におけるものである。この結果をプロペラ回転数 の7次式で最小自乗近似した曲線を、Fig.5以下に示 す追波中のプロペラ回転数と船速の関係の図で使って いる。

Fig. 5 (a)~(p)には、その追波中のプロペラ回転数



(279)



(280)





と船速の関係についての実験結果を, Table 2 で示し たすべての波長, 波高の組み合わせの各々について1 ケースにつき1図として示してある。ここで示した船 速は, 上述のように超音波式航跡自画装置の1秒毎の 位置データというかなり粗い間隔のデータから求めた ものであり, また波高が高く船体運動が激しい場合 や, 船速が速い場合,水中超音波の伝播状況が悪い等 のため欠測データの少なくない場合もあり, 測定精度 に多少の問題はあるが,予想外に良いデータが取れた と判断している。Fig.6に航跡自画装置からの船速解 析結果の一例を示しておく。現在更新中の新しい航跡 自画装置が完成すれば, 1秒に最大5個までの位置デ



ータが取れる予定であり、また欠測データを少なくす るため、超音波の受波器を角水槽内の8箇所に増やす 等の対策をしており、もっと質の良い計測ができるも のと期待している<sup>12</sup>。

Fig. 5 の中から大振幅の前後揺れから波乗りへの移 行の様子が良く現れている例として  $\lambda/L=1.5$  の場合 を見てみよう。Fig.5 (i) は  $h/\lambda=1/40$  の場合であ るが、上下の両端を短い横線で区切られた縦線は速度 変動の範囲を示し、黒丸はその変動の中間点をとって 平均船速を表している。プロペラ回転数が高くなるに つれて、前後揺れによる速度変動の振幅が大きくなる が、あるプロペラ回転数 (この場合は 20rps) のとこ

(282)



Fig. 6 Example of Speed Analysis from Position Data

ろで急に速度変動がなくなり、同時に平均船速が不連 続に変化している。それまでは平均船速はほぼ平水中 の値に近いところにあったものが、ここで突然に高く なっているわけであるが、その高くなった速度は図中 に点線で示した波速に一致していると見るのが自然で ある。僅かな差は出ているが、これは発生した波の周 期あるいは船速の計測誤差と考えられる。Fig.5 (j) は波高が倍になった h/λ=1/20 の場合であるが, 平 均船速に突然の変化が起こるプロペラ回転数が18rps まで下がっている。またこの場合は突然の変化を起こ したあとの平均船速は、点線で示した波速より少し高 い速度まで上がっている。Fig.5(k)は更に波高を高 くした  $h/\lambda = 1/10$  の場合であるが, 突然の変化を起 こしたあとの平均船速は、点線で示した波速よりかな り高い速度まで上がっている。しかしビデオと1秒毎 の連続写真による観察によれば、この突然の変化をす

る前までのプロペラ回転数では大きな前後揺れがみら れるが、突然の変化のあとのプロペラ回転数では明ら かに波とともに走り、波乗り状態になっていると判断 された。従ってこれらの図に現れたような波速より速 い速度で波乗りをするということは不合理であるの で、この点を考察してみた結果、次のような判断をし た。

すなわち, 点線で示した波速Cは波周期をTとし

$\lambda = (g/2\pi) T^2$	(3.	1)
$C = (g \lambda/2 \pi)^{1/2}$	(3.	2)

から求めた値であり,無限小振幅の正弦波について成 り立つ関係である。

一方有限振幅波である Stokes 波については、波数  $k (= 2\pi/\lambda)$  として

$$C^{2} = g/k \left(1 + k^{2} \zeta_{w}^{2} + 1.25 k^{4} \zeta_{w}^{4} + \cdots\right) \quad (3. 3)$$

(283)

であり5),また

 $\lambda = C T \qquad (3. 4)$ 

であるから,(3.3)と(3.4)からCを消去して次式 が求められる。

 $(2\pi/T)^2 = gk(1+k^2\zeta_w^2+1, 25k^4\zeta_w^4+\cdots) \quad (3.5)$ 

計測された波周期Tと波振幅 Swを既知としてこの 式から K, 従って波長が求められ, (3.4) により波速 Cを求めることができる。

Fig. 5 の図中に非線形として実線で示した波速は, このようにして(3.5)の右辺第 3 項すなわち k<sup>4</sup>の項 まで取って求めた値である。波乗り状態と見なされる 船の平均速度は,このようにして求めた波速と比べて もなおある程度の差が認められるが,計測誤差の範囲 と判断することもでき,Fig. 5(i)~(k)に現れていた, 同一周期の波に対して波高が高い程波乗り状態の船速 が高く出ているように見える奇妙な結果については, 上のような説明ができると考えている。

Fig.5等で λ/L=1.5 などのまるめた値で書いてあ るものは、グループ分けしたものが見分けやすいよう に実験計画での予定値を記してあり、上のような修正 をほどこした値はカッコ内に記してある。なお同一周 期の波を起こしたつもりでも造波装置の制御精度の問 題からか、計測された周期が波高が高い時に僅かであ るが長くなっている場合もあり、修正にあたっては計 測された周期と波高(フーリエ解析した基本周波数成 分)を使用している。

以上のような波速の修正をほどこした後の結果につ いて見て見ると、 $\lambda/L = 1.5$ のいずれの場合も、平均 船速の突然の変化が起こる(すなわち波乗り状態にな る)のは、前後揺れによる速度変動を含めて船速の最 大値が波速に達した時点であるとする仮説<sup>61</sup>を裏付け ているように思われる。

同様のことは、 $\lambda/L = 2.0, h/\lambda = 1/20$  (Fig. 5 (n)) や $\lambda/L = 1.25, h/\lambda = 1/40, 1/20$  (Fig. 5 (g),(h)),ま た $\lambda/L = 1.0, h/\lambda = 1/40, 1/20$  (Fig. 5 (e),(f))の ほかに、 $\lambda/L = 0.625, h/\lambda = 1/20, 1/10$  (Fig. 5 (b), (c))というような短波長の波においても起こっている ことが明瞭に示されている。

これらから当然のこととして類推されることは, Fig.5 で波乗りが起こっていない  $\lambda/L$  (例えば Fig. 5 (p)の $\lambda/L$ =3.0,  $h/\lambda$ =1/40 等)についても波高を高 くするか, プロペラ回転数を上げて船速を上げるかす れば必ず波乗りが起こるであろうということである。

また平均船速の突然の変化があるため、如何に馬力 の余裕があってもある海象下で実現できない船速範囲 が存在するということになるが、これは35年以上も前 に Grim<sup>11</sup>が指摘していたことである。

平均船速が波速より低い場合には、前後揺れによる 速度変動を含む船速が波速まで達すると波に捕捉され て波乗り状態となり、平均船速が波速までもっていか れるらしいことは以上の実験例に数多く示されている が、逆に平均船速が波速より高い場合には、前後揺れ による速度変動を含む船速の最低値が波速まで下がっ た時に波に捕捉されて波乗り状態となり、平均船速が 波速まで下げられたということを明確に示す結果はあ まり得られていない。 $\lambda/L = 0.625$ ,  $h/\lambda = 1/20$ (Fig. 5 (b))  $\mathcal{O}$  14rps,  $\lambda / L = 0.75$ ,  $h / \lambda = 1/20$ (Fig. 5 (d))  $\mathcal{O}$  15, 5rps,  $\lambda / L = 1.0$ ,  $h / \lambda = 1/20$ (Fig.5(f))の19rpsなどがその例のようにもみえる が数が少なく断定し難い。従って、波乗り発生の限界 を特定する仮説のうち、下限については今回の実験で 一応確認できたと考えられるが、上限については確認 できていない。但し平均船速が波速より高い場合につ いての実験は、今回は自航モーターの速度制御装置の 容量の制限から、 $\lambda/L \leq 1$ の場合に限られており、 もっと長い波長についての実験で確認してみる必要が あるのかもしれない。

次に波乗り状態に陥った船の平均船速が波速に等し くなっていることは、前述のように実験でも確認され たと考えているが、この場合の船速は波速に等しい一 定値ではなく明白に正弦的な変動をしていると認めら れる場合が特に波長の長い方の場合に少なくなかっ た。一例を Fig.7 に示しておく。これは、恐らく波 乗り状態におけるいわゆる2つの平衡点<sup>71,81</sup>(推力, 抵抗,前後揺れ強制力を加えた前後方向の力が負、す なわち推力方向になる範囲の両端)の間で前後方向の 往復運動をしているのではないかと推測しているが、 今後更に究明する必要がある。

### 3.2 前後揺れ応答

前後揺れの振幅応答特性を,波長波高を固定して船 速を変えて求めた結果を Fig.8(a)~(p)に示す。 ωe =0を同調点とする一種の同調曲線のような形になる ことと,波乗りになる前後の極めて大振幅の前後揺れ が特徴的であり振幅比で10以上の値が数多くみられ

34

(284)



Fig. 7 Surging Motion during Surf-riding Condition

る。 $\lambda/L = 0.5$ , 0.625, 0.75 というような強制力の 小さな短波長の場合でも傾向は同じである。前後揺れ 振幅の実験値の大部分については,前後揺れ加速度の 記録から解析したものと, 1秒毎の航跡から解析した ものとで大きな差はないが波乗り直前の大振幅の前後 揺れでは,加速度計からの解析は精度があまり良くな く,航跡からの解析結果を示した場合が多い。

Fig. 8 のなかで波乗りが発生している場合の図をみ ると、 $\omega_e = 0$ の付近、すなわち波乗りのところで実 験点が低いところに集中しているが、これは上に述べ た波乗りの中で起こっている通常の前後揺れとは異な る性質の短周期前後揺れの部分をプロットしたもので ある。波との出会周期で変動する本来の前後揺れをプ ロットしようとするならば、出会周期無限大で、有限 の前後揺れ速度があるのであるから、プロットする位 置は無限大とすべきであるが,ここではそれは省略し て性質の異なる前後揺れ振幅の方を示してある。

Fig.9には通常の周波数応答の形で前後揺れの振幅 応答を船速毎に示してある。

Fig. 8, Fig. 9 のいずれも計算値は通常のストリッ プ法に組み込まれているもので,波強制力はフルード クリロフカのみとし,抵抗などの減衰力項や附加質量 も無視した最も単純な計算法による値である<sup>9</sup>。実験 値と計算値の一致度は,特に高速域で極めて悪く改善 が必要である<sup>10</sup>。計算値がつねに実験値より高くでて いることから,附加質量を元良チャートなどから求 め,抵抗とプロペラ単独特性,自航要素を考慮すれば かなり改善されると考えられるが,今回は試みていな い。

35

(285)



(286)



(287)





(288)





Fig. 9 Surging Response Function

### 3.3 出会周期

追波中の前後揺れ振幅は、上に述べたもっとも単純 な計算法では 1/ωe<sup>2</sup> に比例するし、抵抗を考慮した 計算法では 1/we に比例する。いずれにもして追波中 の前後揺れ振幅が極めて大きくなる理由は、出会周期 Te が長くなることであるので、出会周期の実験値を Fig. 10 (a)~(p) に示す。波傾斜が緩く  $(h/\lambda = 1/20$ , 1/40),また $\omega_e = 0$ (波乗り)から外れていれば計算値 と良く合っているが、波傾斜が急になる(h/λ=1/10) と全体に高速側へずれてくる (Fig. 10(c),(k))。これ は、これらの図では前述の振幅分散による波速の増加 を無視しているためである。また ω<sub>e</sub>=0 に近づくと 計算値から外れてくる傾向が, λ/L ≥1.5 で顕著にみ られるが、これは前後揺れ速度が平均値のまわりの正 弦的な変動から、非対称な変動になり波速に近い高速 側が1周期の間により長い時間を占めることにより (Fig.6参照), 平均船速が平水中の値より上がってい ることによるものと考えられる。



Fig. 10 (b) Surging Period ( $\lambda / L = 0.625$ ,  $h / \lambda = 1/20$ )

40

(290)





(291)



![](_page_17_Figure_1.jpeg)

42

(292)

![](_page_18_Figure_0.jpeg)

43

(293)

![](_page_19_Figure_0.jpeg)

有効水面 60m の水槽で 2m/sec 前後の模型船速の 実験を行い, 20sec 近い周期の現象を観測しているわ けであるから,極めて難しい実験であり模型船を度々 損傷したということが納得されると思われるが,その 割にはかなり精度の良いデータが得られたと判断して いる。

 $\omega_e = 0$  付近で低いところに集中している実験点は, 通常言うところの波との出会周期ではなく,先に述べ た波乗り中の前後揺れの周期であって,Fig.8の前後 揺れ振幅の図における  $\omega_e = 0$  付近での実験点と対応 するものである。

### 3.4 前後揺れ速度と加速度

Fig. 11 (a)~(p)には前後揺れの速度と加速度を示し てある。実線は前述の単純計算法による結果であり, 実験値とは極く低速時,または極く短波長の場合 ( $\lambda$ / L=0.5, Fig. 11 (a))を除いて一致度は極めて悪い。 これらの実験値は計算法の改良を研究する際の検証デ ータとして有用であることと,追波中の前後揺れの性 質を把握するのに,前後揺れの変位だけでなく,速度 と加速度の挙動をも同時に見ることが必要と考え,す べてのデータを資料として掲げたものである。

![](_page_19_Figure_5.jpeg)

(294)

![](_page_20_Figure_0.jpeg)

![](_page_20_Figure_1.jpeg)

(295)

2.5 Vm (m/s)

0.5 Fn

![](_page_21_Figure_0.jpeg)

![](_page_21_Figure_1.jpeg)

(296)

![](_page_22_Figure_0.jpeg)

![](_page_22_Figure_1.jpeg)

47

(297)

![](_page_23_Figure_0.jpeg)

![](_page_23_Figure_1.jpeg)

1.5

2.0

1.0

0.5

![](_page_23_Figure_2.jpeg)

# 4. 波乗り発生の解析的検討

以上の実験結果から, 波乗りは前後揺れによる速度 変動を含めた船の速度が瞬間的にせよ波速に達した時 から発生するらしいことが推察されるが、ここではそ のことを解析的に明らかにすることを試みる。

追波中の船の前後揺れを表す運動方程式を次のよう に書く

$$M \frac{dV}{dt} = T \cdot (1 - \tau) - R + F \qquad (4. 1)$$

ここに, Mは付加質量を含む船の質量, Vは船の速 度, tは時間, Tはプロペラ推力, 1-で は推力減少 係数, Rは抵抗, Fは波による前後揺れ強制力であ る。

プロペラ推力Tが次式で充分に表現されることは良 く知られている。

 $T = \rho n^2 D^4 (a J^2 + b J + c), J = V(1 - w) / nD \quad (4.2)$ 

ここに、 $\rho$ は水の密度、nはプロペラ回転数、Dは プロペラ直径, wは伴流率である。

また,抵抗Rは

(298)

 $R = a_1 V + a_2 V^2 + a_3 V^3 + a_4 V^4 + \cdots \qquad (4.3)$ 

などと表わすことができ,更に前後揺れ強制力Fを

 $F = F_a \cos(\omega_e t + \varepsilon) \tag{4.4}$ 

と表わす。ここに, ωe は出会円周波数で, ωを波の 円周波数とすると真の追波では

 $\omega_e = \omega \left( 1 - V/C \right) \tag{4.5}$ 

である。位相差 ε の基準は特に定義していない。

(4.1) に(4.2),(4.3),(4.4) を代入すれば, Vに 関する1階の常微分方程式になるが非線形のため解析 解を得るのが困難である。非線形のままでも取り扱い は可能であり,同じ結論を導くことができる筈である が,これからの議論は,波乗りの発生を解析的に明ら かにしようとするものであって,今ここで言っている V<sup>2</sup>等の非線形性は本質的な要因ではないと考えられ ることと,解析解を使った方が説明がしやすいことか ら,次のような線形化をする。すなわち

$T = T_o + T_1 V$	(4.	6)
$R = R_o + R_1 V$	(4.	7)

とおく。ここで、 $T_o = T(V_o) - dT(V_o)/dV \cdot V_o$ ,  $R_o$ = $R(V_o) - dR(V_o)/dV \cdot V_o$ ,  $T_1 = dT(V_o)/dV$ ,  $R_1$ = $dR(V_o)/dV$ 等と考えればよく、また $V_o$ は考えて いるVの近傍、例えば今の場合なら $V_o = C$ とすれば よいであろう。

(4.4),(4.6),(4.7) を(4.1) に代入すると, Vに 関する次の1階線形常微分方程式になる

$$\frac{dV}{dt} + AV = B + E\cos(\omega_e t + \epsilon) \qquad (4.8)$$
  

$$z \ge t \ge A = [R_1 - T_1 \cdot (1 - \tau)]/M > 0 \qquad (4.9)$$
  

$$B = [T_o \cdot (1 - \tau) - R_o]/M > 0 \qquad (4.10)$$
  

$$E = F_a/M > 0 \qquad (4.11)$$

である。

船の運動を表わす微分方程式において、時間に依存 する項がなくなるという条件のもとでも、その方程式 が成り立つならば、そのとき船は静的な釣合状態にあ ると考えてよいであろう。この条件は、(4.8)の場合

$\omega_e = 0$	(4.12)
$AV = B + E \cos \epsilon$	(4.13)

のときに実現される。

 $\omega_e = 0$  というのは, (4.5) からも明らかなように V=C, すなわち船速と波速が等しいときであるから, (4.13) から

 $C = (B + E \cos \varepsilon) / A \qquad (4.14)$ 

が成り立てば,静的な釣合状態が実現されることになる。(4.14)の右辺第1項は波乗りがないとした場合の平均船速であり,第2項は前後揺れによる船速の変動成分の $\omega_e=0$ のときの値である。換言すれば静的な釣合状態が実現されるためには,加速中等の過渡状態を除いて, $\omega_e = 0$ になることがある,すなわち瞬間的な船速(=平均船速と船速の変動成分を加えたもの)が波速に達することがあるという条件が必要である。

このような静的な釣合状態が可能であれば、この静 的釣合状態を初期条件として、船の運動を表わす元の 微分方程式を解こうとしても、船は釣合状態から変化 することができない筈であるから、その解は初期条件 がいつまでも保持されることになる筈である。

これを物理的に言い直せば,規則的な追波の中で船 が(プロペラ回転の変動に応答する速度成分につい て)過渡状態を過ぎて定常状態になっている場合に, 船速が波速に達するような条件下では,一旦波速に達 した後は,ずっとその速度で波とともに走り続けると いうことになる。

このことを(4.8)の解析解で確かめようとすると 次のようになる。すなわち(4.8)の一般解は

$$V = C_1 \cdot \exp(-At) + B/A + E/(A^2 + \omega_e^2)^{1/2}$$
  
 
$$\cdot \cos(\omega_e t + \epsilon - \delta) \qquad (4.15)$$

ただし

$$\delta = \tan^{-1}(\omega_e/A) \tag{4.16}$$

となる。

(4.15)の右辺第1項は過渡状態を表わす項で初期 条件を与えることにより,係数C<sub>1</sub>を決めることがで きる。第2項は定常状態に達した後の波浪中の平均船 速であって,波浪中の抵抗増加や自航要素の変化を無 視すれば,平水中を同一のプロペラ回転数で定常航走 するときの速度と考えてよく,追波中ではそのように 考えても大きな誤りではないことは,Fig.5に示され た通りである。第3項が波浪中での前後揺れによる船 速変動を表わしている。

(299)

ここで初期条件を 
$$t=0$$
 で $V=0$  とすれば  
 $C_1 = -B/A - E/(A^2 + \omega^2)^{1/2} \cdot \cos(\varepsilon - \delta_o)$  (4.17)

ただし

$$\delta_o = \tan^{-1}(\omega/A) \tag{4.18}$$

従って

$$V = \left[-B/A - E/(A^2 + \omega^2)^{1/2} \cdot \cos(\varepsilon - \delta_o)\right]$$
  
 
$$\cdot \exp(-At) + B/A$$
  
 
$$+ E/(A^2 + \omega_e^2)^{1/2} \cdot \cos(\omega_e t + \varepsilon - \delta) \qquad (4.19)$$

となる。これは、波浪中で模型船を固定しておいて、 ある瞬間に所要の回転数でプロペラの回転を開始し、 同時に模型船の固定を解いた後の運動、すなわち実際 に角水槽で実験をするときの状況を表わしている。

次に初期条件を *t* =0 で *V*=(*B*+*E* cos ε) /*A* (= 波速*C*) とすれば

$$C_{1} = 0 \qquad (4.20)$$

$$V = B/A + E/(A^{2} + \omega_{e}^{2})^{1/2} \cdot \cos(\omega_{e} t + \varepsilon - \delta) \qquad (4.21)$$

となる。これは,船速が波速に達した瞬間を初期状態 と考えた場合の,その後の運動を表わしているがこれ は一見,上で意図した

$$V = (B + E\cos\varepsilon)/A \tag{4.22}$$

という時間に依存しない一定値にはなっていない。 しかし,(4.5)を考慮することによって(4.21)が (4.22)のような一定値でなくてはならないことが導 き出せる。すなわち(4.5)から

$$V = (1 - \omega_e / \omega) C \tag{4.23}$$

であるが, 波速Cは今の場合は(4.14)のような関係 があることが前提であるから,

$$V = (1 - \omega_e/\omega) \cdot (B + E\cos\varepsilon)/A \qquad (4.24)$$

$$E\cos \varepsilon/A - \omega_e/\omega (B/A + E\cos \varepsilon/A)$$
  
=  $E/(A^2 + \omega_e^2)^{1/2} \cdot \cos(\omega_e t + \varepsilon - \delta)$  (4.25)

の関係がすべての t に対して恒等的に成立しなくて はならないが、そのためには恒等的に

$$\omega_e = 0 \tag{4.26}$$

でなくてはならないことが判る。すなわち,(4.21) において常に(4.26)でなくてはならないから,波速 に達した後は常に(4.22)の関係が保持されることに なる。

上の説明はあまり明確とは言えないが、その理由は (4.8)の一般解(4.15)は $\omega_e$ を定数とみなしてよい 範囲であれば正しい解であるが、 $\omega_e$ は(4.5)から明 らかなようにVに依存しているわけで、今の場合は $\omega_e$ がVに依存していることをきちんとした形で考慮しな ければ、波乗りの発生を解析的に明白な形で明らかに することはできそうもないということであろう。

そこで (4.5) を (4.8) に代入すると  $\frac{dV}{dt} + AV = B + E\cos\{\omega(1 - V/C)t + \epsilon\} \qquad (4.27)$ 

となる。これを解析的に解くことができれば上で意図 したことが、明確な形で証明できると思われるが、解 析解を見出すことは困難である。しかしこれを数値的 に解くことを考えた場合には、(4.27)をt=0で V = $C=(B+E\cos\varepsilon)/A$ の初期条件で解き始めれば、 いつまでたっても初期値から変化していかないことだ けは明らかであるから、波乗り現象の発生を一応は説 明できたとしてよいであろう。確認のために(4.27) を数値的に解いた例を Fig.12 に示す。

![](_page_25_Figure_23.jpeg)

Fig. 12 Simulation of eq. (4.27)

# 5. 安全運航指針への応用

#### 5.1 限界波高

以上のように波乗り発生の限界条件が明確になった ことから,これを避けるための安全運航指針の作成が 可能となる。

前後揺れの振幅応答を $\epsilon (= x / \zeta_w )$ とすると, 波乗 り発生の限界条件は $V_m$ を平均船速(近似的に平水中

(300)

船速と等しいと考える)とすると

$$C = V_m + \omega_e \cdot x = V_m + \omega_e \cdot \xi \cdot \zeta_w \qquad (5. 1)$$

と書ける。(4.5) のVは今の場合Vmと同じものと考 えてよいから,(4.5)と(5.1)から波乗り発生の限 界波高 h(=2ζw)が次のように求められる。

$$h = 2 C / (\omega \cdot \xi) \tag{5. 2}$$

これを無次元表示すると、線形波の場合には深水波 でも浅水波でも  $C = \omega \cdot \lambda / (2\pi)$ の関係を使って

$$h/\lambda = 1/(\pi \cdot \xi) \tag{5.3}$$

という簡単な表示になる。

以上は*V*<*C*からの波乗りである。一方*V*>*C*から の波乗り、すなわち平水中の速度より遅い速度で波と ともに走らされる方の波乗りは、前述のように模型実 験では明確には確認されていないし、また後述のよう に危険性は少ないと考えられるが、限界条件としては (5.1)のかわりに

 $C = V_m - \omega_e \cdot x = V_m - \omega_e \cdot \xi \cdot \zeta_w \qquad (5. 4)$ 

となる。この場合 we は (4.5) ではなく

 $\omega_e = \omega \left( V/C - 1 \right) \tag{5.5}$ 

であるが,限界波高の表示式は(5.2),(5.3)とまったく同じになる。

斜め追波では、出会角を χ として左右揺れの影響を 無視すると (5.3) に相当する式は

$$h/\lambda = 1/(\pi \cdot \xi \cdot \cos \chi) \tag{5.6}$$

となる。  $\xi$ は大凡 cos  $\chi$  に比例すると考えてよいか ら,斜め追波の限界波高は  $\chi = 0^{\circ}$ の時の値の $1/\cos^{2}\chi$ と考えてよいであろう。

このようにして,波長と出会角,船速を与えて前後 揺れの応答特性を求めれば、(5.6)から限界波高が求 められる。今回の模型実験に使用した漁船について, 先に示した前後揺れ応答の計算値を使って求めた例を Fig.13に示す。実線が加速されて波乗りになる場合 の限界波高曲線で,点線は減速されて波乗りになる場 合の限界波高曲線であり,この曲線より上の範囲では 波乗りが発生することになる。このようなチャートが 各船型毎に,また必要であれば載荷状態毎に備えられ ていれば、海象に応じた危険船速を知ることもできる。 ただし,追波中の前後揺れ応答特性を通常のスト

![](_page_26_Figure_16.jpeg)

リップ法で計算したものは精度が悪いことが先に実験 との比較で明らかになったので,限界条件を精度よく 求めるためには推定法の改善が必要である。しかし, ここで使った最も簡単な計算法,すなわち附加質量や 前後揺れ抵抗を無視し,波の強制力はフルード・クリ ロフカのみを使う計算法の方が安全側の結果を与えて おり,安全基準として使うには望ましいとも考えられ る。また波高が高いほど波速が速いという問題も,こ れを考慮して限界条件を出そうとすると,(5.2)を逐 次近似等で解く必要があるが,無視した方が安全側の 結果を与えるので,やはり安全基準として使う場合に は無視して差し支えないであろう。

これまでに述べたところから明らかなように, 波乗 り現象そのものは極めて広範囲の波長域で起こりうる ことになるが, 波強制力の小さな短波長域での波乗り まで危険なのか, また長波長域の波乗りでも, 常用の 平水中船速と波乗り状態になったときの船速(=波速) との差が小さくても危険なのかという問題もあり, 真 の安全基準はブローチング現象<sup>11,21</sup>を考慮したもので あるべきことは言うまでもなく, 本文での議論は単に 波乗りを避けるという目的だけに限定して考えるべき である。

ただブローチングを非常に単純に考えると,操縦運動方程式において,船体に作用する流体力は船速の2 乗に比例するが,舵への流入速度は船速に比例する部 分とプロペラ後流による加速流とから成り,プロペラ 後流からの寄与が大きいとすれば,プロペラ回転数が 変らないにもかかわらず,波乗りによって船速だけが 大幅に増加していれば,舵に作用する力は相対的に小 さくなることは明らかである。因に Fig.5(k)の λ/L

(301)

=1.5, h/λ=1/10 の場合, プロペラ回転数17.5rps 付近の平水中と波乗り後の見掛けのスリップ比は0.42 から0.20へと減少しており, 舵の効果がかなり減少し ていることが推測できる。従って波乗りで危険なの は, 平水中船速との差が大きい場合, しかも加速され る場合であって, 減速されるような波乗りでは危険性 は少ないとも考えられる。従って Fig.13 から求めた 限界船速に対する波速の比が一定の値(例えば1.2な ど)以上のときに危険であると判断することになると 考えられるが, この比の設定には舵面積などの舵特性 を始め操縦流体力の特性を当然考慮しなくてはならな いであろう。

### 5.2 限界船速

上述のように平水中船速からどの程度加速されるか を危険性判定の基準と考えると, Fig. 13 のような表 示ではなく, 次のような表わし方の方が適切とも考え られる。

(4.1) で抵抗と推力が釣り合っているとして前後揺 れを解くと

$$\boldsymbol{\xi} = |F| / (\boldsymbol{M} \cdot \boldsymbol{\omega}_{e^{2}} \cdot \boldsymbol{\zeta}_{w}) \tag{5. 7}$$

であり<sup>111</sup>, これが通常のストリップ法による船体運動 計算プログラムに組み込まれているものであるが, こ れと(5.2) および(4.5) とから低速からの波乗り限 界船速の式として

$$V = C \left[ 1 - \{ |F|/(M \cdot g) \}^{1/2} \right]$$
 (5.8)

が得られる。ただし浅水では,水深をHとして上式で M・gをM・g・tanh (kH) で置き換えればよい。高速 からの波乗り限界船速の式は,限界波高が両方とも同 一の式で表わせたのと違って次のようになる。

$$V = C \left[ 1 + \{ |F|/(M \cdot g) \}^{1/2} \right]$$
 (5.9)

(5.8) を無次元化した次の表示

$$\frac{V/(L \cdot g)^{1/2} = C/(L \cdot g)^{1/2}}{\left(1 - \left\{|F|L/(M \cdot g \cdot \zeta_w) \cdot \zeta_w/\lambda \cdot \lambda/L\right\}^{1/2}\right)}$$
(5.10)

による限界船速の例を Fig.14 に示す。高速側の限界 船速(5.9)は波速の曲線に対して対称になるのと, 上で述べたように危険性は少ないと考えられるので省 略してある。同図には更に,今回の実験結果から外挿 を含めて得られた限界船速の値を h/λ=1/20, 1/40

![](_page_27_Figure_13.jpeg)

Fig. 14 Critical Speed for Surf-riding  $(\chi=0^{\circ})$ 

について示してある。計算値が安全側に出ているのは 当然であるが、その量は10%前後であり安全運航指 針としてはこの方が良いとも考えられる。(5.10) 式 の右辺の |F|L/(M・g・Sw)は前後揺れに対する波浪 強制力のようなもので、限界船速曲線との対応を見る 上で参考になるので Fig. 15 に示しておく。今回の強 制力の計算はフルード・クリロフ力だけであるが、仮 にこれを厳密に計算したとしても前後揺れ応答に(5. 7)を使う限り精度の向上は期待できない。これは限 界波高を求める表示式(5.2)等では、前後揺れ応答 の推定精度が直ちに限界波高の推定精度に結び付くの と異なる点で、限界船速の推定精度を上げる場合は (5.7) は使わず、抵抗を取り入れた形で解くべきこと は言うまでもない。

![](_page_27_Figure_16.jpeg)

斜め追波では、(5.8) に相当する式は  $V \cos \chi = C[1 - \{|F| \cos \chi / (M \cdot g)\}^{1/2}]$  (5.11) となり、Fig. 14 に相当するチャートを出会角ごとに

(302)

作ることができるが |F|は cos  $\chi$  に比例すると考え てよいので,  $\chi = 0^{\circ}$ の場合の限界船速曲線で, 波速 と限界船速の差が cos  $\chi$  だけ小さくなった値, すなわ ち限界船速が上がって安全側になった値に船速の波方 向成分が達しなければ安全ということになる。

波乗り限界条件の表示方法としては, Fig.13より Fig.14のような表わし方の方が, 船速の増加量をす ぐに判定できて, 危険性を直感的に把握するのに便利 であろう。

## 6. 浅水影響

浅水では、波乗り発生の危険性が増大し、平水中前 進速度が零に相当するプロペラ回転数の場合でも発生 する可能性のあることが Grim <sup>7</sup>によって指摘されて いたが、ここでは計算でこのことを検討してみた。 Fig.16 はその結果の一例であり、浅水では限界船速 が低くなり波長の長いところでは Grim の指摘したよ うなことが起こりうることが推定できる。

![](_page_28_Figure_4.jpeg)

![](_page_28_Figure_5.jpeg)

7. 結 言

本報告の結論は次のようにまとめられる。 (1) 規則的追波中における船の波乗りは、長周期大振幅の前後揺れとは明確に区別される現象であり、そ の発生は前後揺れによる速度変動を含む船の時々刻々 の速度が波の位相速度に等しくなった時であること を,自航模型試験結果および解析的な考察から明らか にした。

(2) 従って波乗り発生の限界条件は、平水中船速あるいは対応するプロペラ回転数と波浪条件(波長,波高,出会角)および載荷状態との関連で船型毎に容易に特定することができる。

(3) このためには前後揺れ応答特性の推定精度を良 くする必要があるが,前後揺れの抵抗を考慮しない計 算では精度が悪いことが明らかになった。

(4) 波乗り状態に陥った船は、平均的には波の位相 速度で走らされるが、同時に短周期の前後揺れをして おり、波との相対位置が不動になるわけではないこと が模型試験から明らかになった。

(5) 波乗りは, 波速より低い平水中船速から波速ま で加速されて発生する場合と, 逆に波速より高い平水 中船速から波速まで減速されて発生する場合がありう るが, 模型実験で明瞭に確認されたのは前者が大部分 であり, 後者は明瞭には確認されなかった。

(6) 長周期大振幅の前後揺れと波乗りとは現象とし ては明確に区別されるが,両者の境界付近では微妙な 条件で互いに移行することもあり,波乗り状態になら なければ安全という訳ではなく,非常に長周期の前後 揺れの状態は波乗りと同じような危険性を持つものと 考えるべきである。

(7) このようなことを考慮すると,安全運航指針と して波乗り限界条件を各船型ごとに特定する場合は, 前後揺れ応答の推定計算法としては付加質量や前後揺 れ抵抗を無視し,波の強制力はフルード・クリロフ力 のみを使う単純な方法が,また波速としては線形波の 値を使う方法が安全側の結果を与えており,望ましい と考えられる。この考え方に基づいて限界波高と限界 船速を簡易に求める方法を示した。

(8) 波乗りがすべて危険であるとは断定できないの で、安全運航指針としては波乗りによって平水中船速 からどの程度加速されるかを、一つの基準として取り 入れるべきと考えられる。

(9) 浅水域では波乗り発生の限界船速は低くなり, 極めて長波長の場合には船速零でも波乗り状態になり 得るという Grim の指摘を確認した。

# 参考文献

- 1) 元良誠三・藤野正隆・小柳雅志郎・石田茂資・島 田和彦・牧岳彦;ブローチング現象発生機構に関 する考察,造船学会論文集,第150号,1981.12
- 2) 不破健・吉野泰平・山本徳太郎・菅井和夫;小型 船のブローチングに関する実験的研究,造船学会 論文集,第150号,1981.12
- P. Du Cane and G. J. Goodrich ; The Following Sea, Broaching and Surging, RINA, vol. 104. No. 2, 1962. 4
- 4) 菅信・猿田俊彦・安野三樹雄・山越康行・鈴木四 郎;追波中の船の大振幅前後揺れと波乗り現象, 造船学会論文集,第162号,1987.12(予定)
- 5) 今井功・橋本英典訳; ラム流体力学2, 東京図 書, 1981, p.190
- 6) 菅信; ブローチング発生要因に関する考察 ---P. Du Cane and G.J. Goodrich の実験結果の解釈と

関連して一,運動性能部部内研究会資料,1986.7

- 7) O. Grim; Das Schiff in von achtern anlaufender See, JSTG, vol. 45, 1951 (英訳あり; DTMB Translation 313, 1965.2)
- 8) 梅田直哉;船の波乗り現象について,造船学会論 文集,第152号,1983.1
- 9) 高石敬史・黒井昌明;波浪中船体運動の実用計算 法,第2回耐航性に関するシンポジウム,造船学 会,1978.12
- 中村彰一・内藤林・井上昭;コンテナ船の波浪中 推進性能に関する研究(第5報),関西造船協会 誌,第162号,1976.9
- 元良誠三; Gravity Dynamometer による波浪中 抵抗試験及び Surging について,造船協会論文 集,第94号,1954.2
- 12) 石田茂資・菅信・猿田俊彦・安野三樹雄;角水槽 の多点式航跡自画装置について,第50回船研研究 発表会講演概要集,1987.12 (予定)